

## 专业基础课程讲义

# 基础物理实验

本学期实验题目	0
绪论	1
实验数据的处理	5
液氮比汽化热的测量	17
弦线上波的传播规律	20
用扭摆法测定物体转动惯量	22
LCR 串联谐振电路	25
直流电桥	28
圆线圈和亥姆霍兹线圈的磁场	31
数字示波器的使用	33
铽化镧磁阻传感器的特性测量	38
二极管的伏安特性测量及应用	41
量子论实验—原子能量量子化的观察与测量	46
X 射线透视与 NaCl 晶体结构分析	50
透镜焦距的测量	55
牛顿环	61
光的衍射	68
计算机实测物理实验	74
用计算机实测技术研究冷却规律	77
用计算机实测技术研究声波和拍	79

复旦大学物理教学实验中心

<http://phylab.fudan.edu.cn>

2023 年 9 月

## 本学期实验题目

### 恒隆物理楼 201-207 室

必做实验：液氮比汽化热的测量

选做实验：弦线上波的传播规律

选做实验：用扭摆法测定物体转动惯量

### 恒隆物理楼 213-219 室

必做实验： $LCR$  串联谐振电路

选做实验：直流电桥

选做实验：圆线圈和亥姆霍兹线圈的磁场

### 恒隆物理楼 225-231 室

必做实验：数字示波器的使用

选做实验：铈化铟磁阻传感器的特性测量

选做实验：二极管的伏安特性测量及应用

### 恒隆物理楼 226-232 室

必做实验：量子论实验——原子能量量子化的观察与测量

必做实验： $X$  射线透视与  $NaCl$  晶体结构分析

### 恒隆物理楼 214-220 室

必做实验：透镜焦距的测量

选做实验：牛顿环

选做实验：光的衍射

### 恒隆物理楼 202-208 室

必做实验：计算机实测物理实验

选做实验：用计算机实测技术研究冷却规律

选做实验：用计算机实测技术研究声波和拍

# 绪 论

## 第一节 物理实验的重要性

物理学是一门实验科学，特别是普通物理，更与实验密不可分。在物理学的发展过程中，实验是决定性的因素。发现新的物理现象，寻找物理规律，验证物理定律等等，都只能依靠实验。离开了实验，物理理论就会苍白无力，就会成为“无源之水，无本之木”，不可能得到发展。

正是 16 世纪伟大的实验物理学家伽利略，用他出色的实验工作把古代对物理现象的一些观察和研究引上了当代物理学的科学道路，使物理学发生了革命性的变化。力学中的许多基本定律，如自由落体定律、惯性定律等，都是由伽利略通过实验发现和总结出来的。电磁学的研究，也是从库仑发明扭秤并用来测量电荷之间的作用力开始的。

牛顿对理论和实验的关系阐述得很明白。他在 1672 年给奥尔登堡的信中说：“探求事物属性的准确方法是从实验中把他们推导出来。考察我的理论的方法就在于考虑我所提出的实验是否确实证明了这个理论；或者提出新的实验去验证这个理论。”事实上，牛顿提出过许多理论，其中，万有引力定律被海王星的发现和哈雷彗星的准确观测等实践所证明；而他关于光的本性的学说却被杨氏干涉实验和许多衍射实验所推翻。

经典物理学的基本定律几乎全部是实验结果的总结与推广。在十九世纪以前，没有纯粹的理论物理学家。所有物理学家，包括对物理理论的发展有重大贡献的牛顿、菲涅耳、麦克斯韦等，都亲自从事实验工作。近代物理的发展则是从所谓“两朵乌云”和“三大发现”开始的。前者是指当时经典物理学无法解释的两个实验结果，即黑体辐射实验和迈克耳孙—莫雷实验；后者是指在实验室中发现了 X 光、放射性和电子。由于物理学的发展越来越深入、越来越复杂，而人的精力有限，才有了以理论研究为主和以实验研究为主的分工，出现了“理论物理学家”。然而，即使理论物理学家也绝对不能离开物理实验。爱因斯坦无疑是最著名的理论物理学家，而他获得诺贝尔奖是因为他正确解释了光电效应的实验；他当初提出的相对论是以“光速不变”的假设为基础的，只是经过长期大量的实验后，相对论才成为一个被人们普遍接受的理论。

总之，物理学的理论来源于物理实验又必须最终由物理实验来验证。因此，要从事物理学的研究，必须掌握物理实验的基本功。正因为如此，我国物理学界的前辈们对物理实验都十分重视。创办复旦大学物理系的王福山先生亲自从一个弹簧开始筹措实验仪器设备，为建立物理教学实验室倾注了大量的心血；创办清华大学物理系的叶企孙先生对李政道这样优秀的学生，仍规定：“理论课可以免上，只参加考试；但实验不能免，每个必做。”

物理实验不仅对于物理学的研究工作极其重要，对于物理学在其它学科的应用也十分重要。当代物理学的发展已使我们的世界发生了惊人的改变，而这些改变正是物理学在各行各业中应用的结果。

电子物理、电子工程、光源工程、光科学信息工程等系科都显然是以物理学为基础的，当然有大量物理学的应用；在材料科学中，各种材料的物性测试、许多新材料的发现（如 C<sub>60</sub>、高温超导材料等）和新材料制备方法的研究（如离子束注入、激光蒸发等），都离不开物理的应用；在化学中，从光谱分析到量子化学、从放射性测量到激光分离同位素，也无不是物理的应用；在生物学的发展史中，离不开各类显微镜（光学显微镜、电子显微镜、X 光显微镜、原子力显微镜）的贡献，近代生命科学更离不开物理学，DNA 的双螺旋结构就是美国遗传学家和英国物理学家共同建立并为 X 光衍射实验所证实的，而对 DNA 的操纵、切割、重组也都需要实验物理学家的帮助；在医学中，从 X 光透视、B 超诊断、CT 诊断、核磁共振诊断到各种理疗手段，包括放射性治疗、激光治疗、 $\gamma$  刀等等都是物理学的应用。物理学正在渗透到各个学科领域，而这种渗透无不与实验密切相关。显然，实验正是从物理基础理论到其它学科广泛应用之间的桥梁。只有真正掌握了物理实验的基本功，才能顺利地把物理原理应用到各其它学科而产生质的飞跃。

综上所述，要研究与发展物理学，要把物理理论应用到各行各业的实际中去，都必须重视物理实验，学好物理实验。

然而，对物理实验的重要性却往往被忽视。中国社会长期以来重理论轻实践的错误观念至今仍有影响。杨振宁先生 1982 年在《光明日报》上发表“谈人才培养”的文章语重心长地指出：“象我这样有了一点名气的人也有不好的影响。在国内有许多青年人都希望搞我这一行（指搞理论），但是，象我这样的人，中国目前不是急需。要增加中国的社会生产力需要的是很多会动手的人。”另一位获诺

贝尔物理学奖的华裔实验物理学家丁肇中先生则说：“我是一个做实验的工程师。希望通过我的得奖，能提高中国人对实验的认识。没有实验就没有现代科学技术。”据统计，1901年以来，实验物理学家得诺贝尔奖的人数是理论物理学家人数的两倍；而近30年来，前者的人数超过后者的六倍以上。由此可见，物理实验的重要性正在越来越明显的被认识到。我们必须摒弃旧观念，解放思想，面对现实，摆正理论与实践的关系，才能真正造就高素质的有创新精神的一代新人，使我们中华民族能真正昂首屹立于世界先进民族之林。

## 第二节 物理实验课的要求

物理实验既然那么重要，怎样才能通过物理实验课教学使学生掌握物理实验的基本功，达到培养高素质创新人才的目的呢？概括起来，应通过物理实验课程达到以下三个基本要求：

1. 在物理实验的基本知识、基本方法、基本技能方面得到严格而系统的训练，这是做好物理实验的基础。

a. 基本知识包括实验的原理、各类仪器的结构与工作机理、实验的误差分析与不确定度评定、实验结果的表述方法、如何对实验结果进行分析与判断等。

b. 基本方法包括如何根据实验目的和要求确定实验的思路与方案、如何选择和正确使用仪器、如何减少各类误差、如何采用一些特殊方法来获得通常难以获得的结果等。

c. 基本技能包括各种调节与测试技术（粗调、微调、准直、调零、读数、定标、……），真空技术（真空获得、维持、测量、应用……），电工技术（识别元件、焊接、排除故障、安全用电……），电子技术（微电流检测、弱信号放大……），传感器技术（力传感器、位移传感器、温度传感器、磁传感器、光传感器……），金工技术（机械制图及基本的车工和钳工技术等）以及查阅文献的能力、自学能力、协作共事的能力、总结归纳能力、口头表达能力等。

这三种基本训练有时可能会比较枯燥，却是完全必要的，它体现了最基本的实际动手能力，因而必须首先保证这一要求的实现。没有这种严格的基本训练，很难成为高素质的人才。

2. 学习用实验方法研究物理现象、验证物理规律，加深对物理理论的理解和掌握，加强学生物理建模思维的培养，并在实践中提高发现问题、分析问题和解决问题的能力。

实验前，学生应明确该实验的物理模型及测量模型，了解在建立物理模型时用了哪些近似、假设，并对实验结果做出预期。比如，根据物理模型算出预期值或者查询到公认值或经验值。实验中，学生对测得的数据要学会如何判断，比较实验结果与预期结果是否相符？相符的话，说明实验达到了预期的目的；不符的话，要分析如何改进。是改进理论模型给出新的预期值，还是改进测量模型，再次实验获得新的测量结果。将新的预期值与实验结果（或原预期值与新的实验结果）进行比较，直到两者相符为止。如图1所示，这样一个模型建立、检测、修正的过程可以很好的培养学生发现、分析、解决问题的能力，也是将来从事科研工作所必备的技能。

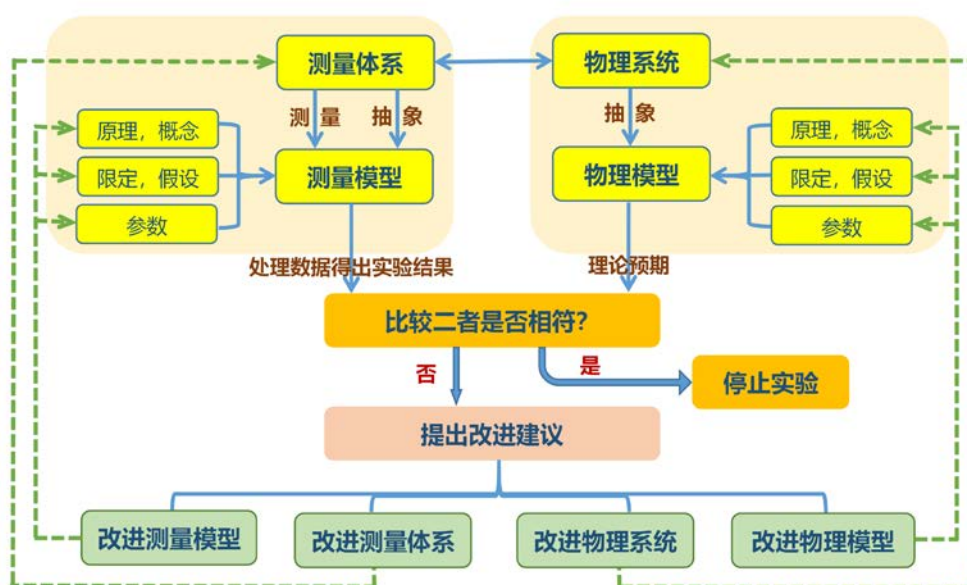


图1 实验中物理建模的过程<sup>1</sup>

在实验中往往会遇到一些意想不到的问题。这些问题虽然可能不是实验研究的主要对象，但也不应轻易放过。这常常是提高分析问题、解决问题能力的好机会。要注意观察、及时记录、认真分析，必要时可以进行深入研究。实际上，科学史上不少重要发现都是在意想不到的情况下“偶然”出现的。

### 3. 养成实事求是的科学态度和积极创新的科学精神。

这是在整个教学过程中都要贯彻的要求，而在物理实验教学中是特别重要的。因为物理学研究“物”之“理”，就是从“实事”中去求“是”，所以严肃认真的物理学工作者都坚持“实践是检验真理的唯一标准”。物理学中的“实践”主要就是物理实验，在物理实验课中最能培养实事求是、严谨踏实的科学态度。任何弄虚作假，篡改甚至伪造数据的行为都是绝对不能允许的，也是比较容易发现的。在物理实验课中，严格规定了记录数据不准用铅笔，不能用涂改液，误记或错记数据的更改要写明理由并经指导教师认可等，都是为了帮助学生养成实事求是的良好习惯。实际上，实验结果是什么就是什么，没有“好”、“坏”之分。与原来预想不一致的实验结果不仅不应随便舍弃，还应特别重视：它可能是某个新发现的开端。历史上许多新的物理理论都是由于旧理论无法解释某些实验现象而建立起来的。因此，实事求是的严谨态度与积极创新的科学作风是相联系的。在严谨的实验中才能发现真正的问题，而解决这些问题往往就需要坚韧不拔的毅力和积极创新的思维。实际上，只要认真去做实验，一定会发现许多问题，其中有些问题是教师也未必已经解决的。所以，实验室应当而且可以成为培养学生求实态度和创新精神的最好场所。

## 第三节 如何进行物理实验

### 一、预习

预习是上好实验课的基础和前提。没有预习，或许可以听好一堂理论课，但不可能完成好一堂实验课。预习的基本要求是仔细阅读教材，了解实验的目的和要求及所用到的原理、方法和仪器设备。一些实验有供预习的视频，学生可以在实验中心网站相应的实验页面找到链接。由于视频的更新需要时间，并不是每个视频内容都与目前的实验要求完全一样，学生还可以在每周二实验室开放的时间去实验室看一下实验的仪器设备状况。有些实验还需要翻阅参考书或查阅文献。通过预习，应对将做的实验有一个初步的大致了解，写好预习报告（包括实验目的、完成实验前应回答的问题、步骤、电路或光路图及数据表格等）。有些实验不要求另写正式报告的，预习报告就是正式报告了，要特别认真撰写。（按以下关于“实验报告”的要求写。）预习报告中，数据表格是很重要的。往往是真正理解了如何做实验才能画好这个表格。表格中要留有余地，以便有估计不到的情况发生时能够记录。直接测量的量和间接测量的量（由直接测量的量计算所得的量）在表格中要清楚地分开，不应混淆。

### 二、实验操作与记录

实验室与教室的最大区别就是实验室中有大量的仪器设备和实验材料。在不同的实验室中，还分别有大功率电源、自来水源、煤气、压缩空气以及放射性物质、激光、易燃易爆物品或其他有毒有害物品等。因此，进入实验室前必须详细了解并严格遵守实验室的各项规章制度。这些规章制度是为保护人身安全和仪器设备安全而规定的，违反了就可能酿成事故，这是必须首先牢记的。

做实验时，要胆大心细、严肃认真、一丝不苟。对于精密贵重的仪器或元件，特别要稳拿妥放，防止损坏。在电学实验中，必须经教师检查无误后才可接通电源。在使用任何仪器前，必须先看注意事项或说明书；在调节时，应先粗调后微调；在读数时，应先取大量程后取小量程；实验完成后，应整理好仪器设备，关好水电煤气等，方可离开实验室等等，这些都是一个实验工作者的基本素质，要成为良好的习惯。

实验记录是做实验的重要组成部分，它应全面真实反映实验的全过程，包括实验的主要步骤（必要时写明为什么要采取这样的步骤）、观察与测量的条件和情况以及观察到的现象和测量到的数据（为了清楚起见，数据常用表格来记录，制表方法详见第二章第三节）。不仅要记录与预想一致的数据和现象，更要记录与预想不一致的数据和现象。记录应尽量清晰、详尽。科学研究中的实验记录本是极其宝贵的资料，要长期保存，因此必须认真对待。

关于实验操作与记录，以下两点是要特别注意的：

（1）实验中，不仅要动手而且要动脑。做实验是为了学习从事科学研究工作的能力，学会某些仪器设备的使用方法不仅是目的而更重要的是手段。只有在实验中认真动手积极动脑，才能触类旁通，掌握实验的真谛，学到从实践中发现问题、分析问题、解决问题的真功夫。其中，发现问题是解决问题的第一步，有所发现才能有所创造。因此，在实验过程中要十分注意各种实验现象。不仅是

预先估计到的现象，要认真观察、仔细测量、工整记录；对于预先没有估计到的现象，也要注意观察和如实记录，以便进行分析和讨论。

(2) 数据记录必须真实，决不可任意伪造或篡改。这是一个科学工作者的基本道德素养。教学实验与科学实验不同，在教学实验中，实验结果往往是预知的，或有公认值的。实验结果与公认值不一致的情况是经常会发生的。这种不一致的原因，不一定是因为学生操作的失误、概念理解不当或计算错误，它也可能是由于仪器设备不正常或环境等其他原因造成的。决不可认为实验结果与公认值越接近，就表明实验做得越好，得分也会越高；更不可为追求实验结果与公认值的一致而伪造或篡改实验记录。从学生学习的角度讲，过程比结果更重要。教师对学生的培养与评价，侧重于实验的态度与作风，以及发现、分析、解决问题的能力。

### 三、写实验报告

对于实验报告，过去有些同学往往只重视数据处理和得出实验结果，对于实验的记录、分析讨论和结论的撰写很不重视。这是很不对的。

写实验报告是培养实验研究人才的重要一环。

从事实验研究工作一般都需要有一个实验研究的记录本，用以记录实验条件、实验中发生的各种现象和数据，这是科学研究的宝贵资料，一般将长期保存在实验室中。为了养成良好的完整记录的习惯，从而学会从事实验研究工作的基本功，在实验报告中，要求详细记录实验条件、实验仪器、实验环境、实验现象和测量数据。

研究工作取得的成果，一般都要写成论文形式发表。为了训练这种对实验成果的文字表达能力，在实验报告中，要求用自己的语言简要地写明实验目的、实验内容和步骤，结合自己观察到的实验现象和获取的数据进行适当的讨论，并得出实验结论。

实验报告的内容主要应含有以下三方面：

(1) 简要地阐明为什么和如何做实验。

这包括实验的目的、回答“实验前应回答的问题”和实验内容与步骤。写这些内容时，要尽量用自己的语言，不要从教材、书本或其它地方抄，篇幅应力求简短。通过回答“实验前应回答的问题”明确该实验的物理模型及测量模型，并且熟知在建立模型的过程中做了哪些简化及模型建立的条件。

(2) 真实而全面地记录实验条件和实验过程中得到的全部信息。

实验条件包括实验的环境（室温、气压等与实验有关的外部条件）、所用的仪器设备（名称、型号、主要规格和编号等）、实验对象（样品名称、来源及其编号等）以及其它有关器材等。实验过程中要随时记下观察到的现象、发现的问题和自己产生的想法；特别当实际情况和预期不同时，要记下有何不同，分析为何不同。记录实验数据要认真、仔细，内容应以别人能看懂，自己若干年后也能看懂为标准；但不要把数据先记在草稿上再誊上去，更不要算好了再填上去；要培养清晰而整洁地记录原始数据的能力和习惯。

(3) 认真地分析和解释实验结果，得出实验结论。

分析实验现象、处理实验数据，比较测量结果与预期结果是否相符？实验结果不是简单的测量结果，它应包括不确定度的评定、对测量结果与期望值的关系的讨论，实验误差的主要来源以及如何对测量模型和物理模型进行改进。实验结论则可以结合实验目的来写，在什么实验条件下得到了什么样的实验结果并对其给予评价。

最后，实验报告中还可谈谈做本实验的体会和对教师或教材的批评和建议。

### 参考文献

1. Jacob T. Stanley, Weifeng Su, and H. J. Lewandowski, Using lab notebooks to examine students' engagement in modeling in an upper-division electronics lab course, *Physics Review Physics Education Research*, 13, 020127 (2017)

# 实验数据的处理

物理实验的目的是探寻和验证物理规律，而许多物理规律是用物理量之间的定量关系来表述的。在物理实验中可以获得大量的测量数据，这些数据必须经过认真地、正确地、有效地处理，才能得出合理的结论，从而把感性认识上升为理性认识，形成或验证物理规律。所以，数据处理是物理实验中一项极其重要的工作。本章将介绍一些最基本的数据处理方法，包括误差分析、不确定度评定、有效数字及作图拟合法等。

## 第一节 实验误差的分析

一个待测物理量的大小，在客观上应该有一个真实的数值，叫作“真值”。由于测量方法、测量仪器、测量条件及测量者的种种问题，实际测得的数值即测量值，只能是一个真值的近似值。测量值与真值之差称为误差。测量方法的考虑、测量仪器的选择、测量条件的确定、测量数据的处理等等都应在可能的范围内力求减少误差。

所谓测量，就是由测量者采取某种测量方法、用某种测量仪器将待测量与标准量进行比较。例如，为测量一个铁球的质量，可以用天平（测量仪器）把铁球（待测物）放在天平的一侧，把适量的砝码（其质量为标准量）放在另一侧，适当调节而使两侧平衡时（测量方法），即可得到待测物的质量，即待测量。由此可知，测量值并不等于真值，测量值存在误差的原因可能有以下三方面：测量仪器（及标准量）的问题、测量方法的问题、测量者的问题。现分述如下：

### 1. 测量仪器及标准量的问题。

在许多情况下，测量仪器上的刻度（或数字显示）就代表了标准值，如米尺、温度计等。但是这种“标准量”也并非真正标准，它与真正的标准必有差距。例如，米尺端边会磨损、刻度有不均匀性或不够准确、在不同温度下米尺本身的长度有变化等。

### 2. 测量方法的问题。

采用不同的测量方法可能会得到不同的测量结果，其影响是很明显的。例如，为了测量一块玻璃板的温度，用一般的温度计测量和用激光测量，其结果就往往不一样；为了测量重力加速度，用测单摆周期的方法或用自由落体的方法结果也可能会不同。

### 3. 测量者的问题。

这方面的问题很多。首先是“估读”的不同。待测量位于标准量的某两刻度之间时，必须估读其数值，不同测量者的估读会有不同；这与测量者的位置、熟练程度及仪器所处的环境状况等有关。其次是“判断”的不同。例如，要测量干涉条纹间的距离，为确定何处是干涉条纹的中心位置（即光最亮处或最暗处），需要经验和判断能力。最后还有“误读”的可能，即测量者长期工作中难免犯错误，把数据读错也是很可能会发生的。

以上三方面的问题都会造成误差。其中第一个问题和第三个问题产生的误差大小与测量仪器、测量者、测量条件和测量次数有关，可以用一定的方法进行评定（第三个问题中的“误读”除外），这种评定的方法将在第二节详述。测量方法的问题则要进行定性分析以尽量避免或进行定量分析予以修正。

例如，要测量一块正在加热的平面玻璃的温度，无论用温度计或热电偶，放在玻璃板的任何一侧，都不可能测准，因为测温元件（温度计或热电偶）与待测元件（玻璃板）的受热与散热情况都不相同，它们的温度不可能相同。因此，可以改用激光测温的方法，它利用待测元件本身作为测温元件，从玻璃表面间反射光的干涉条纹变化来确定其温度变化，就可以避免因测温元件与待测元件的温度差而形成的误差。

又如，用单摆测量重力加速度的一般公式为

$$g = 4\pi^2 \frac{L}{T^2} \quad (1)$$

式（1）中  $T$  为单摆周期， $L$  为摆长。这里忽略了单摆摆线的质量，忽略了单摆运动是非简谐振动，也忽略了空气阻力的影响等等。如要修正上述这些因素造成的误差，则要进行严格的计算和修正。如摆线质量为  $\mu$ ，摆球半径为  $r$ ，质量为  $m$ ，则上述公式应修正为

$$g = 4\pi^2 \frac{L}{T^2} \left( 1 + \frac{2r^2}{5L^2} - \frac{1}{6} \frac{\mu}{m} \right) \quad (2)$$

摆动的幅角较大或空气的浮力与阻力的影响较大时还应作其它各种修正。

实验误差的分析是一项十分重要的工作，要考虑实际上可能对测量结果产生影响的各种因素，分析其影响的大小。任何实验都不要求把一切影响因素全部消除，这在经济上、时间上、精力上都将造成浪费，而实际上也是不可能做到的；只要达到一定的误差允许范围之内就行。而这种分析需要广博的基础知识、丰富的实践经验和高超的判断能力。这就要求我们在各种实验中认真思索，仔细考虑，以积累经验，丰富知识，提高分析判断能力。

## 第二节 实验不确定度的评定

### 一、不确定度评定的意义

如上所述，即使采用了正确的测量方法，由于测量仪器和测量者的问题，测量结果仍不可能是绝对准确的，它必然有不确定的成分。实际上，这种不确定的程度是可以由一种科学的、合理的、公认的方法来表征的，这就是“不确定度”的评定。在测量方法正确的情况下，不确定度愈小，表示测量结果愈可靠。反之，不确定度愈大，测量的质量愈低，它的可靠性愈差，使用价值就愈低。

不确定度必须正确评价。评价得过大，在实验中会怀疑结果的正确性而不能果断地作出判断，在生产中会因测量结果不能满足要求而需再投资，造成浪费；评价得过小，在实验中可能得出错误的结论；在生产中则产品质量不能保证，造成危害。

### 二、关于不确定度的一些基本概念和分类

不确定度的评定十分重要，但以往各国对不确定度的表示和评定却有不同的看法和规定，这无疑影响了国际间的交流和合作。1992年，国际标准化组织（ISO）发布了具有指导性的文件《测量不确定度表达指南》（以下简称《指南》），为世界各国不确定度的统一奠定了基础。1993年 ISO 和国际理论与应用物理联合会（IUPAP）等七个国际权威组织又联合发布了《指南》的修订版。从此，物理实验的不确定度评定有了国际公认的准则。《指南》对实验的测量不确定度有十分严格而详尽的论述。作为普通物理实验教学，只要求对不确定度的下述基本概念有初步的了解。

不确定度是表征测量结果具有分散性的一个参数，它是被测量的真值在某个量值范围内的一个评定。所谓“标准不确定度”是指以“标准偏差”表示的测量不确定度估计值，简称不确定度，常记为  $u$ 。

（关于“标准偏差”的意义请阅《基础物理实验》第二章附录1）

标准不确定度一般可分为以下三类：

1、A类评定不确定度：在同一条件下多次测量，即由一系列观测结果的统计分析评定的不确定度，简称A类不确定度，常记为  $u_A$ 。

2、B类评定不确定度：由非统计分析评定的不确定度，简称B类不确定度，常记为  $u_B$ 。

3、合成标准不确定度：某测量值的A类与B类不确定度按一定规则算出的测量结果的标准不确定度，简称合成不确定度。

以下分别讨论如何进行不确定度的评定、合成、传递和表示。

### 三、标准不确定度的评定

#### 1、A类不确定度 $u_A$

在相同的条件下，对某物理量  $x$  作  $n$  次独立测量，得到的  $x$  值为  $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$ ，于是平均值  $\bar{x}$  为

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (3)$$

平均值  $\bar{x}$  为  $x$  的最佳值，它的不确定度为

$$u_A(\bar{x}) = t \cdot \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n(n-1)}} \quad (4)$$

式（4）中的  $t$  就称为“ $t$  因子”，它与测量次数和“置信概率”有关。（所谓“置信概率”是指真值落在  $\bar{x} \pm u(x)$  范围内的概率。） $t$  因子的数值可以根据测量次数和置信概率查表得到，当测量次数较少或置信概率较高时， $t > 1$ ；当测量次数  $n \geq 10$  且置信概率为 68.3% 时， $t \approx 1$ ；在大多数普通物理教学实验中，为了简便，一般就取  $t = 1$ 。



## 2、B 类不确定度 $u_B$

若对某物理量  $x$  进行单次测量, 那么 B 类不确定度由测量不确定度  $u_{B1}(x)$  和仪器不确定度  $u_{B2}(x)$  两部分组成。

测量不确定度  $u_{B1}(x)$  是由估读引起的, 通常取仪器分度值  $d$  的  $1/10$  或  $1/5$ , 有时也取  $1/2$ , 视具体情况而定; 特殊情况下, 可取  $u_{B1}=d$ , 甚至更大。例如用分度值为  $1\text{mm}$  的米尺测量物体长度时, 在较好地消除视差的情况下, 测量不确定度可取仪器分度值的  $1/10$ , 即  $u_{B1}(x)=1\text{mm}\times 0.1=0.1\text{mm}$ ; 但在示波器上读电压值时, 如果荧光线条较宽、且可能有微小抖动, 则测量不确定度可取仪器分度值的  $1/2$ , 若分度值为  $0.2\text{V}$ , 那么测量不确定度  $u_{B1}(x)=0.2\text{V}\times 0.5=0.1\text{V}$ 。又如, 用肉眼观察远处物体成像的方法粗测透镜的焦距, 虽然所用钢尺的分度值只有  $1\text{mm}$ , 但此时测量不确定度  $u_{B1}(x)$  可取数毫米, 甚至更大。

仪器不确定度  $u_{B2}(x)$  是由仪器本身的特性所决定的, 它定为:

$$u_{B2}(x) = \frac{a}{c} \quad (5)$$

其中,  $a$  是仪器说明书上所标明的“最大误差”或“不确定度限值”,  $c$  是一个与仪器不确定度  $u_{B2}(x)$  的概率分布特性有关的常数, 称为“置信因子”。仪器不确定度  $u_{B2}(x)$  的概率分布通常有正态分布、均匀分布、三角形分布以及反正弦分布、两点分布等。对于正态分布、均匀分布和三角形分布, 置信因子  $c$  分别取  $3$ 、 $\sqrt{3}$  和  $\sqrt{6}$ 。如果仪器说明书上只给出不确定度限值 (即最大误差), 却没有关于不确定度概率分布的信息, 则一般可用均匀分布处理, 即  $u_{B2}(x) = \frac{a}{\sqrt{3}}$ 。

有些仪器说明书没有直接给出其不确定度限值, 但给出了仪器的准确度等级, 则其不确定度限值  $a$  需经计算才能得到。如指针式电表的不确定度限值等于其满量程值乘以等级, 例如满量程为  $10\text{V}$  的指针式电压表, 其等级为 1 级, 则其不确定度限值  $a=10\text{V}\times 1\%=0.1\text{V}$ 。又如电阻箱的不确定度限值等于示值乘以等级再加上零值电阻, 由于电阻箱各档的等级是不同的, 因此在计算时应分别计算, 例如: 常用的 ZX21 型电阻箱, 其示值为  $360.5\Omega$ , 零值电阻为  $0.02\Omega$ , 则其不确定度限值

$$a=(300\times 0.1\%+60\times 0.2\%+0\times 0.5\%+0.5\times 5\%+0.02)\Omega=0.46\Omega。$$

## 四、标准不确定度的合成与传递

由正态分布、均匀分布和三角形分布所求得标准不确定度可以按以下规则进行合成与传递。

### 1、合成

(1) 在相同条件下, 对  $x$  进行多次测量时, 待测量  $x$  的标准不确定度  $u(x)$  由 A 类不确定度  $u_A(x)$  和仪器不确定度  $u_{B2}(x)$  合成而得。即

$$u(x) = \sqrt{u_A^2(x) + u_{B2}^2(x)} \quad (6)$$

其中,  $u_{B2}(x)$  的值由式 (5) 根据相应的概率分布进行估算。

(2) 对待测量  $x$  进行单次测量时, 待测量  $x$  的标准不确定度  $u(x)$  由测量不确定度  $u_{B1}(x)$  和仪器不确定度  $u_{B2}(x)$  合成而得。即

$$u(x) = \sqrt{u_{B1}^2(x) + u_{B2}^2(x)} \quad (7)$$

对于单次测量, 有时会因待测量的不同, 其不确定度的计算也有所不同。例如用温度计测量温度时, 温度的不确定度合成公式为上述的 (7) 式; 而在长度测量中, 长度值是两个位置读数  $x_1$  和  $x_2$  之差, 其不确定度合成公式为  $u(x) = \sqrt{u_{B1}^2(x_1) + u_{B1}^2(x_2) + u_{B2}^2(x)}$ 。这是因为  $x_1$  和  $x_2$  在读数时都有测量不确定度, 因此在计算合成不确定度时都要算入。

### 2、传递

在间接测量时, 待测量 (即复合量) 是由直接测量的量通过计算而得的。若  $y=f(x_1, x_2, x_3, \dots, x_N)$ , 且各  $x_i$  相互独立, 则测量结果  $y$  的标准不确定度  $u(y)$  的传递公式为:

$$u^2(y) = \sum_{i=1}^N \left( \frac{\partial f}{\partial x_i} \right)^2 u^2(x_i) \quad (8)$$

式中  $u(x_i)$  是直接测量量  $x_i$  的不确定度, 偏导数  $\frac{\partial f}{\partial x_i}$  表示  $x_i$  的不确定度对结果不确定度的影响系

数，由式（8）可以得到一些常用的不确定度传递公式如下：

对加减法： $y = x_1 \pm x_2$ ，则

$$u^2(y) = u^2(x_1) + u^2(x_2) \quad (9)$$

对乘除法： $y = x_1 \cdot x_2$ ，或  $y = \frac{x_1}{x_2}$ ，则

$$\left[ \frac{u(y)}{y} \right]^2 = \left( \frac{u(x_1)}{x_1} \right)^2 + \left( \frac{u(x_2)}{x_2} \right)^2 \quad (10)$$

对乘方（或开方）： $y = x^n$ ，则

$$\left[ \frac{u(y)}{y} \right]^2 = \left( n \cdot \frac{u(x)}{x} \right)^2 \quad (11)$$

## 五、不确定度的表示

由于不确定度  $u(x)$  表示的是待测量  $x$  的真值在一定的置信概率下可能存在的范围，因而，测量结果常表示为  $x \pm u(x)$ ，如：所测长度为  $(1.05 \pm 0.02)$  cm。这是不确定度的一般表示法。

有时，以不确定度对于待测量的百分比来表示更能看出不确定度的相对大小，即把测量结果的不确定度表示为  $\frac{u(x)}{x} \times 100\%$ ，如：所测长度为 1.05cm，相对不确定度 2%。这是不确定度的百分比表示法。

除了以上两种常用的不确定度表示法外，还有一种更为简略的表示法，叫做不确定度的有效数字表示法。所谓有效数字，是指一个数值中，从第一个非 0 数字算起的所有数字。例如， $x=0.0035$  中的 3 是第一个非 0 数字，因此  $x$  有两位有效数字：3 和 5，小数点前后的三个 0 都是表示数量级的，不是有效数字。又如， $x=3.500$  有四位有效数字 3，5，0，0 都是有效数字，其中的两个 0 虽然对该数的大小并无意义，但它却表示这个数的准确程度可达小数点后的第三位，即  $x$  的值约在 3.495 和 3.504 之间，它与  $x=3.5$  是显然不同的，后者表示小数点后的第一位数（即 5）就是可疑的，不确定的。测量最后结果的不确定度，一般只取一位有效数字，而测量结果的末位有效数字应与不确定度的有效数字对齐，即测量结果的末位有效数字是不确定的。（特殊情况下，不确定度的有效数字可取两位，即测量值的末两位有效数字都是不确定的。）这样，根据测量值的不确定度，可以决定测量值的有效数字。

在计算数据时，当有效数字位数确定后，须将多余的数字舍去，被舍去的数字基本上按照四舍五入规则，但遇到被舍数字恰为“50”或只有“5”一位数字时，则“5”有时入，有时不入，应使有效数字末位保持为偶数。这样可使舍和入的机会均等，从而避免在处理较多数据时因入比舍多而带来的问题。

**例如：**经计算所得的长度值为  $x=3.54825\text{m}$ ，若不确定度为  $0.0003\text{m}$ ，则应取测量值的结果为  $x=3.5482\text{m}$ ；若不确定度为  $0.002\text{m}$ ，则应取测量值的结果为  $x=3.548\text{m}$ ；若不确定度为  $0.05\text{m}$ ，则应取测量值的结果为  $x=3.55\text{m}$ ；若不确定度为  $0.1\text{m}$ ，则应取测量值的结果为  $x=3.5\text{m}$ （如以毫米为单位，则应写成  $3.5 \times 10^3\text{mm}$ ，绝不可写成  $3500\text{mm}$ ）。这样，从测量值的有效数字，就可大约知道它的不确定度，这就是不确定度的有效数字表示法。显然，这只是一简略的表示法，在严格的定量实验中，应采用不确定度的一般表示法或百分比表示法。

虽然测量最后结果的不确定度，一般只取一位有效数字，但在运算过程中，不确定度一般要取两位或更多，中间过程测量值的有效数字也应适当多取一些，以免过早舍入，造成不合理的结果。

有效数字的运算有一定的规则，最简单和常用的规则是：

当两个数相加减时，有效数字的位数应对齐；当两个数相乘除时，有效数字的位数应与有效数字少的一致。

**例如：**

$x=1.832\text{m}$ （共有 4 位有效数字，末位在小数点后第 3 位），

$y=1.69\text{m}$ （共有 3 位有效数字，末位在小数点后第 2 位），

则： $x+y=3.52\text{m}$ （末位取小数点后第 2 位）； $x-y=0.14\text{m}$ （末位取小数点后第 2 位）；

$xy=3.10\text{mm}^2$ （共取 3 位有效数字）； $x/y=1.08$ （共取 3 位有效数字）。

## 六、实例

用电子天平测得一个圆柱体的质量  $M=80.36\text{g}$ ；电子天平的最小指示值为  $0.01\text{g}$ ；不确定度限值为  $0.02\text{g}$ 。用钢尺测量该圆柱体的高度  $H=H_2-H_1$ ，其中， $H_1=4.00\text{cm}$ ， $H_2=19.32\text{cm}$ ；钢尺的分度值为  $0.1\text{cm}$ ，估读  $1/5$  分度；不确定度限值为  $0.01\text{cm}$ 。用游标卡尺测量该圆柱体的直径  $D$ （数据如下表所示）；游标卡尺的分度值为  $0.002\text{cm}$ ；不确定度限值为  $0.002\text{cm}$ 。

$D/\text{cm}$	2.014	2.020	2.016	2.020	2.018
	2.018	2.020	2.022	2.016	2.020

试根据上述数据，计算该圆柱体的密度及其不确定度。

解：（1）圆柱体的质量  $M = 80.36\text{g}$

$$u(M) = \sqrt{(u_{B1}(M))^2 + (u_{B2}(M))^2} = \sqrt{(0.01)^2 + \left(\frac{0.02}{\sqrt{3}}\right)^2} \text{g} = 0.015\text{g}$$

（2）圆柱体的高  $H = H_2 - H_1 = (19.32 - 4.00)\text{cm} = 15.32\text{cm}$

$$u(H) = \sqrt{2 \cdot (u_{B1}(H))^2 + (u_{B2}(H))^2} = \sqrt{2 \cdot (0.02)^2 + \left(\frac{0.01}{\sqrt{3}}\right)^2} \text{cm} = 0.029\text{cm}$$

（3）圆柱体的直径的平均值  $\bar{D} = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} D_i = 2.0184\text{cm}$

$$u_A(\bar{D}) = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{10} (D_i - \bar{D})^2}{10 \times (10 - 1)}} = 0.00078\text{cm}$$

$$u(\bar{D}) = \sqrt{(u_A(\bar{D}))^2 + (u_{B2}(\bar{D}))^2} = \sqrt{(0.00078)^2 + \left(\frac{0.002}{\sqrt{3}}\right)^2} \text{cm} = 0.0014\text{cm}$$

（4）根据上述数据计算材料的密度及其不确定度。

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{4M}{\pi D^2 H} = \frac{4 \times 80.36}{3.1416 \times (2.0184)^2 \times 15.32} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 1.6394 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$\begin{aligned} \frac{u(\rho)}{\rho} &= \sqrt{\left(\frac{u(M)}{M}\right)^2 + \left(2 \cdot \frac{u(D)}{D}\right)^2 + \left(\frac{u(H)}{H}\right)^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{0.015}{80.36}\right)^2 + \left(2 \cdot \frac{0.0014}{2.0184}\right)^2 + \left(\frac{0.029}{15.32}\right)^2} = 0.24\% \end{aligned}$$

$$u(\rho) = \frac{u(\rho)}{\rho} \times \rho = 0.24\% \times 1.6394 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 0.004 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$\therefore \rho \pm u(\rho) = (1.639 \pm 0.004) \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = (1.639 \pm 0.004) \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

### 第三节 制表、作图与拟合

#### 一、制表

在物理实验的测量和计算中，常要将数据记录在表格中，便于整理、计算、作图或拟合。

制表一般应注意如下事项：（参见例表）

**例表：**测量一个圆柱体样品的密度。

测量次数	1	2	3	4	5	平均值
直径 $D / \text{cm}$						
长度左端 $h_1 / \text{cm}$						—
长度右端 $h_2 / \text{cm}$						—
长度 $h=h_1-h_2 / \text{cm}$						

样品的质量  $M =$  \_\_\_\_\_ g。

$$\rho = \frac{4M}{\pi D^2 h} = \text{_____}。$$

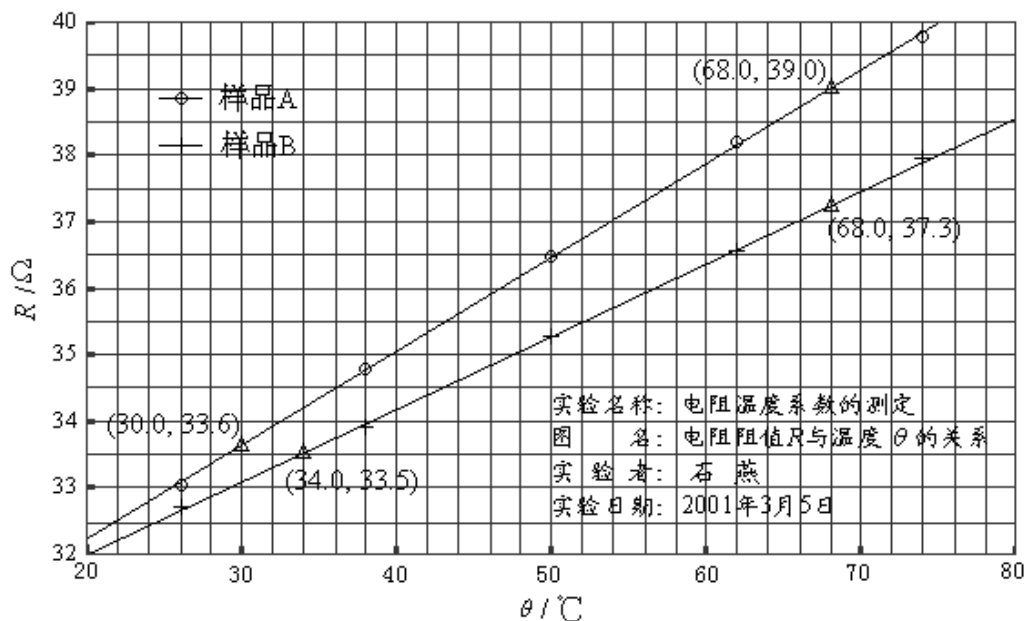
室温  $T_r =$  \_\_\_\_\_ °C；湿度  $\eta =$  \_\_\_\_\_ %。

1. 制表前，应先明确实验中要测哪些物理量？哪些是直接读出的、哪些是通过计算得出的？哪些物理量宜先测、哪些物理量宜后测？哪些物理量只要测一次、哪些物理量要多次测量求平均？（多次测量时，一般应在 10 次以上；但因课时有限，可取 5 次。）
2. 制表时，应合理安排各待测物理量在表格中的位置。一般可先列直接读出量、再列计算得出量；先列先测量、后列后测量；让自变量与因变量在表中一一对应。如果预先可以确定自变量的变化范围和取值，则可按自变量的值由小到大或由大到小在表中预先写好。
3. 任一物理量都是数值与单位的合成，在表格中常用物理量与单位的比值来表示，如例表的第一列所示，其中  $D / \text{cm}$  表示物理量  $D$  的单位是  $\text{cm}$ ，依此类推。注意：物理量的符号应用斜体书写，单位的符号则用正体书写，以示区别（在用计算机打印时，更应严格遵守此规定）。
4. 表中各符号所代表的意义都应有相应的说明（如例表中的直径、长度等，但不一定写在表格中）。
5. 不同的物理量之间应用线条加以区分，如例表中各横线所示。物理量与数据之间也应用线条加以区分，如例表中第 1 竖线所示。
6. 测量量与计算量应明确区分，如例表中第 6、7 竖线所示。计算量应注明计算公式（不一定写在表格中）。
7. 为了清楚说明表的意义，必要时还应加上一个表名。

## 二、作图

在物理实验中，常为了清晰地看到物理量之间的定性关系，或方便地比较不同的物理特性，需要用作图法来直观地显示物理量之间的关系，有时作直线图，有时还要作曲线图。作图法是研究

例 图



物理量之间变化规律的重要手段。对于作图一般应遵守如下规则：

1. 作图用纸一般应采用标准坐标纸。图纸的大小应能反映物理量的有效数字；作图区域应占图纸的一半以上。
2. 取自变量为横坐标（向右增大）；取因变量为纵坐标（向上增大）。画出纵、横坐标轴，并与图纸上印的线条密切重合，但坐标轴不一定取图纸所印标格的边线，坐标轴的标度值不一定从零开始。
3. 根据自变量（及因变量）的最低值与最高值，选取合适的作图比例，应取图纸上的 1 格所表示的原数据的量值变化为 1、2、5 等数（或它们的十进倍率）。
4. 每隔相同距离，沿轴画一垂直于轴的短线（称为标度线），并在其附近注以标度值。标度值的位数不必取实验数据中的全部有效数字位数，例如 2.50 只标 2.5 即可。（一般在各坐标轴上可标 5~10 个标度值。）
5. 对每一坐标轴，要标明物理量的名称及单位符号。（标注的方法与表格相同）
6. 数据点要用端正的“+”或“⊙”等符号来表示。数据点应在符号的中心，符号的大小应相当于不确定度的大小；但为简单起见，也可统一取 2~3mm。在一张图纸上作多条曲线时，不同的数据组应使用不同的符号来表示数据点，并在图中适当位置说明不同符号的不同意义。求斜率时取点的符号应采用有别于这些数据点的符号，例如用正三角形“ $\triangle$ ”，并在其旁标以坐标（坐标值应正确写出有效数字）；求斜率时所取点的位置应靠近直线的两端，为计算方便起见，可选取横坐标为整数。
7. 拟合直线或曲线的线条务必匀、细、光滑。不通过图线的数据点应匀称地分布在图线的两侧，且尽量靠近图线。
8. 在实验报告的图纸中，应写上实验名称、图名、姓名、日期。图纸上的中英文字及数字等均需书写端正。

以上规则是针对用手工作图的。当然也可以借助计算机作图，则有些规则（如数据点在符号的中心，线条匀、细、光滑，书写端正等）是自动满足的。虽然计算机可以任意取比例，使曲线（或直线）充满图纸，但实验作图时不宜采用这种方法。两标度线间的量值变化仍应取 1、2、5 及其十进倍率等为佳，因为只有这样，才易于使用者读图。

### 三、拟合

若两物理量  $x$ 、 $y$  满足线性关系，并由实验等精度地测得一组数据  $(x_i, y_i; i=1,2,\dots,n)$ ，如何作出一条能最佳地符合所得数据的直线，以反映上述两变量间的线性关系呢？除了用作图法进行拟合外，常用的还有最小二乘法。

最小二乘法认为：若最佳拟合的直线为  $y = f(x)$ ，则所测各  $y_i$  值与拟合直线上相应的各估计值  $\hat{y}_i = f(x_i)$  之间的偏差的平方和为最小，即

$$s = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 \rightarrow \min \quad (\text{极小}) \quad (1)$$

因为测量总是有不确定度存在，所以在  $x_i$  和  $y_i$  中都含有不确定度。为讨论简便起见，不妨假设各  $x_i$  值是准确的，而所有的不确定度都只联系着  $y_i$ 。这样，如由  $\hat{y}_i = f(x_i)$  所确定的值与实际测得值  $y_i$  之间的偏差平方和最小，也就表示最小二乘法所拟合的直线是最佳的。

一般，可将直线方程表示为： $y = kx + b$

其中  $k$  是待定直线的斜率； $b$  是待定直线的  $y$  轴截距。如果设法确定这两个参数，该直线也就确定了，所以解决直线拟合的问题也就变成由所给实验数据组  $(x_i, y_i)$  来确定  $k$ 、 $b$  的过程。将上式代入 (1) 式得：

$$s(k, b) = \sum_{i=1}^n (y_i - kx_i - b)^2 \rightarrow \min \quad (2)$$

所求的  $k$  和  $b$  应是下列方程组的解。

$$\begin{cases} \frac{\partial s}{\partial k} = -2 \sum (y_i - kx_i - b)x_i = 0 \\ \frac{\partial s}{\partial b} = -2 \sum (y_i - kx_i - b) = 0 \end{cases}$$

其中  $\Sigma$  表示对  $i$  从 1 到  $n$  求和。将上式展开，消去未知数  $b$ ，可得：

$$k = \frac{l_{xy}}{l_{xx}} \quad (3)$$

$$\text{式中} \begin{cases} l_{xy} = \sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = \sum (x_i y_i) - \frac{1}{n} \sum x_i \sum y_i \\ l_{xx} = \sum (x_i - \bar{x})^2 = \sum x_i^2 - \frac{1}{n} (\sum x_i)^2 \end{cases} \quad (4)$$

将求得的  $k$  值代入方程组，可得：

$$b = \bar{y} - k\bar{x} \quad (5)$$

至此，所需拟合的直线方程  $y = kx + b$  就被唯一地确定了。

由最终结果不难得到，最佳配置的直线必然通过  $(\bar{x}, \bar{y})$  这一点。因此在作图拟合直线时，拟合的直线必须通过该点。

为了检验拟合直线是否有意义，在数学上引入相关系数  $r$ ，它表示两变量之间的函数关系与线性函数的符合程度，具体定义为：

$$r = \frac{l_{xy}}{\sqrt{l_{xx} \cdot l_{yy}}} \quad (6)$$

式中  $l_{yy}$  的计算方法与  $l_{xx}$  类似。相关系数  $r$  有效数字一般保留到第一个不为 9 的数， $r$  的值越接近 1，表示  $x$  和  $y$  的线性关系越好；若  $r$  近于 0，就可以认为  $x$  和  $y$  之间不存在线性关系。

在物理实验中，相当多的情况是所测的两个物理量  $x$ 、 $y$  之间的关系符合某种曲线方程，而非直线方程。这时，可对曲线方程作一些变换，引入新的变量，从而将不少曲线拟合的问题转化为直线拟合问题。

如曲线方程为  $y = ax^k$ ，可将等式两边取自然对数，得  $\ln y = k \ln x + \ln a$ 。再令  $Y = \ln y$ ，

$X = \ln x$ ,  $b = \ln a$ , 即可将幂函数转化成线性函数  $Y = kX + b$ 。

又如曲线方程为  $y = ae^{kx}$ , 同样可将等式两边取自然对数, 得  $\ln y = kx + \ln a$ 。再令  $Y = \ln y$ ,  $b = \ln a$ , 即可将指数函数转化成线性函数  $Y = kx + b$ 。

现在许多计算器中有最小二乘法的直线拟合功能。只要输入  $x$  和  $y$  的数据组, 即可得出斜率  $k$ 、截距  $b$  和相关系数  $r$ ; 还可类似求得幂函数和指数函数中的  $k$  和  $a$ 。在实验的数据处理中, 可利用计算器的这些功能, 不必进行繁琐的计算。

**注意:** (1) 用最小二乘法计算斜率  $k$  和截距  $b$  时, 不宜用有效数字的运算法则计算中间过程, 否则会有较大的计算误差引入。提倡用计算器计算, 将所显示的数值均记录下来为佳。(2) 如果  $y$  和  $x$  的相关性好, 可以粗略考虑  $b$  的有效位数的最后一位与  $y$  的有效数字最后一位对齐,  $k$  的有效数字与  $y_n - y_1$  和  $x_n - x_1$  中有效位数较少的相同。(3) 确定有效位数的可靠方法是计算  $k$  和  $b$  的不确定度。

**直线拟合的不确定度估算:** (以  $y = kx + b$  为例)

斜率  $k$  和截距  $b$  是间接测量物理量, 分别令测量数据的 A 类和 B 类不确定度分量中的一个分量为零, 而求得另一个分量比较简单, 最后将两个分量按直接测量的合成方法求出合成不确定度, 这种方法被称为等效法。

可以证明, 在假设只有  $y_i$  存在明显随机误差的条件下 (且  $y$  的仪器不确定度远小于其 A 类不确定度),  $k$  和  $b$  的不确定度分别为:

$$S_k = \frac{S_y}{\sqrt{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}}} \quad (7)$$

$$S_b = S_k \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}} = S_y \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}} \quad (8)$$

式中,  $S_y$  是测量值  $y_i$  的标准偏差, 即

$$S_y = \sqrt{\frac{\sum v_i^2}{n-2}} = \sqrt{\frac{\sum (y_i - kx_i - b)^2}{n-2}} \quad (9)$$

根据上述公式即可算出各个系数 (斜率  $k$  和截距  $b$ ) 的不确定度值, 初看上去计算似乎很麻烦, 但是利用所列的数据表格, 由表中求出的那些累加值  $\Sigma$  即可很容易算得。

### 最小二乘法应用举例

应用最小二乘法处理物理量的测量数据是相当繁琐的工作, 容易出现差错。因此, 工作时要十分细心和谨慎。为便于核对, 常将各数据及计算结果首先表格化。

例: 已知某铜棒的电阻与温度关系为:  $R_t = R_0 + \alpha \cdot t$ 。实验测得 7 组数据 (见表 1) 如下: 试用最小二乘法求出参量  $R_0$ 、 $\alpha$  以及确定它们的误差。

表 1

$t / ^\circ\text{C}$	19.10	25.10	30.10	36.00	40.00	45.10	50.10
$R_t / \Omega$	76.30	77.80	79.75	80.80	82.35	83.90	85.10

此例中只有两个待定的参量  $R_0$  和  $\alpha$ , 为得到它们的最佳系数, 所需要的数据有  $n$ 、 $\sum x_i$ 、 $\sum y_i$ 、 $\sum x_i^2$ 、 $\sum y_i^2$  和  $\sum x_i y_i$  六个累加数, 为此在没有常用的科学型计算器时, 通过列表计算的方式进行, 这对提高计算速度将会有极大的帮助 (参见表 2), 并使工作有条理与不易出错。其中表内双线右边的计算是为了确定  $R_0$  和  $\alpha$  的误差项用的。

表 2

$i$	$t/^\circ\text{C}$ ( $x_i$ )	$R_t/\Omega$ ( $y_i$ )	$t \times t$ ( $x_i^2$ )	$R_t \times R_t$ ( $y_i^2$ )	$t \times R_t$ ( $x_i y_i$ )	$R_{\text{计算}}/\Omega$	$v_i/\Omega$	$v_i^2 \times 10^{-4}$
1	19.10	76.30	364.81	5821.7	1457.3	76.26	+0.04	16
2	25.10	77.80	630.01	6052.8	1952.8	77.99	-0.19	361
3	30.10	79.75	906.01	6360.1	2400.5	79.43	+0.32	1024
4	36.00	80.80	1296.0	6528.6	2908.8	81.13	-0.33	1089
5	40.00	82.35	1600.0	6781.5	3294.0	82.28	+0.07	49
6	45.10	83.90	2034.0	7039.2	3783.9	83.75	+0.15	225
7	50.10	85.10	2510.0	7242.0	4263.5	85.19	-0.09	81
$n = 7$	$\sum x_i = 245.50$	$\sum y_i = 566.00$	$\sum x_i^2 = 9340.8$	$\sum y_i^2 = 45825.9$	$\sum x_i y_i = 20060.8$			$\sum v_i^2 = 2845 \times 10^{-4}$

根据表 2 中所求得的数据，代入公式则可得：

$$\alpha = k = \frac{7 \times 20060.8 - 245.50 \times 566.00}{7 \times 9340.8 - (245.50)^2} = \frac{1472.6}{5115.35} = 0.28788 \Omega / ^\circ\text{C}$$

$$R_0 = b = \frac{566.00}{7} - 0.28788 \cdot \frac{245.50}{7} = 70.76078 \Omega$$

$$r = \frac{\sum x_i y_i - \frac{1}{n} \sum x_i \sum y_i}{\sqrt{[\sum x_i^2 - \frac{1}{n} (\sum x_i)^2] \cdot [\sum y_i^2 - \frac{1}{n} (\sum y_i)^2]}} = \frac{20060.8 - \frac{245.50 \times 566.00}{7}}{\sqrt{[9340.8 - \frac{(245.50)^2}{7}] \times [(45825.9 - \frac{(566.00)^2}{7})]}}$$

$$= k \times \frac{\sqrt{\sum x_i^2 - \frac{1}{n} (\sum x_i)^2}}{\sqrt{\sum y_i^2 - \frac{1}{n} (\sum y_i)^2}} = 0.28788 \times \frac{\sqrt{9340.8 - \frac{(245.50)^2}{7}}}{\sqrt{45825.9 - \frac{(566.00)^2}{7}}} = 0.998$$

说明：电阻  $R_t$  与温度  $t$  的线性关系良好，所以取  $R_0$  的有效数字与  $R$  对齐，即  $R_0 = 70.76 \Omega$ ；又因为  $t_7 - t_1 = 31.00^\circ\text{C}$ ， $R_7 - R_1 = 8.80 \Omega$ ，取  $k$  有效数字为以上两个差值中较少的位数 3 位，则  $k = 0.288 \Omega / ^\circ\text{C}$ 。由此可以得到电阻与温度的相关关系为：

$$R_t = 70.76 + 0.288t$$

分别计算  $k$  和  $b$  的不确定度，可得

$$S_y = S_{R_t} = \sqrt{\frac{\sum v_i^2}{n-2}} = \sqrt{\frac{2845 \times 10^{-4}}{7-2}} = 0.239(\Omega)$$

$$S_k = S_\alpha = \frac{S_y}{\sqrt{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}}} = \frac{0.239}{\sqrt{9340.8 - \frac{(245.50)^2}{7}}} = 0.239 \times 0.03699 = 0.0088(\Omega / ^\circ\text{C})$$

$$S_b = S_{R_0} = S_k \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n}} = 0.0088 \times \sqrt{\frac{9340.8}{7}} = 0.33(\Omega)$$

故  $R_0 = (70.76 \pm 0.33) \Omega = (70.8 \pm 0.3) \Omega$ ，

$$\alpha = (0.2879 \pm 0.009) \Omega / ^\circ\text{C} = (0.288 \pm 0.009) \Omega / ^\circ\text{C}$$

则  $R_t = 70.8 + 0.288t$



**验证及比较最后的计算结果：**

利用计算机软件（Origin 7.5）对上述实验数据进行线性拟合，结果如下：发现其斜率、截距及其标准偏差，以及测量值  $y_i$  的标准偏差与直接用所述公式进行计算的结果是完全一致的（仅讨论 A 类不确定度，而 B 类不确定度未考虑）。

$$R_0 = (70.8 \pm 0.3)\Omega$$

$$\alpha = (0.288 \pm 0.009)\Omega / ^\circ\text{C}$$

$$r=0.998$$

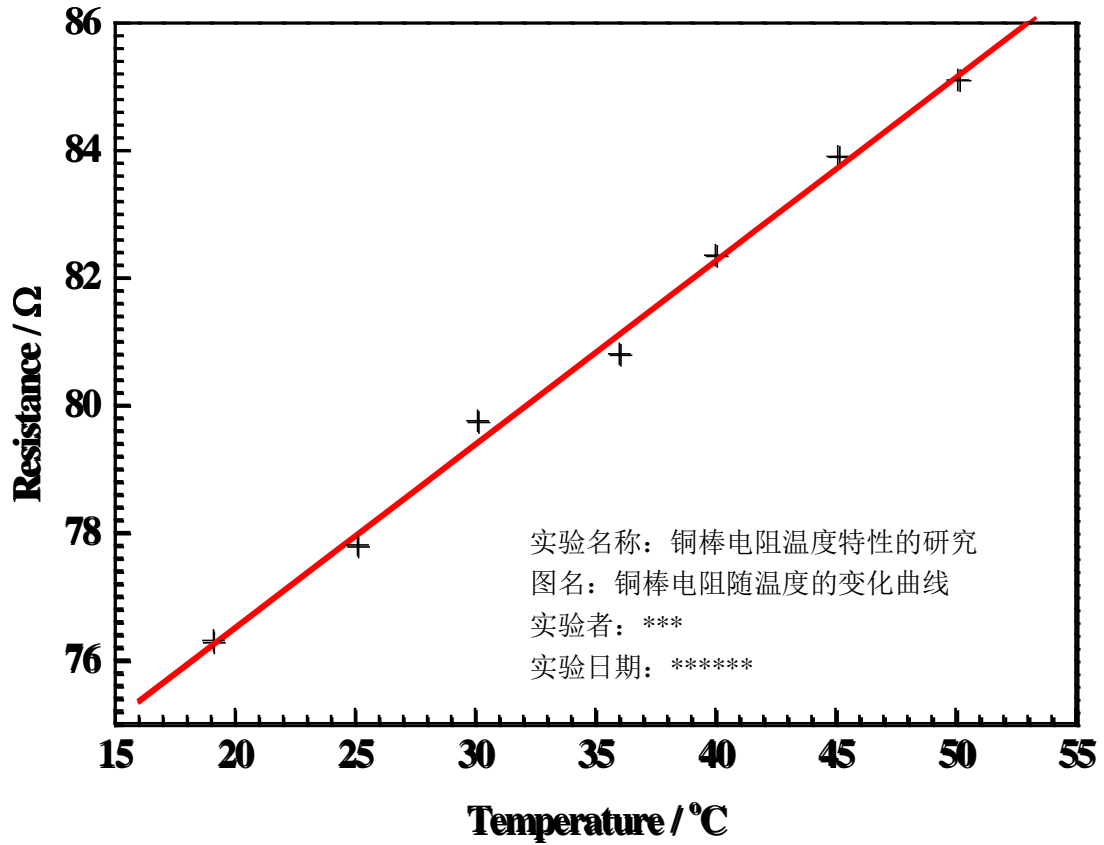


图 1 铜棒电阻随温度的变化曲线

## 液氮比汽化热的测量

液氮(简称液氮)的沸点约为 $-196^{\circ}\text{C}$  ( $77\text{K}$ ),它是现代实验室中获得低温的最常用的一种制冷剂。本实验测量在1个大气压下液氮处于沸点温度时的比汽化热。物质的比汽化热是该物质汽化时所需吸热大小的量度。它是物质的主要热学特性之一。因液氮汽化较快,实验时应采用动态法称衡,并须校正由于与外界热交换引起的误差等。

### 实验目的

本实验要求测量液氮的比汽化热,了解什么是动态称衡法和间接测量法,掌握电子天平、量热器等基本仪器的使用,并学习安全使用液氮的方法。

### 实验原理

物质由液态向气态转化的过程称为汽化。在一定压强下(如1个大气压)、保持温度不变时,单位质量的液体转化为气体所需吸收的热量,称为该物质的比汽化热 $L$ ,即 $L=Q/m$ 。当然,它也等于单位质量的该气态物质转化为同温度液体时所放出的热量。

比汽化热值与汽化时温度有关,如温度升高,则比汽化热减小。水在 $100^{\circ}\text{C}$ 时的比汽化热为 $129\times 10^3\text{J/kg}$ ,而在 $5^{\circ}\text{C}$ 时为 $136\times 10^3\text{J/kg}$ 。这是因为随着温度升高,液相与汽相之间的差别逐渐减小的缘故。

在盛有一定质量液氮的保温杯瓶塞上开个小孔,则瓶内液氮将由于吸收周围大气中的热量而不断汽化为氮气。可以用天平称出单位时间内汽化的液氮质量。接着,将已知质量、温度为 $\theta_1$ 的小铜柱经小孔放入液氮中。由于1个大气压下液氮的沸点很低(为 $77.4\text{K}$ ),因此,铜柱立即向液氮放热,从而使液氮汽化过程大大加快。直至铜柱温度和液氮温度相等时,它们之间的热交换才停止。用天平称出盛有液氮的保温杯及铜柱的总质量 $M$ ,则 $M$ 随时间 $t$ 的变化情况如图1所示。图中 $ab$ 段为液氮由于吸收空气中的热量,部分汽化而质量 $M$ 减小的过程; $bc$ 段为液氮除吸收空气中的热量外,还由于铜柱投入液氮而引起剧烈汽化, $M$ 迅速减小的过程; $cd$ 段表示铜柱不再放热,液氮继续吸收空气中热量而 $M$ 继续减小的过程;垂直线 $fg$ 则表示在 $bc$ 段中仅考虑铜柱释放热量而汽化的液氮质量 $m_N$ ,即 $m_N=m_f-m_g$ 。

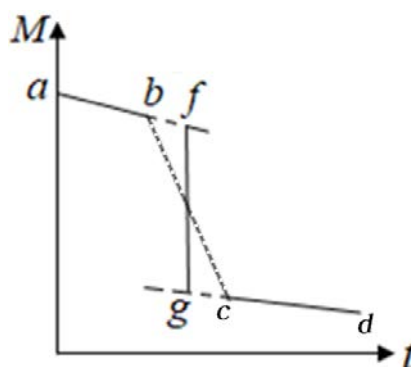


图1 总质量 $M$ 随时间变化关系

铜柱在上述过程中所释放的热量可用间接测量法来测量。将浸没在液氮中并与液氮同温度的铜柱取出,迅速放入一盛水的量热器中。若水和量热器的初温为 $\theta_2$ ,而铜柱与水混合后,两者温度开始达到相同的值为 $\theta_3$ ,则铜柱从液氮的温度升高到 $\theta_3$ 时吸收的热量为

$$Q_1 = (m_w c_w + m_a c_a + m_c c_c + h_t)(\theta_2 - \theta_3) \quad (1)$$

式中 $m_w$ 、 $c_w$ 分别为水的质量与比热容; $m_a$ 、 $c_a$ 分别为量热器的内筒质量与比热容; $m_c$ 、 $c_c$ 分别为搅拌器的质量与比热容; $h_t$ 为温度计浸入水中的那部分的热容量。 $\theta_3$ 一般小于铜柱初温 $\theta_1$ ,所以如使铜柱温度再从 $\theta_3$ 上升到 $\theta_1$ 则尚需吸收热量 $Q_2$ :

$$Q_2 = m_{\text{铜}} c_{\text{铜}} (\theta_1 - \theta_3) \quad (2)$$

式中 $c_b$ 为铜的比热容,它的数值随温度而改变,由于温差 $\theta_1 - \theta_3$ 的数值较小, $c_b$ 可近似视为恒值,而 $m_b$ 为铜柱的质量。

铜柱由温度 $\theta_1$ 降至液氮温度时释放的热量 $Q$ ,应该等于它从液氮温度回升到 $\theta_1$ 时所吸收的热量:

$$Q = Q_1 + Q_2$$

$$\text{即 } Lm_N = (m_w c_w + m_a c_a + m_c c_c + h_t)(\theta_2 - \theta_3) + m_b c_b (\theta_1 - \theta_3)$$

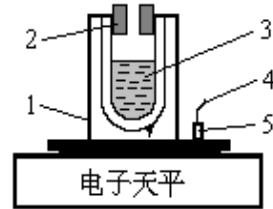
所以，液氮的比汽化热为：

$$L = \frac{1}{m_N} [(m_w c_w + m_a c_a + m_c c_c + h_t)(\theta_2 - \theta_3) + m_b c_b (\theta_1 - \theta_3)] \quad (3)$$

实验中，使用数字温度计测量  $Q_1$ 、 $Q_2$ 、 $Q_3$ ，数字温度计浸入水中的那部分的热容量  $h_t$  忽略不计。

### 实验仪器

实验装置如图 2 所示。实验中用到的器材有：电子天平、保温杯及软木塞、铜柱、量热器、数字温度计、秒表。



1. 保温杯 2. 软木塞 3. 液氮  
4. 细棉线 5. 铜柱

图 2 用天平称衡保温杯（含液氮）和铜柱的质量

### 实验前应回答的问题

1. 什么是比汽化热？
2. 如何测量液氮的比汽化热  $L$ ？建立测量模型，写出  $L$  的表达式。
3. 如何测量  $m_N$ ，请画出示意图。
4. 可以直接测量铜柱由室温变到液氮温度而释放出的热量吗？如果不可以，实验中是如何用间接测量法来测量的？

### 实验内容

1. 调节电子天平水平，称重前注意先将天平示数归零。
2. 秤出铜柱、量热器内筒、搅拌棒的质量。用量热器取 1/2 杯到 2/3 杯水，并称量其质量。
3. 在保温杯中加入液氮（如果保温杯中的液氮灌得太多，在瓶口将产生什么现象？这对实验结果有何影响？）。

#### **警告：液氮危险，注意安全！**

使用液氮的注意事项：

- (1) 液氮沸点约为  $-196^\circ\text{C}$ ，应避免人体皮肤直接与之接触，以防冻伤。不准戴纱手套操作，因为一旦液氮溅到纱手套上即不易挥发，反而增加危害性。
- (2) 在灌注液氮时，应眯起眼睛，头部切不可紧凑在装液氮的保温瓶前。以防液氮损伤眼睛或脸部。
- (3) 液氮温度很低，不能将普通玻璃水银温度计直接插入液氮中，否则会损坏温度计。
- (4) 铜柱须缓慢地放入待测保温杯内的液氮中，以防止瓶胆受损。

4. 将保温杯放在天平的托盘上，且铜柱也要放到电子天平的托盘上，如图 2 所示。开始记录待测物（液氮+容器+铜柱）的质量  $M$  随时间变化的情况。注意整个测量过程中，即  $ab \rightarrow bc \rightarrow cd$  整段时间，应连续记录，千万不能有间断。（为什么？）由于液氮不断汽化，因此只能用动态称衡法来测定，即液氮每减少一定质量（0.2g）记录一次质量  $M$  及相应的时刻  $t$ 。ab 段和 cd 段各记录 10 组数据。
5. 用数字温度计测量铜柱温度  $\theta_1$ （为何不一到实验室就开始测室温？），然后将铜柱轻轻地放入保温杯中，记下放入的时刻  $t_b$ （不需要记录此时天平的示数，为什么？）。
6. 铜柱投入后立即引起液氮大量汽化，瓶口冒出大量白雾，随着时间的推移，白雾越来越少，约一分钟左右，瓶口突然再次冒出大量白雾，随即白雾很快消失，立即记下此时的时刻  $t_c$ 。（为什么会有两次大量冒出白雾的现象，为何第二次白雾消失时铜柱与液氮的温度相同？）
7. 继续测量  $M$  随时间减少的情况，记录 10 组数据。
8. 用温度计测量水的温度  $\theta_2$ （为何不在称完水的质量后就测量其温度？）。将铜柱从液氮中取出后迅速投入量热器中，并用搅拌器搅拌（不能有水溅出筒外），观察数字温度计的示值，达到热平衡时即记下最低温度  $\theta_3$ 。（为什么记下最低温度？）注意：数字温度计探头不要触碰到铜柱、量热器内筒及搅拌棒。
9. 将铜柱重新投入液氮中待其温度降为 77K，用量热器重新取 1/2 杯到 2/3 杯水并称量其质量，

- 重复步骤 8、9 三次，将三次测量所得  $Q$  ( $Q = Q_1 + Q_2$ ) 求平均。
10. 计算液氮的比汽化热  $L$ 。你的测量结果与预期值是否相符？

#### 参考资料

- [1] 贾玉润等. 大学物理实验, 复旦大学出版社, 1987。  
[2] 陆申龙. 金浩明. 大学物理, 1984 年第 3 期, 46-47。  
[3] 陆申龙. 郭有思. 热学实验, 上海科技出版社, 1986。

## 弦线上波的传播规律

波动的研究几乎出现在物理学的每一领域中。如果在空间某处发生的扰动，以一定的速度由近及远向四处传播，则称这种传播着的扰动为波。机械扰动在介质内的传播形成机械波，电磁扰动在真空或介质内的传播形成电磁波。不同性质的扰动的传播机制虽不相同，但由此形成的波却具有共同的规律性。本实验要求验证弦线上横波的传播规律：横波的波长与弦线中的张力的平方根成正比，与其线密度（单位长度的质量）的平方根成正比，而与波源的振动频率成反比。实验介绍一种利用驻波原理测量弦线上横波波长的方法。此外，本实验还要求用作图法或最小二乘法进行数据处理。

### 实验目的

理解弦线上横波的传播规律，掌握波长与弦线的张力和波源振动频率的关系。

掌握驻波法测量波长。

掌握通过坐标变换，将非线性转化为线性拟合。

### 实验原理

在一根拉紧的弦线上，若其中张力为  $T$ ，线密度为  $\mu$ ，则沿弦线传播的横波应满足下述运动方程：

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{T}{\mu} \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} \quad (1)$$

式中  $x$  为波在传播方向（与弦线平行）的位置坐标， $y$  为振动位移。将（1）式与典型的波动方程

$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = v^2 \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$  相比较，即可得到波的传播速度

$$v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

若波源的振动频率为  $f$ ，横波波长为  $\lambda$ ，由于  $v = f\lambda$ ，故波长与张力及线密度之间的关系为：

$$\lambda = \frac{1}{f} \sqrt{\frac{T}{\mu}} \quad (2)$$

为了用实验证明公式（2）成立，将该式两边取对数，得：

$$\ln \lambda = \frac{1}{2} \ln T - \frac{1}{2} \ln \mu - \ln f$$

若固定频率  $f$  及线密度  $\mu$ ，而改变张力  $T$ ，并测出各相应波长  $\lambda$ ，作  $\ln \lambda \sim \ln T$  图，如得到一直线，计算其斜率值，如为  $1/2$ ，则证明了  $\lambda \propto T^{1/2}$  的关系成立。同理，固定线密度  $\mu$  及张力  $T$ ，改变振动频率  $f$ ，测出各相应波长  $\lambda$ ，作  $\ln \lambda \sim \ln f$  图，如得一斜率为  $-1$  的直线，就验证了  $\lambda \propto f^{-1}$  的关系；固定振动频率  $f$  及张力  $T$ ，改变线密度  $\mu$ ，测出各相应波长  $\lambda$ ，作  $\ln \lambda \sim \ln \mu$  图，如得一斜率为  $-1/2$  的直线，就验证了  $\lambda \propto \mu^{-1/2}$  的关系。

弦线上的波长可利用驻波原理测量。当两个振幅和频率相同的相干波在同一直线上相向传播时，其所叠加而形成的波称为驻波，一维驻波是波干涉中的一种特殊情形。这时，在弦线上出现许多静止点，称为驻波的波节。相邻两波节间的距离为半个波长。

## 实验仪器

实验装置如图 1 所示, Z 为由单片机控制的连续调节振动频率的振动仪, 其频率变化范围从 0 至 200Hz 连续可调, 频率最小改变量为 0.01Hz, A 为能作水平方向振动的端点, D 是可沿弦线方向左右移动并支撑弦线的动滑轮, B 为动滑轮与弦线相切的点, C 点为定滑轮, 其高度与 AB 连线等高, 其作用是改变弦线的作用力方向。金属弦线的一端系在 A 点, 另一端通过动滑轮 D 和定滑轮 C 连接于砝码盘。

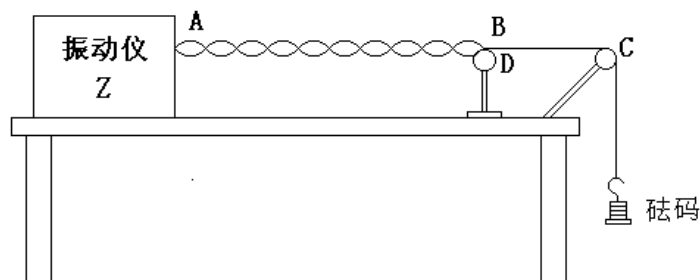


图 1 实验装置图

两个滑轮均采用滚珠轴承固定在座架上, 其所产生的摩擦力很小, 可以忽略不计。若弦线下端所悬挂的砝码 (包含盘) 的质量为  $m$ , 则张力  $T=mg$ 。当波源振动时, 在弦线上形成向右传播的横波; 当此波传播到 B 点时, 由于弦线在该点受滑轮两壁阻挡而不能振动, 故波在 B 点被反射, 形成了向左传播的反射波。这传播方向相反的两列波叠加而形成驻波。当振动端点 A 至固定点 B 的长度  $L$  等于半波长的整数倍时, 即可得到振幅较大而稳定的驻波, A、B 两点均为波节, 这时

$$L = n \frac{\lambda}{2} \quad (3)$$

其中  $n$  为正整数。利用式 (3), 即可测量弦线上横波的波长。

## 实验前应回答的问题

1. 请推导横波波长与波源的振动频率、弦上张力和线密度之间的关系, 此传播规律是否适用于橡皮筋? 为什么?
2. 为何要将公式两边取对数处理?
3. 测量波长的方法是什么?

## 实验内容

- (1) 定性半定量观察横波的波长  $\lambda$  与波源振动频率  $f$ 、弦线所受张力  $T$  的关系。  
在托盘上加三个砝码的情况下, 在范围为 90-150Hz 内改变波源频率, 每改变一次频率, 均要左右移动可动滑轮的位置, 使弦线出现振幅较大而稳定的驻波。固定频率为 120Hz, 改变托盘上砝码的数量, 调出两个半波, 观察驻波波长和振幅的变化, 记录实验现象。
- (2) 定量测量横波的波长  $\lambda$  与波源振动频率  $f$  的关系  
在托盘上加二或三个砝码的情况下, 改变波源振动的频率  $f$  (90-150Hz) 步长 10Hz, 用驻波法测量对应的波长, 作  $\ln \lambda - \ln f$  图, 求其斜率并根据截距计算弦线的线密度。
- (3) 定量测量横波的波长  $\lambda$  与弦线所受张力  $T$  的关系  
选择振动频率为 120.00Hz, 改变弦线上的张力 (1-5 个砝码), 用驻波法测量对应的波长, 作  $\ln \lambda \sim \ln T$  图。

## 注意事项

1. 仪器共振频率在 60Hz 附近, 定量测量时, 频率设置不能低于 80Hz。
2. 实际测量时, 由于 A 点并不是理想的波节点且读数不准, 因此将与 A 相邻的波节点作为测量点。

## 用扭摆法测定物体转动惯量

转动惯量是刚体转动时惯性大小的量度，是表明刚体特性的一个物理量。刚体转动惯量除了与物体的质量有关外，还与转轴的位置和质量分布（即形状、大小和密度分布）有关。如果刚体形状简单，且质量分布均匀，可以直接建立物理模型计算出它绕特定转轴的转动惯量。对于形状复杂、质量分布不均匀的刚体，计算将极为复杂，通常采用实验方法来测定，例如机械部件，电动机转子和枪炮的弹丸等。

转动惯量的测量，一般都是使刚体以一定形式运动，通过表征这种运动特征的物理量与转动惯量的关系，进行转换测量。本实验使物体作扭转摆动，建立转动惯量的测量模型，由摆动周期及其它参数的测定计算出物体的转动惯量。要求用扭摆测定几种不同形状物体的转动惯量和弹簧的扭转系数，并与理论值进行比较以及验证转动惯量平行轴定理。

### 实验目的

1. 了解扭摆法测量物体转动惯量的实验模型和规则物体绕中心轴旋转转动惯量的物理模型。
2. 测定扭摆弹簧的扭转系数。
3. 用扭摆法测量金属圆筒的转动惯量。
4. 验证刚体转动的平行轴定理。

### 实验原理

扭摆的构造如图 1 左方所示。在一根垂直轴下装有一卷薄片状的螺旋弹簧，用以产生恢复力矩。在轴上方的载物盘上，可以装载各种待测物体。垂直轴与支架间装有滚珠轴承，使摩擦阻力矩尽可能降低。

将物体在水平面内转过一角度  $\theta$  后，在弹簧的恢复力矩作用下，物体就开始绕垂直轴作往返扭转运动。根据胡克定律，弹簧受扭转而产生的恢复力矩  $M$  与所转过的角度成正比，即

$$M = -K\theta \quad (1)$$

式中， $K$  为弹簧的扭转系数。根据转动定律：

$$M = I\beta \quad (2)$$

式中， $I$  为物体绕轴的转动惯量， $\beta$  为角加速度。忽略轴承摩擦阻力矩，由  $\beta$  的定义和式(1-2)，得

$$\beta = \frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{K}{I}\theta \quad (3)$$

由上述方程可知扭摆运动具有角简谐振动的特性：角加速度与角位移成正比，且方向相反。设此微分方程的解为：

$$\theta = A \cos(\omega t + \phi) \quad (4)$$

式中， $A$  为谐振动的角振幅， $\phi$  为初相位， $\omega$  为角速度。此谐振动的周期为：

$$T = \frac{2\pi}{\omega} \quad (5)$$

将 (4) 代入 (3) 式可得：

$$-\omega^2 \cos(\omega t + \phi) = -\frac{K}{I} \cos(\omega t + \phi) \quad (6)$$

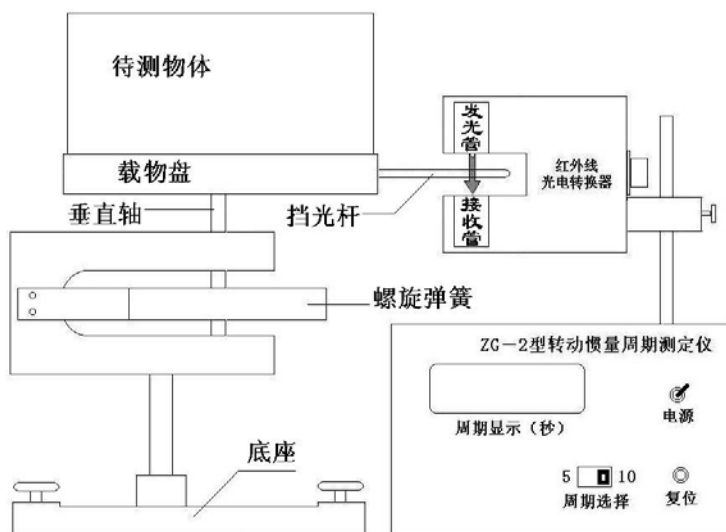


图 1 实验装置图

$$\omega^2 = \frac{K}{I} \quad (7)$$

由(6)式可得:

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{\frac{I}{K}} \quad (8)$$

若已知弹簧扭转系数  $K$ , 测得物体的摆动周期后, 利用公式(8)可得转动物体的转动惯量为:

$$I = \frac{K}{4\pi^2} T^2 \quad (9)$$

**转动惯量叠加原理:** 根据转动惯量的定义, 某一物体中所有质元的质量  $\Delta m_i$  和绕轴转动的半径  $r_i$  的平方的乘积之和, 即

$I = \sum \Delta m_i r_i^2$ 。据此可得绕同轴转动的两物体的总转动惯量  $I$  等于两物体转动惯量  $I_1$ 、 $I_0$  之和, 即

$$I = I_1 + I_0 \quad (10)$$

**平行轴定理:** 如图 2 所示, 若质量为  $m$  的刚体绕过质心  $C$  的转轴 ( $ZC$  轴) 的转动惯量为  $I_C$ , 绕过  $C'$  的转轴 ( $Z'C'$  轴) 的转动惯量为  $I$ ,  $ZC$  与  $Z'C'$  互相平行, 相距为  $d$ , 则:

$$I = I_C + md^2 \quad (11)$$

这称为转动惯量的平行轴定理。

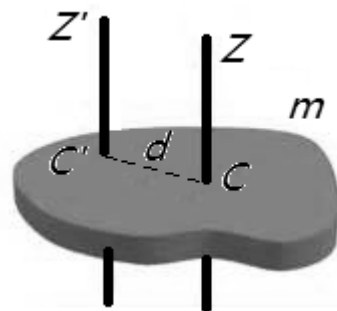


图 2 平行轴定理

### 实验前应回答的问题

1. 什么是物体的转动惯量? 转动惯量与什么有关?
2. 如何测定扭摆的扭转系数? (为了测定扭转系数, 实验中需先测量载物盘的摆动周期为  $T_0$ ; 然后将一个塑料圆柱体竖直放在载物盘上, 塑料圆柱体与载物盘一起绕中心轴摆动, 测量其摆动周期为  $T_1$ )。若塑料圆柱体的直径为  $D_1$ , 质量为  $m_1$ , 请写出: 1) 该塑料圆柱体绕中心轴旋转的转动惯量; 2) 扭转系数  $K$  的表达式。
3. 若金属圆筒的内径为  $D_1$ , 外径为  $D_2$ , 质量为  $m$ , 请写出其绕中心轴转动的转动惯量  $I$  的理论表达式。
4. 将载物盘固定在转轴上, 测得其摆动周期  $T_0$ , 然后将金属圆筒竖直放在载物盘上, 测其摆动周期  $T$ , 若该扭摆的扭转系数为  $K$ , 请写出金属圆筒的转动惯量表达式。
5. 什么是平行轴定理? 实验中如何验证平行轴定理? (若平行轴定理成立, 实验中测得的滑块在不同位置处绕质心轴旋转的转动惯量应满足什么关系?)

### 实验仪器

1. 扭摆, 附件为塑料圆柱体、金属空心圆筒、金属细长杆 (二个滑块可在上面自由移动) 等。  
TH-1 型数字式计时仪, 测时精度 0.01 秒。

该计时计数器用来测量摆动周期, 它由主机和光电探头两部分组成, 如图 1 右方所示。在载物盘上有一根挡光杆, 载物盘摆动时, 挡光杆在发光管和接收管 (光电探头) 之间来回运动, 每个周期挡光两次。根据挡光次数和时间, 可得摆动的周期。周期数可利用主机右方的按键式预置数开关来设定, 本仪器可自动判断是否已达到所设定的周期数。

由于本仪器采用的发光管和接收管是红外发射管和红外接收管, 因而人眼无法直接观察仪器工作是否正常; 但可用纸片遮挡光电探头间隙部位, 检查计时器是否开始计时和达到预定周期数时是否停止计时, 以及按下“复位”钮时是否显示为“0000”。为防止过强光线对光电探头的影响, 光电探头不能置放在强光下。实验时采用窗帘遮光, 确保计时的准确。

2. YP1200 型数字式电子秤, 称量 1200g, 分度值 0.1g。

使用前应检查天平是否水平及其零读数是否为“0”。物体放在秤盘上即可从显示窗直接读出该物体的质量  $m$ , 最后一位出现  $\pm 1$  的跳动属正常现象。

### 实验内容

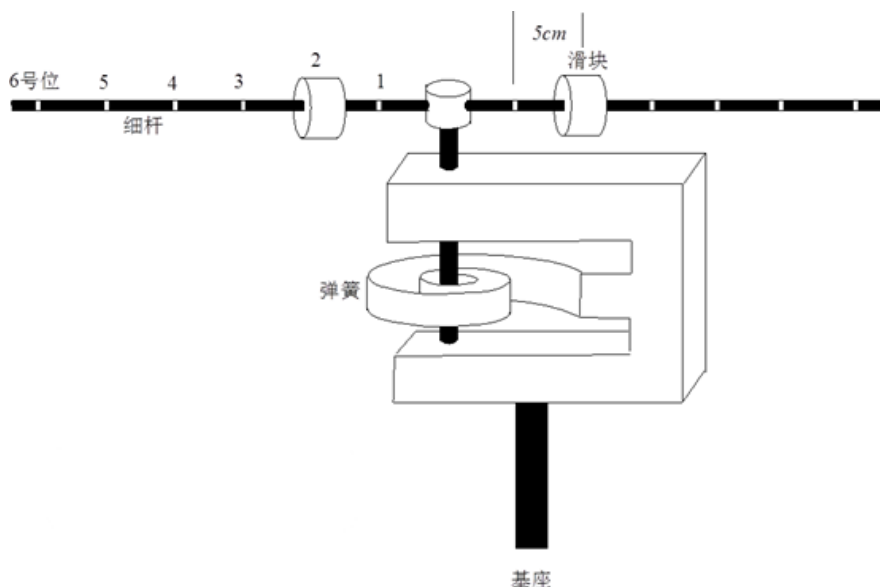
- 一、测量扭摆的仪器常数 (弹簧的扭转常数)  $K$  和金属圆筒的转动惯量



1. 熟悉扭摆的构造及使用方法，掌握数字式计时仪的正确使用要领。
2. 调整扭摆基座底脚螺丝，使水准泡中气泡居中（为什么？）。
3. 测定扭摆的仪器常数（弹簧的扭转常数） $K$ 。
  - 1) 装上金属载物盘，并调整挡光杆的位置，使其摆动时能挡住发射、接收红外光线的小孔，测定其摆动周期  $T_0$ 。
  - 2) 将塑料圆柱体垂直放在载物盘上，测出摆动周期  $T$ 。并根据圆柱体转动惯量理论值及  $T_0$ 、 $T$  计算弹簧的扭转常数。
4. 测量金属圆筒的转动惯量。将载物盘固定在转轴上，测得其摆动周期  $T_0$ ，然后将金属圆筒放在载物盘上，测其摆动周期  $T$ ，从而测出其转动惯量。测量金属圆筒的内、外径和其质量，根据理论模型算出其绕中心轴转动的转动惯量。实验测量值与理论预期是否相符？为什么质量相同的物体其转动惯量并不相同？转动惯量与哪些因素有关？

## 二、验证转动惯量平行轴定理

将滑块对称地放置在细杆两边的凹槽内（此时滑块质心离转轴的距离  $d_i$  分别为 5.00、10.00、15.00、20.00、25.00cm）（为什么要对称放置两个滑块？只放 1 个滑块可以吗？），测定细杆（挂置滑块后）的摆动周期，并计算出相应的转动惯量  $I_i$ 。 $I_i$  与  $d_i$  之间有什么关系？与你的预期是否相符？平行轴定理是否成立？（对  $I_i$  与  $d_i^2$  进行线性拟合，分析拟合结果斜率和截距的物理意义，从而验证平行轴定理。）



### 注意事项

1. 由于弹簧的扭转常数  $K$  值不是固定常数，它与摆动角度略有关系，摆角在 60 度到 90 度间基本相同，在小角度时变小。
2. 为了降低实验时由于摆动角度变化过大带来的实验误差，在测定各种物体的摆动周期时，摆角不宜过小、变化过大。若摆动 20 次后，摆角减小，可使其增大后再测量，且整个实验中摆角基本保持在这一范围内。
3. 光电探头宜放置在挡光杆的平衡位置处，挡光杆（片）不能和它接触，以免增大摩擦力矩。
4. 机座应保持水平状态。
5. 实验仪器设计制作时，将塑料圆柱体与金属圆筒制作成外径、高度、质量基本相同，由于质量分布不同，二者的转动惯量值相差接近一倍。

### 参考资料

1. 郑永令. 贾起民. 方小敏. 力学. (第二版). 高等教学出版社. 2002.8.
2. 【德】威廉.H. 卫斯特发尔著, 王福山译, 物理实验、上海科技出版社.1981.6.

## LCR 串联谐振电路

在力学实验中介绍过弹簧的简谐振动、阻尼振动和强迫振动，阐述过共振现象的一些实际应用。同样，在电学实验中，由正弦电源与电感、电容和电阻组成的串联电路，也会产生简谐振动、阻尼振动和强迫振动。当正弦波电源输出频率达到某一频率时，电路的电流达到最大值，即产生谐振现象。谐振现象有许多应用，如电子技术中电磁波接收器常常用串联谐振电路作为调谐电路，接收某一频率的电磁波信号，收音机就是其中一例。在人类活动的空间中存在着各种不同频率的来自无线电发射机发射的电磁波，无线电接收器若要对某种频率信号进行选择接收，则必须采用电感和电容组成的  $LC$  回路来“守门”，一组  $L$ 、 $C$  值组成的输入回路，只让一种频率的电磁波进入接收器的后继电路，而其它频率的电磁波都拒之“门外”。 $LC$  回路不但成了无线电发射和接收电路中不可缺少的部分，而且在其它电子技术领域中也得到了广泛的应用。

### 实验目的

1. 通过对  $LCR$  串联谐振电路的研究，测量电路的谐振曲线，了解电路品质因数  $Q$  的物理意义，掌握  $LCR$  串联谐振电路的特点及其测量方法。
2. 了解  $LCR$  串联谐振电路的特点，建立谐振频率及品质因数的理论模型，将实验结果与理论模型进行比较，检测模型正确与否，必要的话，对模型进行修正。

### 实验原理

图 1 为  $LCR$  串联谐振电路图，交流信号源在电路中所产生电流的大小，不仅决定于电路中的电阻  $R$ ，而且还决定于电路中的电抗  $(2\pi fL - 1/2\pi fC)$ 。其中  $2\pi fL$  是线圈  $L$  的感抗  $Z_L$ ； $1/2\pi fC$  是电容器  $C$  的容抗  $Z_C$ 。根据交流电路的欧姆定律，此回路中的电流  $I$  与  $LCR$  串联谐振电路两端总电压  $U_1$  之间的关系为：

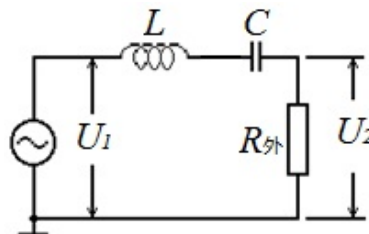


图 1  $LCR$  串联谐振电路图

$$I = \frac{U_1}{Z} = \frac{U_1}{\sqrt{(2\pi fL - \frac{1}{2\pi fC})^2 + R^2}} \quad (1)$$

式中， $Z$  为调谐回路的总阻抗， $f$  为交流信号的频率， $L$  表示电感， $C$  表示电容。总电压  $U_1$  与电流  $I$  的相位差  $\phi$  为：

$$\phi = \arctg \left[ \frac{2\pi fL - \frac{1}{2\pi fC}}{R} \right] \quad (2)$$

公式 (1)、(2) 中阻抗  $Z$  和相位差  $\phi$ ，都是信号频率  $f$  的函数。图 2、3、4 分别为  $LCR$  串联电路的阻抗、相位差、电流随频率的变化曲线，其中图 3 所示的  $\phi$ - $f$  曲线称为相频特性曲线。图 4 所示的  $I$ - $f$  曲线称为幅频特性曲线（谐振曲线），它表示在  $LCR$  串联谐振电路两端总电压  $U_1$  保持不变

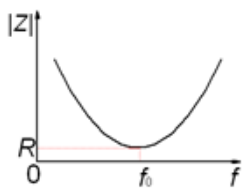


图 2 阻抗随频率的变化曲线

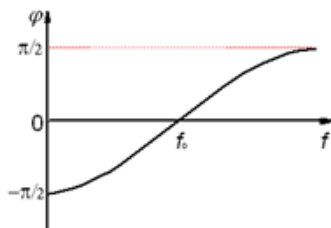


图 3 相频特性曲线

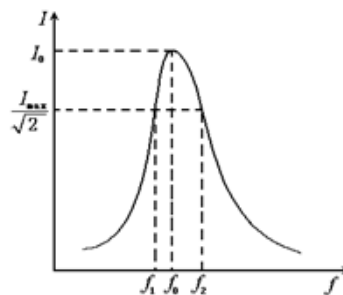


图 4 谐振曲线

的条件下  $I$  随  $f$  的变化曲线。

相频特性曲线和幅频特性曲线有时统称为频响特性曲线。由曲线图可以看出, 存在一个特殊的频率  $f_0$ , 特点为:

- 1) 当  $f < f_0$  时,  $\varphi < 0$ , 电流的相位超前于电压, 整个电路呈电容性, 且随  $f$  降低,  $\varphi$  趋近于  $-\pi/2$ ; 而当  $f > f_0$  时,  $\varphi > 0$ , 电流的相位落后于电压, 整个电路呈电感性, 且随  $f$  升高,  $\varphi$  趋近于  $\pi/2$ 。
- 2) 随  $f$  偏离  $f_0$  越远, 阻抗越大, 而电流越小。
- 3) 当:

$$2\pi fL - \frac{1}{2\pi fC} = 0 \quad (3)$$

此时电路中总阻抗  $Z$  最小, 电流  $I$  达到最大值, 整个电路呈现电阻性, 电流的大小只决定于回路中总电阻的大小。LCR 串联电路的这种状态称为串联谐振, 对应的信号频率  $f_0$  称为谐振频率, 由式 (3) 可得:

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \quad (4)$$

图 4 为 LCR 串联电路的谐振曲线, 在正弦波的频率  $f$  达到  $f_0$  时, 电路的电流达到最大值  $I_0$ 。在谐振曲线上电流值为  $I_0/\sqrt{2}$  的两个频率点  $f_1$  和  $f_2$  称为半功率点,  $\Delta f = f_2 - f_1$  的值称为谐振曲线的频带宽度。通常用  $Q$  值来表征电路选频性能的优劣, 称为电路的品质因数。

$$Q = \frac{f_0}{f_2 - f_1} \quad (5)$$

$Q$  值越大, 即频带宽度越窄, 谐振曲线就越尖锐, 频率选择性越好。

$Q$  值的大小还反映了谐振时电路中储能与耗能之比。当电路处于谐振状态时:

$$Q = \frac{I^2 2\pi f_0 L}{I^2 R} = \frac{2\pi f_0 L}{R} \quad \text{或} \quad Q = \frac{1}{2\pi f_0 C R} \quad (6)$$

$Q$  值越大, 谐振电路储存的能量与一个周期内电路损耗的能量的比值越大, 该谐振电路的质量就越好。从式 (6) 也不难得到, 在谐振时, 电容  $C$  或电感  $L$  上的电压是总电压  $U_1$  的  $Q$  倍, 即使总电压较小, 谐振时电感和电容的电压也会很大, 实验时需考虑元件在谐振情况下的耐压性能。

### 实验前应回答的问题

1. 建立物理模型: 请画出图 1 电路图, 写出电流  $I$  与总电压  $U_1$  之间的关系式、谐振频率的表达式。
2. 请画出图 4 谐振曲线图, 写出表征电路选频性能的品质因数表达式。
3. 写出品质因数表征谐振时电路储能与耗能之比的表达式。若图 1 中  $C=1.00\mu\text{F}$ ,  $L=10.0\text{mH}$ ,  $R=50.0\Omega$ , 计算该电路的谐振频率和品质因数  $Q$ 。
4. 模型的修正: 考虑电感的损耗电阻  $R_L$ , 画出等效电路图, 假设  $R_L=20.0\Omega$ , 电路的  $Q$  值为多少?
5. 为什么 LCR 串联电路谐振曲线在谐振点两侧的曲线并不对称?

### 实验仪器

数字信号发生器, 交流电压表, 电阻箱, 电容, 电感, 九孔板, 导线。

(数字信号发生器、交流电压表请参考本实验网页提供的使用说明书)

### 实验内容

#### 一、必做部分:

1. 按照图 1 接线。  $U_1$ 、 $U_2$  为交流电压表, 数字信号发生器的端口固定阻抗为  $50\Omega$ , 图中的  $R_{\text{外}}$  为外接的信号取样电阻。

合理设置数字信号发生器输出的正弦信号频率和幅度, 电压表  $U_1$ 、 $U_2$  量程, 调节数字信号发生器频率使电路达到谐振状态, 观察和记录实验现象以及谐振频率点  $f_0'$ 、 $U_1$  和  $U_2$  的值。

改变频率时，为什么谐振回路的输入电压  $U_1$  会改变？为什么数字信号发生器的输出指示（峰-峰电压  $V_{P-P}$ ）与电压表测量得到的  $U_1$  值有较大的差别？

请仔细观察频率改变时  $U_1$  和  $U_2$  的变化情况，看到什么样的现象时可以判断频率已调节至电路的实际谐振频率？为什么谐振时  $U_1$  和  $U_2$  不相等？

2. 保持  $U_1$  不变，测量不同频率时的电压值  $U_2$ 。

为什么要保持  $U_1$  不变？如何保持  $U_1$  不变？若要测得完整的谐振曲线，该如何设定数字信号发生器的频率调节范围？

3. 作  $I \sim f$  曲线，从曲线图中求半功率点频率  $f_1$ 、 $f_2$  及谐振频率  $f_0$ 。用公式（5）和（6）分别求  $Q$  值并进行比较。

二者是否相符？若不符，该如何修正你的物理模型？（考虑电感的损耗电阻  $R_L$ ，可画出等效电路图，修正你的物理模型，重新计算  $Q$  值，再将此值与测出的  $Q$  值比较）。

提示：根据谐振时  $U_1$  与  $U_2$  的值，可求出损耗电阻  $R_L$  的大小。

4. 改变信号源频率，记录在不同频率时  $U_1$ 、 $U_2$  的值，作  $U_2/U_1 \sim f$  曲线，从曲线图中求半功率点频率  $f_1$ 、 $f_2$  及谐振频率  $f_0$ 。用公式（5）求  $Q$  值并与必做部分的结果进行比较。

## 二、选做部分：

改变外接电阻  $R_{外}$  的大小，观测电路品质因数  $Q$  的变化。

## 参考文献

1. 沈元华，陆申龙，基础物理实验，高等教育出版社，2003，189-193。
2. 贾起民，郑永令，陈暨耀，电磁学，高等教育出版社，2010，347-352
3. 赵凯华，陈熙谋，电磁学（上册），人民教育出版社，1978，238-239。
4. 陈秉乾，王稼军，电磁学，北京大学出版社，2003，288-294。
5. 凌佩玲等编，普通物理实验，上海科学技术文献出版社，1989，216-222。
6. 吕斯骅，段家祇，基础物理实验，北京大学出版社，2002，137-141。

# 直流电桥

电桥测电阻是应用比较法进行精确测量电阻的方法之一，具有测试灵敏、准确度高的特点。电桥分为直流电桥和交流电桥两大类，直流电桥又分为单臂电桥和双臂电桥，单臂电桥称为惠斯通（Wheatstone）电桥，主要用于精确测量中值电阻（几十欧姆到几千欧姆）；双臂电桥又称为开尔文电桥，适用于测低值电阻。电桥不仅可以用于测量电阻，搭建不同的电桥电路还可用于测量电容、电感、温度、压力、真空度等许多物理量，在各种传感器及测量仪器中还经常会用到非平衡电桥电路，因此被广泛应用于电工技术、非电量测量以及自动控制等诸多领域。

## 实验目的

1. 通过用直流电桥测量电阻，学习应用比较法测量物理量；
2. 理解直流电桥的原理和特点以及调节电桥平衡的方法；
3. 理解影响电桥灵敏度的相关因素，学会如何正确选择元件以达到实验的测量要求；
4. 练习基本电路的连接，学习基本电学仪器的使用。

## 实验原理

### 1. 直流电桥的原理

直流电桥电路如图 1 所示。 $R_A$ 、 $R_B$ 、 $R_S$ 、 $R_X$  为四个电阻（其阻值分别为  $R_A$ 、 $R_B$ 、 $R_S$ 、 $R_X$ ），联成四边形，每一边称为电桥的一个桥臂；对角 1 和 3 与直流电源相连，2 和 4 之间连接一个电压表，用来检验其间的电压是否相等。显然，当 2 和 4 的电位相等时，电压表示数为零，此时称为电桥平衡。由欧姆定律可知，当电桥平衡时，有  $U_{12}=U_{14}$ 、 $U_{23}=U_{43}$ ，故有：

$$I_A R_A = I_X R_X \quad (1)$$

$$I_B R_B = I_S R_S \quad (2)$$

$$I_A = I_B \quad (3)$$

$$I_X = I_S \quad (4)$$

联立得：
$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{R_X}{R_S} \quad (5)$$

上式即为直流电桥的平衡方程。

若已知  $R_A$ 、 $R_B$ 、 $R_S$ ，即可根据此方程求出待测电阻  $R_X$ 。

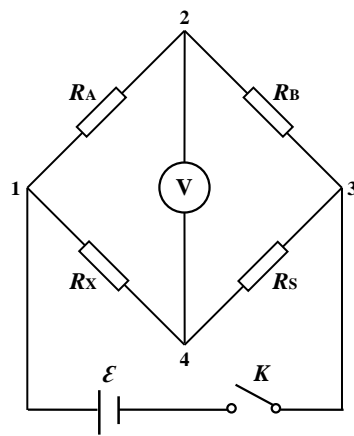


图 1 直流电桥电路

### 2. 直流电桥的灵敏度

在实际测量时，需要知道当电桥有微小的不平衡时，电压表会如何反应。设各电阻的阻值为  $R_A$ 、 $R_B$ 、 $R_S$ 、 $R_X$  时电桥达到平衡，则当改变电阻  $R_S$  使它有一个微小变化量  $\delta R_S$  时，电压表的示数变化  $\delta V$ 。定义电压表-电桥的组合灵敏度（简称电桥灵敏度）为：

$$M = \frac{\delta V / S_V}{\delta R_S / R_S} \quad (6)$$

其中  $S_V$  是电压表的最小显示分度。 $M$  在数值上等于电桥桥臂有单位相对不平衡值  $\delta R_S / R_S$  时所引起的电压表相应改变量（改变几个最小分度）。显然， $M$  值越大，能检测到的电桥不平衡值越小，因而电桥越灵敏。可以推导得出：

$$M = \frac{\varepsilon}{S_V} \cdot \frac{R_A / R_B}{(1 + R_A / R_B)^2} \quad (7)$$

由上式可知，电桥的灵敏度  $M$  与桥臂比  $R_A/R_B$ 、电源电压  $\varepsilon$  及电压表的最小显示分度  $S_V$  等均有关。因此，要提高电桥的灵敏度，可采取的措施有①选择合适的桥臂比例  $R_A/R_B$ ；②增大电源电压  $\varepsilon$ （须考虑各元件的允许功率）；③选择灵敏度更高的电压表等。

### 3. 电桥的测量不确定度

当电桥的不平衡情况不能被检测到时，测量结果将有一相应的不确定度。例如：用最小显示分度为  $0.1\text{mV}$  的电压表检测电桥是否平衡，对应于一定的  $R_A$ 、 $R_B$ 、 $R_X$ ，调节  $R_S=5000\Omega$  时电桥达到平衡；而调节  $R_S=5010\Omega$  时，电压表示数为  $1.0\text{mV}$ 。因此，当  $R_S$  改变  $1\Omega$  时电压表示数为  $0.1\text{mV}$ ，即恰好能分辨出电桥处于不平衡状态。由此可以认为测量结果  $R_S$  的测量不确定度为  $1\Omega$ 。即

$$u_{B1}(R_S) = S_V \cdot \frac{\delta R_S}{\delta V} \quad (8)$$

电阻箱的不确定度限值等于示值乘以等级再加上零值电阻，由于电阻箱各档的等级是不同的（如表 1 所示），因此在计算时应分别计算，例如 ZX21A 型电阻箱，若其示值为  $360.5\Omega$ ，零值电阻为  $0.02\Omega$ ，则其不确定度限值  $a=(300 \times 0.1\% + 60 \times 0.1\% + 0 \times 0.5\% + 0.5 \times 2\% + 0.02)\Omega = 0.39\Omega$ 。

表 1

档位/ $\Omega$	10000	1000	100	10	1	0.1
等级/%	0.1	0.1	0.1	0.1	0.5	2

### 实验前应回答的问题

1. 画出图 1 电路图，写出直流电桥的平衡方程。
2. 什么是电桥平衡，如何判断？
3. 根据电桥的灵敏度公式分析桥臂比例、电源电压等因素对电桥灵敏度的影响。

### 实验仪器及使用方法

直流稳压电源 1 个，旋转式电阻箱 3 个，数字式万用电表 1 个，待测电阻 1 个，单刀双置开关 1 个，导线若干。

#### 1. 直流稳压电源：

将“POWER”键按下，打开仪器，预热一段时间；将红色（+）和黑色（-）接口接入电路，注意：电源输出不能短路；调节“C.C”旋钮，使“C.V”旋钮的红色指示灯变亮；向右调节“C.V”旋钮，不断增大输出电压，选择需要的电压值；实验完毕后，“C.V”旋钮左旋到底，使电压值为“0.0”，按“POWER”键，关闭仪器。

#### 2. 旋转式电阻箱：

使用旋转式电阻箱需注意以下问题：

- a) 使用时的工作电流不应超过最大允许值（本实验电阻箱的额定功率为  $0.25\text{W}$ ）；
- b) 使用前，应先旋转一下各个转盘，使盘内弹簧触点的接触性能稳定可靠；
- c) 电阻箱的各档阻值不要放在零值，以免接通电路后短路受损；

#### 3. 数字式万用电表：

将两表笔插入相应插孔，旋转功能盘至相应档位，即可用表笔进行相应测量（可在  $2\text{V}$  档粗调，平衡后换至  $200\text{mV}$  档精确测量），实验结束，将万用表功能选择盘置于 OFF 档。

#### 4. 待测电阻：

本实验采用固定电阻，其阻值可由万用电表电阻档大致测出。

## 实验内容

### 一. 必做内容

1. 按直流电桥的电路图接线（注意连线顺序，避免导线交叉）。
2. 检验  $R_A/R_B$  取不同值对于电桥灵敏度的影响：  
在电桥桥臂比  $R_A/R_B$  取不同值的情况下，调节  $R_S$ ，使电桥达到平衡，记录  $R_S$  值；  
增大  $R_S$  使电压表示数变化  $1.0\text{mV}$ ，计算电桥灵敏度  $M$ 。
3. 检验电源电压变化对于电桥灵敏度的影响。
4. 选取灵敏度最高的一组数据评定  $R_X$  的不确定度，写出计算过程，得出  $R_X \pm u(R_X)$ ；
5. 非平衡电桥  
在直流电桥已调至平衡的状态下，改变桥臂  $R_S$  的电阻值，观测电阻  $R_S$  的改变量与桥臂间检测电压之间的关系。

### 二. 选做内容

1. 正确作出电桥灵敏度随电桥桥臂比  $R_A/R_B$  变化的关系曲线；
2. 正确作出电桥灵敏度随电源电压数值变化的曲线；
3. 正确作出桥臂间检测电压与电阻  $R_S$  的改变量之间的关系曲线。

### 参考文献

1. 沈元华，陆申龙，基础物理实验，高等教育出版社，2003，189-193。
2. 贾玉润等，大学物理实验，上海复旦大学出版社，1987。
3. 陆申龙、孙大征，物理实验，第12卷第三期，1992.6: 140-142。

# 圆线圈和亥姆霍兹线圈的磁场

丹麦物理学家奥斯特 (H. C. Oersted) 发现电流的磁效应以后, 人们改变了把电与磁截然分开的看法, 开始了探索电、磁内在联系的新时期。与电相互作用一样, 磁相互作用也是通过场来传递的, 这种场就是磁场。20 世纪末随着半导体工业的发展, 集成霍尔传感器因其测量灵敏度高, 体积小, 易于在磁场中移动和定位的特性, 在科研和工业中被广泛应用于磁场测量。

## 实验目的

1. 学习使用集成霍尔传感器测量磁场的方法。
2. 了解圆线圈的磁场和亥姆霍兹线圈产生均匀磁场的特性, 验证磁场叠加原理。

## 实验原理

### 1. 圆线圈

根据毕奥—萨伐尔定律, 载流线圈在轴线 (通过圆心并与线圈平面垂直的直线) 上某点的磁感应强度为

$$B = \frac{\mu_0 \bar{R}^2}{2(\bar{R}^2 + x^2)^{3/2}} NI \quad (1)$$

式中  $N$  为线圈的匝数,  $I$  为通过线圈的电流强度,  $\bar{R}$  为线圈平均半径,  $x$  为圆心到该点的距离,  $\mu_0$  为真空磁导率 ( $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{H/m}$ )。而圆心处的磁感应强度  $B_0$  为

$$B_0 = \frac{\mu_0}{2R} NI \quad (2)$$

轴线外的磁场分布计算公式较复杂, 这里简略。

### 2. 亥姆霍兹线圈

亥姆霍兹线圈是一对彼此平行且连通的共轴圆形线圈, 每一线圈  $N$  匝。两线圈内的电流方向一致, 大小相同。线圈之间距离  $d$  正好等于圆形线圈的半径  $R$ 。这种线圈的特点是能在其公共轴线中点附近产生较广的均匀磁场区 (一般定义磁场变化小于 1% 的范围为均匀区), 故在生产 and 科研中有较大的实用价值, 也常用于弱磁场的计量标准。

设  $z$  为亥姆霍兹线圈中轴线上某点离中心点  $O$  处的距离, 则亥姆霍兹线圈轴线上任一点的磁感应强度为

$$B' = \frac{1}{2} \mu_0 N I R^2 \left\{ \left[ R^2 + \left( \frac{R}{2} + z \right)^2 \right]^{-3/2} + \left[ R^2 + \left( \frac{R}{2} - z \right)^2 \right]^{-3/2} \right\} \quad (3)$$

而在亥姆霍兹线圈轴线上中心  $O$  处磁感应强度  $B_0$  为

$$B_0 = \frac{\mu_0 N I}{R} \frac{8}{5^{3/2}} \quad (4)$$

## 实验前应回答的问题

1. 写出载流圆线圈在轴线上各点的磁感应强度计算公式 (1)。若  $N=500$ ,  $R=10.00\text{cm}$ ,  $I=100\text{mA}$ , 计算圆心处的磁感应强度理论值。
2. 什么是亥姆霍兹线圈? 它有什么特点?
3. 为什么每测一点, 毫特计必须事先调零?

## 实验仪器

圆线圈和亥姆霍兹线圈实验平台 (包括两个圆线圈、固定夹、不锈钢直尺等), 亥姆霍兹线圈磁场测定仪 (主要包含高灵敏度毫特计和数字式直流稳流电源), 闸刀式开关 1 个, 导线若干。



### 1. 实验平台

两个圆线圈各 500 匝，圆线圈的平均半径  $R=10.00\text{cm}$ 。实验平台的台面应在两个对称圆线圈轴线上，台面上有相间 1.00cm 的均匀刻线。

### 2. 高灵敏度毫特计

它采用两个参数相同的 95A 型集成霍尔传感器（关于霍尔传感器请阅《基础物理实验》实验 5—10），配对组成探测器，经信号放大后，用三位半数字电压表测量探测器输出信号。该仪器量程 0—2.000mT，分辨率为  $1\times 10^{-6}\text{T}$ 。

### 3. 数字式直流稳流电源

它由直流稳流电源、三位半数字式电流表组成。当两线圈串接时，电源输出电流为 50—200mA 连续可调。数字式电流表显示输出电流的数值。

### 测量台面上各点磁感应强度时应注意：

(1) 开机后，应至少预热 10 分钟，才进行实验。

(2) 每测量一点磁感应强度值，换另一位置测量时，应断开线圈电路，在电流为零时调零，然后接通线圈电路，进行测量和读数。调零的作用是抵消地磁场的影响及对其它不稳定因素的补偿。

## 实验内容

### 一、必做部分：

1. 将线圈 a 和线圈 b 之间间距调节到与线圈半径相等，即  $d=R$ 。检查双线圈的位置，确保满足亥姆霍兹线圈的条件。
2. 在轴线上某点转动毫特计探头，观察一下该点磁感应强度的方向：转动探测器观测毫特计的读数，读数最大时传感器法线方向，即是该点磁感应强度方向。
3. 用导线和开关将线圈 a 和线圈 b 与磁场测定仪分别连接，测量当电流  $I=100\text{mA}$  时，线圈 a 和线圈 b 单独通电时轴线上各点的磁感应强度值  $B(a)$  和  $B(b)$ ，每隔 1.00cm 测 1 个数据。实验中，应注意毫特计探头沿线圈轴线移动。**每测量一个数据，必须先在直流电源输出电路断开时 ( $I=0$ ) 调零，再闭合电路并记录磁感应强度值。**
4. 将测得的圆线圈中心点的磁感应强度与理论公式 (2) 计算结果进行比较。
5. 测亥姆霍兹线圈在通同样电流  $I=100\text{mA}$  时，在轴线上各点的磁感应强度值  $B(a+b)$ 。
6. 改变双线圈间距，测量轴线上各点磁感应强度：分别把双线圈间距调整为  $d<R$  和  $d>R$ ，测量在电流为  $I=100\text{mA}$  时，轴线上各点磁感应强度值。

### 二、选做部分：

1. 作  $B(a) \sim z$ 、 $B(b) \sim z$ 、 $B(a)+B(b) \sim z$ 、 $B(a+b) \sim z$  四条曲线（可自带坐标纸），考察  $B(a)+B(b) \sim z$  与  $B(a+b) \sim z$  曲线，验证磁场叠加原理，即载流亥姆霍兹线圈轴线上任一点磁感应强度  $B(a+b)$  是两个载流单线圈在该点上产生磁感应强度之和  $B(a)+B(b)$ 。
2. 作间距  $d < R$  和  $d > R$  时，双线圈轴线上磁感应强度  $B$  与位置  $z$  之间关系图即  $B \sim z$  图（可自带坐标纸），并与亥姆霍兹线圈轴线上磁感应强度分布规律进行比较。

## 参考文献

1. 沈元华，陆申龙，基础物理实验，高等教育出版社，2003，201-204。
2. 贾起民，郑永令，陈暨耀，电磁学，高等教育出版社，2010，122-136
3. 贾玉润等，大学物理实验，复旦大学出版社，1987：262-266。
4. 鲁绍曾主编.现代计量学概论，中国计量出版社，1987：492-495。
5. 复旦天欣科技仪器公司.FD—HM—1 型圆线圈和亥姆霍次线圈磁场测定仪产品说明书，2000.7。

# 数字示波器的使用

## 实验目的

1. 了解数字示波器的工作原理；
2. 掌握数字示波器的基本操作方法；
3. 学会用数字示波器测量未知信号的参数；
4. 学会函数信号发生器的基本操作。

## 实验原理

### 1、示波器简介

示波器是一种监测电学信号随时间变化特性的常用测量仪器。日常生活中常用的万用电表只能测量电学信号在一段时间内的平均值（对直流信号）或有效值（对交流信号）；示波器还能观测反映电压和电流信号（需用采样示波器）随时间变化的特性，甚至还能捕捉各种非周期性信号（如随机脉冲）。可用示波器测量的物理量包括：幅度、频率、直流偏置、占空比等，用双踪示波器还可以检测两路信号在幅度、频率和相位之间的相对关系。

在科学研究和生产实践中使用时，人们常借助各类传感器<sup>注【1】</sup>，先将待检测的物理量（如温度、光强、压力、磁场等）转化成电学信号，再用示波器来监测，这使得示波器的用途变得越来越广泛。

**注【1】：**各种传感器在使用前都需要进行定标：如光电传感器，我们需要通过严格、科学的过程，标定其强度响应、波长响应、时间响应等方面的特性，才能用于有关的测量。

### 2、示波器发展简史<sup>注【2】</sup>

根据实现技术不同，实验室中使用的示波器可分为两大类：模拟示波器和数字示波器。

在阴极射线管（后来也叫显像管，Cathode Ray Tube，简称 CRT）诞生后不久，Karl F. Braun 于 1897 年发明基于 CRT 的模拟示波器，他将待监测的电压信号施加在平板电容两端引起电子束的纵向偏转，以便在荧光屏上观测信号的变化。在 1919 年前后，就有人将示波器用于实验室测量，但使示波器更通用的触发-扫描功能则是在 1946 年前后才发明。

借助高速的模拟-数字转换芯片（也叫模数转换器，Analog-to-Digital Converter，以下简称 ADC），Walter LeCory 发明了数字存储示波器（Digital Storage Oscilloscope，以下简称 DSO）。DSO 先用 ADC 将待测的物理量转换成数字量，保存在存储芯片中，后续处理单元读取数据后再进行分析、显示。随着半导体技术的不断发展，数字存储示波器的触发、分析、测量等功能越来越强大，1980 年之后逐步普及开来。

**注【2】：**对示波器发展历史感兴趣的同学可参阅维基百科的“Oscilloscope history”条目。

[http://en.wikipedia.org/wiki/Oscilloscope\\_history](http://en.wikipedia.org/wiki/Oscilloscope_history)

### 3、数字存储示波器（DSO）的工作原理

图 1 给出了 DSO 一个通道信号处理过程的模块化示意图，其中虚线框内的组件是一个信号通道特有的组件，本实验中所用的双通道 DSO 就有两路这样的组件；虚框外的组件是系统组件，为所有信号通道所共用。这里还请注意：图中的每个组件既表示完成实际功能的功能单元，还可能关联一个用于让用户输入所需参数、状态的控制按钮或命令菜单。

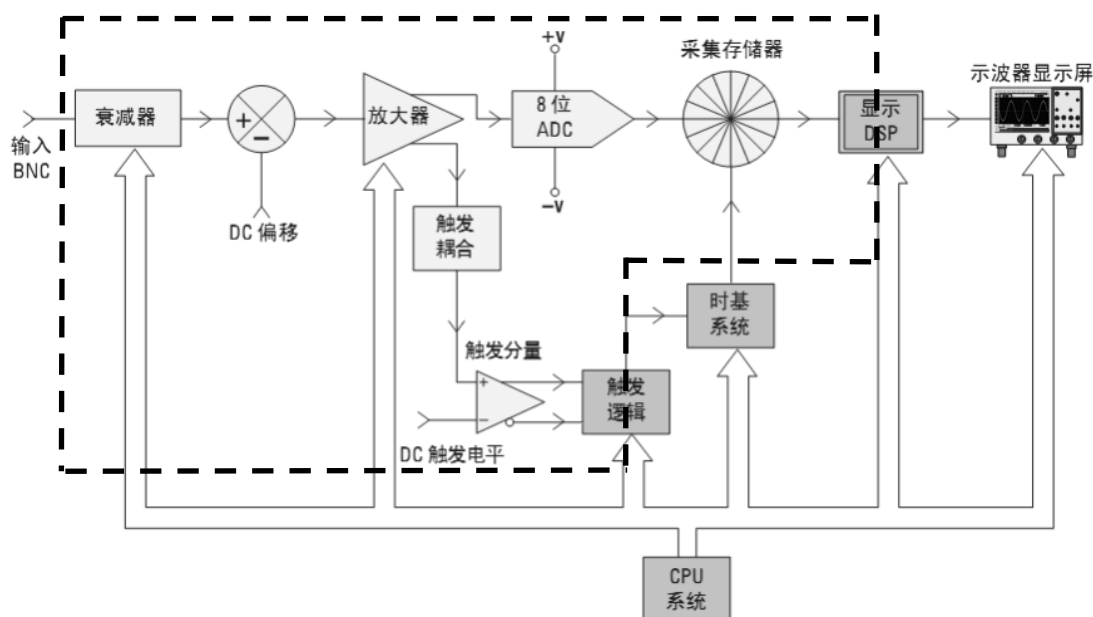


图 1: 数字存储示波器 (DSO) 一个通道信号处理过程的模块化示意图。其中虚线框内的组件是一个信号通道专用的 (多通道示波器就有多套这样的组件); 框外组件表示所有信号通道共用的系统组件。CPU 和 DSP 分别是 Central Processing Unit (中央处理器) 和 Digital Signal Processor (数字信号处理器) 的简称。

与我们熟悉的电脑相似, DSO 也有中央处理器 (Central Processing Unit, 以下简称 CPU), 它负责读取示波器面板上各个控制旋钮、命令菜单的参数设定、状态选择, 控制内部各组件按要求工作, 并完成必要的运算、测量等功能, 最后将结果输出到显示屏上。这个过程中, 信号接入到输入端口之后, 先经过衰减、DC 偏移、放大等处理得到合适幅度的信号, 一路输入到 ADC, 进行模数转换并存储在存储器中以备后续调用, 另一路耦合到触发逻辑, 以实现所需的触发控制。

#### 4、组件功能介绍

1) 衰减器: 本实验中的数字示波器所用的 ADC 能够处理的电压幅度范围是 $\pm 512\text{mV}$ , 示波器屏幕能够显示的电压范围是 $\pm 40\text{V}$  或  $0\sim 80\text{V}$ <sup>注【3】</sup>。因此, 我们需要根据输入信号的幅度 (常用峰-峰值  $V_{pp}$  表示) 设定合理的测量档位, 在伏/格 (VOLTS/DIV) 选用大量程档时 (实验所用 SDS1102CML 型示波器, 对应  $500\text{mV}$  及以上档位), 示波器会依据我们的档位选择, 通过衰减器中的电阻分压网 (38.7 倍衰减电路) 提取一个与输入信号成正比的小信号输入到下一组件; 在伏/格 (VOLTS/DIV) 选用小量程档时 ( $500\text{mV}$  以下档位), 则是直接将信号无衰减 (1:1) 地输入到下一组件。请注意, 衰减器还包括用户可选择的 AC/DC/GND 输入耦合的切换。

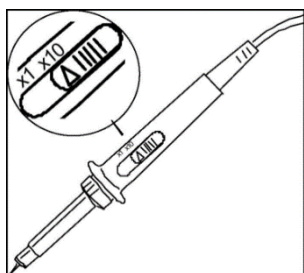


图 2: 10:1 无源补偿探头

注【3】: 示波器输入端口附近标有电压测量范围, 本实验中所用的 DSO 所标的测量范围是  $0\sim 400\text{V}$ , 远超过  $V_{pp}=80\text{V}$  的显示范围。对于  $V_{pp}$  超过  $80\text{V}$  的信号, 我们须开启探头导线上的 X10 倍衰减开关 (如图 2 所示), 否则无法在示波器上显示。

**DC 偏移:** 在直流 (Direct Current, 以下简称 DC) 耦合状态下, 若输入信号含有 DC 偏移量 (即信号最大值与最小值的平均值与实际零电位有偏差), 如果要在示波器显示屏的中心显示此信号, 则必须将极性相反的内部 DC 偏移添加到该信号, 以便将输入信号移动到 ADC 的动态范围内, 该操作由相应通道垂直位移 “Position” (位置) 旋钮完成。或者可以选择交流 (Alternative Current, 简称 AC) 耦合, 以隔直电容滤掉输入信号的 DC 偏移分量<sup>注【4】</sup>。

注【4】：当输入信号的频率在 1kHz 以上时，在 DC 和 AC 之间切换信号输入的耦合方式，信号形状的变化可以忽略；但若输入信号的频率小于 1kHz，AC 耦合时，隔直电容的存在对信号的形状有明显的影响。例，不同耦合方式观测 50Hz 方波信号，示波器显示波形区别明显。（欢迎有兴趣的同学自主探索。）

2) 可调增益放大器：Variable Gain Amplifier 简称 VGA。示波器会根据用户的伏/格(VOLTS/DIV)档位选择，在放大器中配置相应的放大倍率，以充分利用下一组件 ADC 的测量精度。当输入信号幅值较小时，我们应将伏/格(VOLTS/DIV)设置为相对低的档位，此时衰减器平台会将信号直接传递到放大器，即增益为 1，随后放大器增大信号幅值（增益>1）。当输入信号幅值较大时，通常将伏/格(VOLTS/DIV)设置为相对高的档位，此时衰减器平台会先衰减输入信号（增益<1），接着放大器会进一步衰减信号，以使其不超出 ADC 的工作电压范围。

3) 模数转换器：本实验所用 DSO 中的模数转换器（以下简称 ADC）是一个电压工作范围为±512mV 的 8 位转换器。也就是说，该 ADC 将任意电压在±512mV 范围内变化的输入信号转化为一系列的 8 位二进制数，代表不同时刻的输入电压值。由于 8 位二进制数的取值在 0-255 之间，测量精度是  $2^{-8} \approx 0.4\%$ ，ADC 输出值之间的最小差别为  $1024\text{mV}/256=4\text{mV}$ 。因此，用示波器测量信号时，必须选择合适的输入档位，为放大器设定合适的放大倍数，尽量使信号占据满屏，否则测量相对不确定度可能会大到无法接受的地步<sup>注【5】</sup>。

注【5】：示波器的测量相对不确定度计算公式如下：

$$\frac{0.04\text{Div} \times \text{VOLTS/DIV}}{V_{PP}} \times 100\% , \text{ 其中 } 0.04\text{Div} \text{ 为示波器显示屏的最小分度值。}$$

4) 触发(Trigger)：为了及时显示输入信号随时间变化的特性，示波器不停地采集信号并更新屏幕显示。对于周期不变的信号，我们希望屏幕上前后两次显示的信号轨迹能互相重叠；对于非周期性信号，我们希望特定的信号能显示在相同的位置，这些都会方便用户对图像和数据进行下一步的分析和处理。示波器中实现上述功能的组件称作**触发逻辑**；它在用户选择的信号（如 CH1 的输入信号）满足一定条件（如大于用户设定的 Trigger Level（触发电平））时给出触发信号，这实际上是根据用户的设定来确定每次信号更新显示的时间零点。如图 3 所示，显示屏顶部的“T”符号标记了示波器在此波形上触发的时刻( $t=0$ )；在触发点之前捕获的波形数据（显示屏左侧）被视为负时间数据，而在触发之后捕获的波形数据（显示屏右侧）

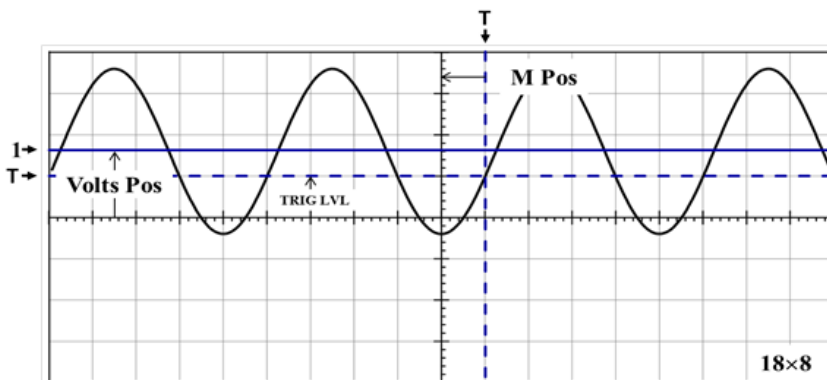


图 3 正弦信号触发示意图

MPos: 触发时刻到屏幕 Y 轴的时间长度；VoltsPos: 屏幕 X 轴到信号零点的电势差；

TRIGLVL: 触发电平；“1→”：信号零点所在的位置。

被视为正时间数据。显示屏左侧的“T”符号标记了示波器在此波形上触发的电平（电压）。两个“T”所对应虚线在波形上升沿上相交的点就是**触发点**（或称同步点）。（参阅“SDS1000L 用户手册”，P24-33.）

在模拟示波器中，在屏幕上“画出”波形的电子束是在触发信号满足条件后才开始扫描，因此，用户无法得知满足触发条件之前的信号是怎样的。与此不同，数字示波器的数据采集一直在进行，不仅保存触发之后的信号，也保存触发前的信号，这有利于了解信号变化的整个过程。

**本实验中，我们希望学生学会选用输入信号做触发，明白触发电平设置的重要性，了解边沿触发模式时，上升沿和下降沿触发的区别。**

**显示：**数字示波器一般用液晶屏（Liquid Crystal Display，以下简称 LCD）作显示。与 CRT 显示不同<sup>注【6】</sup>，LCD 是利用单个像素的亮暗状态来显示文字和图形，文字和图形在屏幕上保持的时间可以根据需要来设定。另外，在 LCD 像素数已知的情况下，选定档位后，每个像素点在 Y，t 两个方向上所表示的值也是可以得到的，这直接决定了从屏幕上进行光标读数的精度。

**注【6】：**借助荧光屏的余辉，CRT 靠电子束在屏幕上快速扫描留下的轨迹显示信号的连续变化过程。

## 5、信号发生器原理

在研究、调试电子线路、电学设备的性能时，需要输入已知特性的电学信号，以检测研究对象的输出结果与预期是否一致。信号发生器就是用于产生所需信号的仪器。本实验中所用的信号发生器的输出功率较小，也称作函数信号发生器，或波形发生器。

信号发生器一般由三个模块组成<sup>注【7】</sup>：

- 1) 基于 LC 电路或晶体振荡器等元件构成的振荡电路，用于产生周期信号（一般为正弦或方波），并提供频率调节；
- 2) 基于非线性元件（如电容的充、放电曲线有非线性）或差分放大电路等构建的波形变换电路，根据用户的选择将振荡器产生的信号变换为所需的信号形式，包括正弦、方波、三角波、锯齿波等<sup>注【8】</sup>；
- 3) 输出电路，根据用户设定的幅度、直流偏移等参数输出信号，并显示输出信号参数。

本实验所用的信号发生器能调节的参数包括<sup>注【9】</sup>：

- 波形：正弦、方波、三角波、脉冲（1%~99%）；
- 频率：范围 0.2Hz~5MHz；
- 幅度：范围 100mV~10V；
- 直流偏置：输出信号最大值与最小值的中点偏离实际电压零点的大小，范围-10~10V；
- 衰减倍率：范围 0~60dB；
- 占空比：输出周期信号的上升段（这是对正弦和三角波，对方波则是高电平段）时间占整个周期的比例。

**注【7】：**随着集成电路技术的发展，现在已有各种专门用于信号发生器开发的芯片，如 LM324 等，这大大简化了自制信号发生器的过程，欢迎有兴趣的同学进一步探索、实践。

**注【8】：**有些厂家提供的信号发生器还能产生阶梯信号、类噪声信号等，甚至提供频率调制、幅度调制等功能，以满足不同的需求。

**注【9】：**除了这里列出来的参数，欢迎同学参考仪器说明书等资料自己探索更多可调参数。

## 6、拓展阅读

欢迎有兴趣的同学自己查阅资料了解以下术语的含义：

带宽、幅频曲线、采样、等效采样、实时采样、存储深度、**边沿触发**、上升沿、下降沿、采样示波器、功率信号发生器。（不属于本实验的基本要求，但了解这些术语的含义有益于各位同学加深对数字示波器及其性能指标、工作原理等的了解。）

## 实验内容

- 认识数字示波器的三个系统：垂直系统、水平系统、触发系统；
- 学习示波器的四种测量方法：
  - 1) **【自动】**功能；
  - 2) 屏幕估读；
  - 3) **【光标】**功能；
  - 4) **【测量】**功能（选做）；
- 数字示波器的应用综合练习：
  - 1) 李萨如图形的观测及相位差测量；
  - 2) 交直流混合信号的测量；
  - 3) 周围空间电磁信号测量（选做）；
  - 4) 数据和图像的存储：（选做）

## 参考文献

1. 孙灯亮，数字示波器原理和应用[M]，上海交通大学出版社.2012.
2. 鼎阳：SDS1000CFL 系列数字存储示波器用户手册.——实验中心网页
3. 鼎阳：SDS1000CML 系列数字示波器快速指南.——实验中心网页
4. 泰克：示波器基础及基本功能介绍.——实验中心网页
5. 安捷伦：DSO1000 示波器教育培训资源.——实验中心网页
6. 力科：示波器基础.——实验中心网页

## 铟化铋磁阻传感器的特性测量

新型铟化铋磁阻传感器是一种灵敏度相当高,且抗干扰能力极强的磁敏器件,是一种常用磁阻传感器。磁阻器件的种类很多,它可分为正常磁电阻、各向异性磁电阻、特大磁电阻、巨磁电阻和隧道磁电阻等,其中正常磁电阻应用十分广泛。如数字式罗盘、交通车辆检测、导航系统、伪钞检测、仪器仪表、医疗器件、探矿等。典型的正常磁电阻传感器有铟化铋(InSb)传感器、坡莫合金薄膜磁阻传感器等。为了便于学习和掌握正常磁电阻传感器的磁阻特性,本实验以铟化铋传感器为测量和研究对象,着重测量铟化铋传感器的磁阻与磁感应强度的关系,以及观察在小磁场中传感器输出信号出现的倍频效应。

### 实验目的

研究铟化铋传感器的电阻在不同磁感应强度下的变化规律,作出铟化铋传感器的磁阻与磁感应强度的关系曲线,并对此关系曲线的非线性区域和线性区域分别进行曲线和直线拟合;观察铟化铋磁阻传感器处于小磁场中时,传感器输出信号出现的倍频效应。

### 实验原理

一定条件下,导电材料的电阻值  $R$  随磁感应强度  $B$  的变化而变化的现象称为磁阻效应。如图 1 所示,当半导体处于磁场中时,它的载流子将受洛仑兹力的作用,发生偏转,在两端产生积聚电荷并产生霍尔电场。如果霍尔电场的作用和某一速度的载流子的洛仑兹力作用刚好抵消,那么小于或大于该速度的载流子将发生偏转,因而沿外加电场方向运动的载流子数量将减少,电阻增大,表现出磁阻效应。如果将图 1 中 a 端和 b 端短路,磁阻效应更明显。通常以电阻率的相对改变量来表示磁阻效应的大小,即用  $\Delta\rho/\rho(0)$  表示。其中,  $\rho(0)$  为零磁场时的电阻率,  $\Delta\rho = \rho(B) - \rho(0)$ 。由于磁阻传感器电阻的相对变化率  $\Delta R/R(0)$  正比于  $\Delta\rho/\rho(0)$ , 这里  $\Delta R = R(B) - R(0)$ 。因此,也可以用磁阻传感器电阻的相对改变量  $\Delta R/R(0)$  来表示磁阻效应的大小。

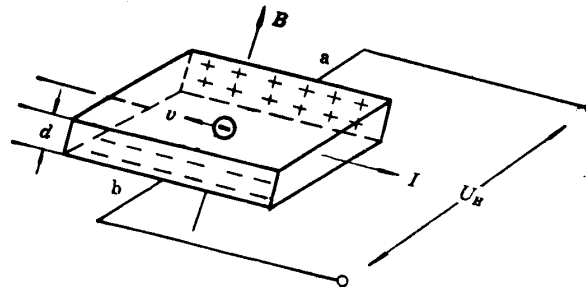


图 1 磁阻效应原理示意图

实验证明,当金属或半导体处于较小磁场中时,一般磁阻传感器电阻相对变化率  $\Delta R/R(0)$  正比于磁感应强度  $B$  的二次方,而在较大磁场中  $R/R(0)$  与磁感应强度  $B$  呈线性函数关系。磁阻传感器的上述特性在物理学和电子学方面有着重要应用。

如果半导体材料磁阻传感器处于角频率为  $\omega$  的弱正弦波交流磁场中,由于磁电阻相对变化量  $\Delta R/R(0)$  正比于  $B^2$ ,那么磁阻传感器的电阻  $R$  将作角频率为  $2\omega$  的周期性变化。这就是在正弦交流弱磁场中磁阻传感器阻值的变化具有交流倍频特性。

若外界交流磁场的磁感应强度  $B$  为

$$B = B_0 \cos \omega t \quad (1)$$

(1)式中,  $B_0$  为磁感应强度的振幅,  $\omega$  为角频率,  $t$  为时间。设在弱磁场中:

$$\Delta R/R(0) = KB^2 \quad (2)$$

(2)式中,  $K$  为常量。由(1)式和(2)式可得

$$\begin{aligned} R(B) &= R(0) + \Delta R = R(0) + R(0) \frac{\Delta R}{R(0)} = R(0) + R(0) KB_0^2 \cos^2 \omega t \\ &= R(0) + \frac{1}{2} R(0) KB_0^2 + \frac{1}{2} R(0) KB_0^2 \cos 2\omega t \end{aligned} \quad (3)$$

(3)式中,  $R(0) + \frac{1}{2} R(0) KB_0^2$  为不随时间变化的电阻值,而  $\frac{1}{2} R(0) KB_0^2 \cos 2\omega t$  为以角频率  $2\omega$  作余弦变化的电阻值。因此,磁阻传感器的电阻值在正弦交流弱磁场中将呈现出交流倍频特性。

## 实验仪器

实验采用 FD-MR-II 型磁阻效应实验仪，它包括直流双路恒流电源、直流数字电压表、毫特计、电磁铁、砷化镓 (GaAs) 霍尔传感器、铟化钢 (InSb) 磁阻传感器、单刀双向开关及导线等。

请按图 2 所示的实验电路图接线 (注意接线顺序: 先完成串联回路, 再接电压表)。仪器内部, InSb 电源与已 InSb 连接, 只需接入电阻箱 (外接电阻) 即可完成串联回路。接好串联回路后, 再接

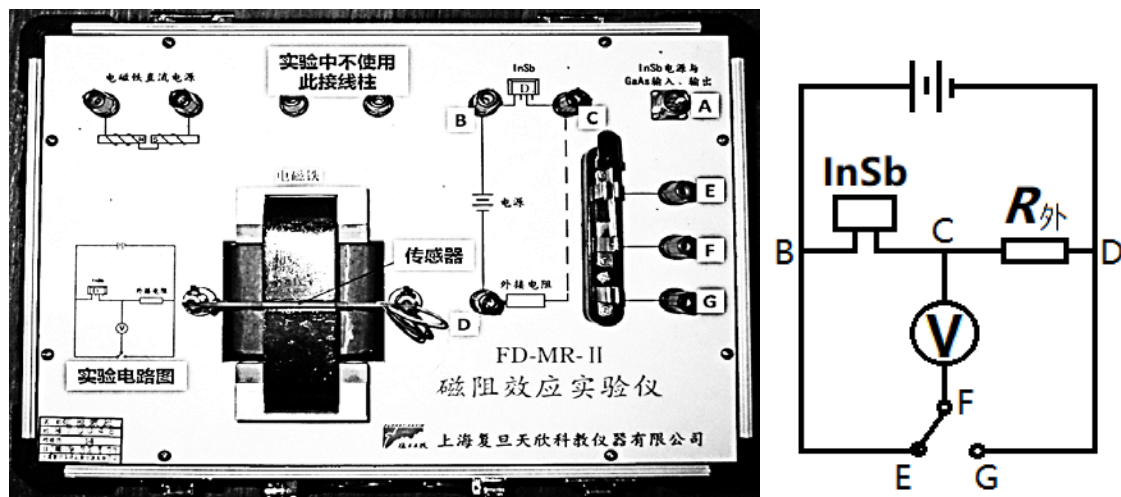


图 2 磁阻效应实验仪面板与实验电路图

数字电压表。将数字电压表的一端接到 InSb 与电阻箱相连的一端, 另一端接到单刀双掷开关的中间接线柱 (F)。单刀双掷开关的另两个接线柱 (E、G) 分别与电源的正负极相连。(电磁铁的工作电路是独立的)。

### 磁阻效应测量仪器使用方法:

- (1) 直流励磁恒流源与电磁铁输入端相连, 通过调节“**电磁铁直流电源**”旋钮可改变输入电磁铁电流的大小, 从而改变电磁铁间隙磁感应强度的大小; 磁场大小  $B$  由砷化镓 (GaAs) 霍尔传感器测量, 可以从毫特计上直接读取 (**使用毫特计时, 不要忘了调零**)。
- (2) 固定外接电阻 (建议取  $500.0\Omega$ , 为什么这里取 4 位有效数字? 为何外电阻的阻值设为  $500.0\Omega$  而不设为  $50.00\Omega$  或  $5000\Omega$ ?), 通过改变单刀双向开关的连接方向, 可以分别测量外接电阻或铟化钢 (InSb) 磁阻传感器两端的电压。根据外接电阻两端的电压可以求出流过铟化钢 (InSb) 磁阻传感器的电流 (此电流的大小由“**InSb 电流调节**”旋钮来控制, 电流大小在  $0-3\text{mA}$  连续可调), 再根据磁阻传感器两端的电压求出其电阻的值。注意: 数字电压表的最大测量值为  $1999.9\text{mV}$
- (3) 通过上述(1)、(2)步骤测量, 可求得铟化钢磁阻传感器的电阻  $R$  与磁感应强度  $B$  的关系。

### 实验前应回答的问题

1. 什么是磁阻效应? 若铟化钢传感器的电阻在零磁场时电阻为  $R(0)$ , 在磁场强度为  $B$  的磁场中电阻为  $R(B)$ , 请写出此时其磁阻的表达式。
2. 铟化钢磁阻传感器的磁阻与磁场大小有什么关系?
3. 如何观察磁阻传感器阻值变化与交流磁场间的倍频特性? 预期会在示波器上观察到什么样的图形? 请画出你预期观察到的李萨如图形。

## 实验内容

### 一、研究铟化钢电阻随磁场的变化规律

在流过铟化钢磁阻传感器电流保持不变的条件下, 测量铟化钢磁阻传感器的电阻与磁感应强度的关系。由于铟化钢磁阻传感器的电阻值随磁感应强度的变化在小磁场区 (一般小于  $60\text{mT}$ ) 和较大磁场区不同 (两者之间可能会有一个过渡区), 请根据具体情况设计实验方案, 你的测量结果与预期是否相符?

提示: 首先确定自变量  $B$  的变化范围 (怎么确定?); 其次, 做预实验, 粗测铟化钢磁阻与磁场



的关系,大致找出磁阻与磁场之间呈二次方关系以及线性关系的磁场区间,确定合适的的数据点间隔,保证两个磁场区内都有足够数据点,以便进行下一步的数据处理。作  $\Delta R/R(0)$  与  $B$  的关系曲线(根据实际情况,可分段进行),并分段进行数据处理(可以用哪些方法来验证平方关系?要求适当讨论比较几种方法的优缺点,数据处理只要求用其中一种方法即可)。

数据记录参考表:

外接电阻  $R=$  \_\_\_\_\_  $\Omega$ , 两端电压  $U_R=$  \_\_\_\_\_  $\text{mV}$ , 流过的电流  $I_R=$  \_\_\_\_\_  $\text{mA}$ 。

提示:  $R$  的读数该有几位有效数字?  $I_R$  选取什么值比较合理? 对于我们要研究的物理规律, 下表中的哪个物理量是自变量? 该怎么取值, 更便于数据处理?

电磁铁电流	磁感应强度	铋化铟电压	铋化铟阻值	磁阻的大小
$I_M/\text{mA}$	$B/\text{mT}$	$U/\text{mV}$	$R/\Omega$	$\Delta R/R(0)$
...	...	...	...	...

## 二、磁阻倍频效应的观察

将电磁铁的线圈引线 with 低频信号发生器输出端相接(选正弦信号输出, 信号幅度尽量大 ( $V_{pp}=20\text{V}$ ), 频率  $10\text{Hz}$  左右); 铋化铟磁阻传感器通以合适的电流(电流尽量大一些), 用示波器测量磁阻传感器两端电压与电磁铁两端电压构成的李萨如图形, 证明在交流变化的弱磁场下, 磁阻传感器阻值的变化具有交流倍频特性。

提示: 预习时请先熟悉怎么用示波器观察李萨如图形, 思考该怎么选取各个参数的值, 其中, 信号发生器的工作频率要设在  $10\text{Hz}$  左右, 为什么? 请讨论!

## 参考资料

- [1] 刘仲娥, 张维新, 宋永祥. 敏感元件与应用[M]. 青岛海洋大学出版社, 1993.
- [2] 张之圣, 胡明, 刘志刚, 王文生. InSb 磁敏电阻器导电机理及可靠性[J]. 半导体学报, 1996, 17(2):136-140.
- [3] 王文生. InSb 磁敏传感器及其应用(上)[J]. 传感器世界, 1998, 07:11-18.
- [4] 吴杨, 娄捷, 陆申龙. 铋化铟磁阻传感器特性测量及应用研究[J]. 物理实验, 2001, 21(10): 46-48.
- [5] 刘爱华. 磁阻效应实验的设计[J]. 实验技术与管理, 2006, 23(6):21-22.
- [6] 上海复旦天欣科教仪器有限公司.FD-MR-II 磁阻效应实验仪使用说明书.

## 二极管的伏安特性测量及应用

电路中有各种元器件，如电阻、二极管、三极管、光敏和热敏元件等。人们常需要了解这些元件的伏安特性，以便正确地选择或使用。本实验的研究对象是发光二极管，它是半导体二极管的一种，实验要求利用伏安法测量发光二极管的正向伏安特性曲线，比较不同颜色二极管伏安特性曲线有何不同。此外，了解二极管的单向导电性，用示波器观察利用二极管整流的输出波形，了解二极管的整流作用。

### 实验目的

了解二极管的工作特性，用伏安法测量发光二极管正向伏安特性曲线，了解二极管的整流作用，用示波器观察经半波整流和全波整流后的输出波形。

### 实验原理

#### 1. 电学元件的伏安特性

在某一电学元件两端加上直流电压，在元件内就会有电流通过，通过元件的电流与端电压之间的关系称为电学元件的伏安特性。在欧姆定律式  $U=IR$  中，电压  $U$  的单位为  $V$ ，电流  $I$  的单位为  $A$ ，电阻  $R$  的单位为  $\Omega$ 。一般以电压为横坐标和电流为纵坐标做出元件的电压-电流关系曲线，称为该元件的伏安特性曲线。

对于碳膜电阻、金属膜电阻、线绕电阻等电学元件，在通常情况下，通过元件的电流与加在元件两端的电压成正比关系，即其伏安特性曲线为通过原点的直线。这类元件称为线性元件，如下图 1 所示。半导体二极管、稳压管等元件，通过元件的电流与加在元件两端的电压不成线性关系，其伏安特性为曲线。这类元件称为非线性元件，如图 2 所示为某二极管元件的伏安特性示意图，图中  $U_{BR}$  为二极管反向击穿电压， $U_{on}$  为正向导通电压。

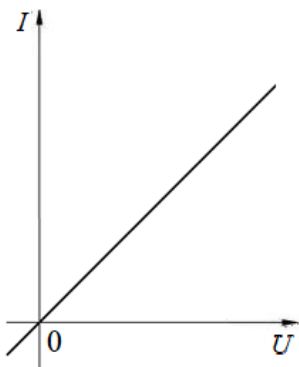


图 1 线性元件的伏安特性曲线

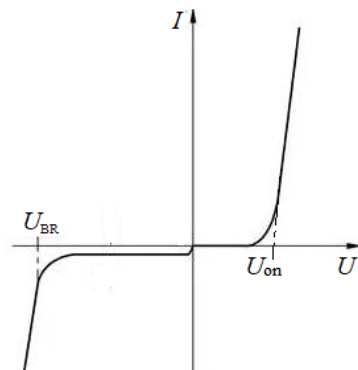


图 2 某非线性元件的伏安特性曲线

#### 2. 二极管

导体是一种电导率介于导体与绝缘体之间的物质，区别于导体通过电子导电的原理，半导体是通过电子或空穴实现导电的。根据半导体内不同种类载流子（电子和空穴）的浓度差异，可以将半导体分为 P 型半导体和 N 型半导体，其中 P 型半导体内空穴浓度远大于电子浓度；反之则为 N 型半导体。如果半导体材料中一部分是 P 型，一部分是 N 型，如图 3 所示，则这两部分区域的交界处由于电子和空穴的相互扩散而形成的空间电荷区（耗尽层）称为 PN 结，空间电荷区的内电场阻止了载流子继续扩散，从而达

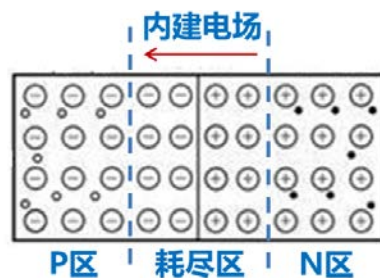


图 3 PN 结

到平衡状态。给 PN 结加正向电压（P 区接电源正极，N 区接电源负极），当正向电压大于内建电场的电压时，载流子可以克服内建电场的阻力继续运动，从而 PN 结导通形成电流。而外加反向电压则相当于内建电场的阻力变得更大，PN 结不能导通，仅有极微弱的反向电流（由少数载流子的漂移运动形成，因少数载流子数量有限，电流饱和）。这就是 PN 结的单向导通特性，半导体二极管正是基于 PN 结的单向导通原理工作的，发光二极管(light emitting diode, 简称 LED)是半导体二极管的一种，由 III-IV 族化合物组成，通常有磷砷化镓二极管（红光），磷化镓二极管（绿光），氮化镓（蓝色）等。

当给发光二极管加上正向电压时，空穴由 P 区注入 N 区，电子由 N 区注入 P 区，产生电子和空穴的复合，并将多余的能量以光的形式释放出来，从而把电能直接转化为光能。通常一个自由电子复合一个空穴时会产生一个光子，不同的半导体材料内部结构不同，能级不同，复合产生光子的频率也不同，而频率决定了光的颜色，所以不同的半导体材料能产生不同颜色的光。小功率的发光二极管正常工作电流在 10 ~ 30mA 范围内。通常正向压降值在 1.5 ~ 3V 范围内。发光二极管的反向耐压一般在 6V 左右。

### 3. 二极管伏安特性测量

根据半导体物理学可知，PN 结的正向电流和正向电压之间的关系满足：

$$I = I_0 \left[ \exp\left(\frac{eU}{\eta k_B T}\right) - 1 \right] \quad (1)$$

式(1)中  $I$  是通过 PN 结的正向电流， $U$  为 PN 结两端的正向电压， $I_0$  是反向饱和电流（温度恒定时为常数）， $e$  是电子电量， $k_B$  是玻尔兹曼常数， $T$  是热力学温度， $\eta$  是修正系数，和 PN 结的材料有关。

由于在常温(300K)时，指数项  $\exp(\frac{eU}{\eta k_B T})$  远大于 1，因此式(1)可以近似为

$$I = I_0 \exp\left(\frac{eU}{\eta k_B T}\right) \quad (2)$$

由式(2)可知，PN 结的正向电流随正向电压按指数规律变化（如图 2 所示）。

通过正向伏安特性曲线，可知发光二极管有如下特性参数：

(1) 正向导通电压  $U_{on}$ ：当电压超过  $U_{on}$  后，正向电流随正向电压迅速增加。制作发光二极管的材料不同，正向导通电压  $U_{on}$  也不同。

(2) 最大正向电流  $I_{max}$ ：实验中发光二极管允许通过的最大正向电流为 20 mA，超过此值发光管将会损坏。

(3) 正向工作电压  $U$ ：正向工作电压大于正向导通电压  $U_{on}$ 。若正向电压小于这个范围，则电流极小，二极管不发光(或发光很弱)。随着环境温度升高，正向工作电压将下降。

如图 4 所示，实验中我们采取伏安法来测量发光二极管的正向伏安特性，**实验中需要注意电源输出电压和  $R_0$  的设置，避免电路中电流超过最大正向电流，以免损坏二极管。**

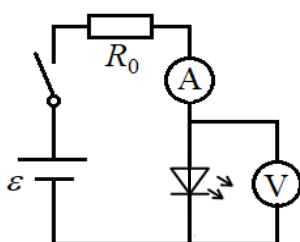


图 4 伏安法电路图

#### 4. 二极管应用——整流输出波形的观察

晶体二极管具有反向电阻大、正向电阻小的特性，因此它的最简单和最重要的应用之一是整流作用，即把交流电变成脉动的直流电（电压的方向不变，但大小随时间变化）。一般的整流电路有半波整流和桥式整流。**半波整流**：利用二极管的单向导电性，只有半个周期内有电流流过负载，另半个周期被二极管所阻，没有电流。在输入为标准正弦波的情况下，输出获得正弦波的正半部分，负半部分则损失掉，电路和输出波形如图5-1。

**桥式整流**：又称全波整流，利用四个二极管，两两对接。输入正弦波的正半部分时两只管导通，得到正的输出；输入正弦波的负半部分时，另两只管导通，由于这两只二极管是反接的，所以输出还是得到正弦波的正半部分。桥式整流对输入正弦波的利用效率比半波整流高一倍。电路和输出波形如图5-2。对于一定频率的正弦波输入，这种电路仅使输出端的电压极性保持不变，而电压值却保持周期性变化。

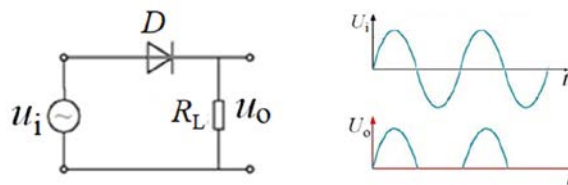


图 5-1 半波整流

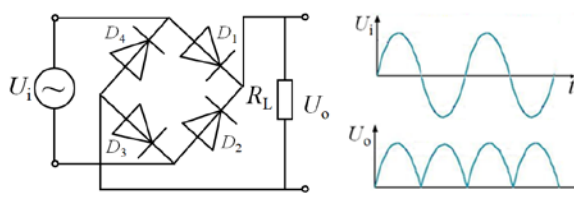


图 5-2 全波整流

#### 实验仪器

直流稳压电源（QJ2002A），VC9801A+型数字万用表或 VC890D 型数字万用表，PA15A 型直流数字电流表，电阻箱（ZX21A），红、蓝两个待测发光二极管，4 个 2AP9 二极管（做整流时使用），SDS1102CML 型数字存储示波器，SG1005S 型双路数字合成信号发生器，九孔板。

#### 实验前应回答的问题

1. 二极管是一个典型的非线性元件，请画出二极管伏安特性曲线示意图。二极管有什么样的特性？如何判断一个二极管是否能正常工作？
2. 简述发光二极管的工作原理。写出 PN 结的正向电流与正向电压之间的关系。
3. 发光二极管的主要特性参数有哪些？怎样保证发光二极管的使用安全？
4. 请画出半波整流的电路图，若输入信号为正弦波，请画出输出信号波形。
5. 请画出全波整流的电路图，若输入信号为正弦波，请画出输出信号波形。

#### 实验内容

##### 1. 二极管伏安特性测量

###### 1) 数字万用表检测二极管是否正常工作

- 将量程开关置于  $\rightarrow$  挡，把二极管插入“COM”和“V/ $\Omega$ ”孔中，二极管正接时，万用表显示值为二极管正向压降的近似值（此时流过二极管的电流约为 1mA）；当二极管反接时则显示过量程“1”，可判断该二极管正常工作。
- 注意事项：当输入端未接入时，即开路时，电表也显示过量程“1”。

2) 按图 4 所示连接电路，分别测量红、蓝两个发光二极管正向伏安特性，绘图，并比较两个二极管的正向导通电压是否相同。

**注意事项**：调节直流稳压电源及电阻箱  $R_0$ ，使得电流表达到二极管允许通过的最大正向电流——约为 18mA，记录此时电压表读数  $U_1$ ；调节直流稳压电源或电阻箱  $R_0$  使电压表读数从  $U_1$  逐渐减小至 0V，在此区间内记录 25~30 组数据。你的测量结果与预期是否相符？

建议：正向测量时电源电压不超过 5V；电阻箱开始实验前置于最大阻值处。请思考为什么这样设置？

**数据记录:**

发光二极管颜色: \_\_\_\_\_; 正向压降 \_\_\_\_\_ V。

参考表格:

测量次数	1	2	3	4	5	6	7	8	9	...
$I(\text{mA})$										
$U(\text{V})$										
二极管阻值 $R(\Omega)$										

.....

数据处理要求: 根据实验所得数据, 在同一张作图纸上做出红、蓝两个不同颜色发光二极管的正向伏安特性曲线图。

**2. 观察半波整流和全波整流的输出波形**

我们使用 **2AP9 二极管** 来观察二极管的整流作用, 实验前, 请检查二极管的好坏, 按电路图接线, 注意实验参数的设置, 避免损坏二极管。(提示: 由于在本阶段实验使用的是信号发生器输出的交流信号, 要注意信号 **Vpp** 不能超过 **10V**, 合理设置 **R<sub>0</sub>**, 让其有足够的分压)

- 1) 按图 5-1 连接整流电路, 输入一定频率和幅度的正弦信号  $u_i$ , 用示波器观察并记录  $R_L$  两端的输出电压  $u_o$ 。示波器上观察到的输出信号与你的预期是否相符? 若不符, 请解释为什么?
- 2) 按图 5-2 接线, 重复上述步骤, 观察全波整流后的信号。

参考表格:

波形示意图	半波		全波		
	输入:	输出:	输入:	输出:	
测量参数	半波	全波	测量结果	半波	全波
“伏/格”档位			峰-峰值/V		
“秒/格”档位			有输出时间/s		
			零输出时间/s		
			周期/s		
			频率/Hz		

### 3. 选做内容——示波器显示二极管的伏安特性曲线

示波器可以直接测定电压的大小，凡一切可以转换成电压的电学量（如电流、阻抗和功率），非电学量（如温度、位移、速度、压力）都可以用示波器进行测量。利用 SDS1102CML 型数字存储示波器的双踪显示功能，将二极管两端电压加到示波器的“X 轴”，二极管的电流转化为电压后加到示波器的“Y 轴”，在 X-Y 模式下即可以直接显示二极管的伏安特性曲线。

#### 参考资料：

- [1] 王新生, 张银阁.用伏安法测绘二极管伏安特性的研究[J].大学物理实验, 2000, 13(3): 41-43.
- [2] 崔玉亭, 刘红兵.二极管伏安特性曲线实验的探讨[J].黄淮学刊: 自然科学, 1997, 13(4): 65-67.
- [3] 陈清梅, 刑红军, 朱南.也谈伏安法测电阻时电流表内、外接法的判定条件[J].大学物理, 2007, 26(8): 42-43.
- [4] 赵凯华 罗蔚茵. 新概念物理教程--量子物理(第 2 版)[M]. 高等教育出版社, 2008.
- [5] 刘恩科, 朱秉升, 罗晋生. 半导体物理学.第 4 版[M]. 国防工业出版社, 2010.
- [6] <http://www.buyecs.com/basis/20081105779.html> 2AP系列检波二极管参数.
- [7] VC9801A+型数字万用表使用说明.
- [8] VC890D型数字万用表使用说明.

# 量子论实验—原子能量量子化的观察与测量

1900年普朗克提出了关于能量量子化的假设，圆满地解释了黑体辐射的规律，从而开创了量子论的新时代。1905年爱因斯坦提出了光量子论，解释了光电效应。1913年玻尔提出了原子结构的量子论，很好地解释了氢原子的线状光谱，为量子力学的创建起了巨大的推动作用。但玻尔理论的定态假设与经典电动力学明显对立，而频率定则带有浓厚的人为因素，故当时很难为人们所接受。正是在这样的历史背景下，1914年德国实验物理学家弗兰克（J. Frank）和赫兹（G. Hertz）采用慢电子与稀薄气体原子碰撞的方法，利用两者的非弹性碰撞将原子激发到较高能态，通过测量电子与原子碰撞时交换某一定值的能量，直接证明了原子能级的存在，并验证了频率定则，为玻尔理论提供了独立于光谱研究方法的直接实验证明。由于这项卓越的成就，这两位物理学家同获1925年诺贝尔物理学奖。

后人将这个著名的实验称为弗兰克-赫兹实验，该实验至今仍是探索原子内部结构的主要手段之一。在基础物理实验中引入这一经典的近代物理实验，有利于拓宽学生的视野。

## 实验目的

1. 加深对原子量子化结构的认识，加强对原子能量量子化的理解；
2. 了解电子和原子碰撞时的能量交换过程，建立电子和原子碰撞的理论模型；
3. 建立原子能量量子化的测量模型，观察氖管的发光现象和电流变化规律；
4. 测量氖原子的第一激发电位，分析物理模型中的假设对测量结果的影响。

## 实验原理

### 一、玻尔原子理论

原子的核式结构模型认为：原子由原子核和核外电子组成，电子绕核做高速运动。按照经典电磁理论，电子做圆周运动，会不断发射电磁波，由于损失能量，电子运动半径会不断地减小，最后碰到原子核，原子会坍塌。玻尔从研究氢原子出发，提出关于原子的两个基本假设：

(1) 定态假设。原子系统只能处在一系列不连续的能量状态，在这些状态中，虽然电子绕核做加速运动，但并不发射也不吸收电磁波，原子系统的这种稳定状态叫做“定态”。原子处于定态时，原子的能量不论通过什么方式发生改变，只能是原子从一个定态跃迁到另一个定态。

(2) 跃迁假设。原子在各个定态时不连续的能量值可用原子能级来形象地表示，记为  $E_0$ 、 $E_1$ 、 $E_2$ ... ( $E_0 < E_1 < E_2$ ...)。当原子从一个能级  $E_m$  “跃迁”到另一个能级  $E_n$  的过程中，就要发射或吸收一个频率为  $\nu$  的光子，从而满足能量守恒，

$$h\nu = |E_m - E_n| \quad (1)$$

式中，普朗克常数  $h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ 。

电子运动的轨道离原子核愈远，原子能级就愈高。当原子中的电子处于离核最近的轨道时，原子处于最低的能级  $E_0$ ，称为基态。当原子从外界获得能量时，电子可以跃迁到离核较远、能量较高的轨道上，原子的这种状态称为激发态。图1为一般原子的能级示意图，第一激发态、第二激发态和第三激发态等依次对应更高的能级  $E_1$ 、 $E_2$ 、 $E_3$ ...

定义原子的第一激发电位为，

$$U_1 = (E_1 - E_0) / e \quad (2)$$

式中， $e$  是电子的电量。由式(2)可知，原子从基态跃迁至第一激发态，需要获得大小为  $eU_1$  的能量。同理，原子的第二激发电位、第三激发电位...分别为，

$$U_2 = (E_2 - E_0) / e, \quad U_3 = (E_3 - E_0) / e, \quad \dots \quad (3)$$

式(3)同样表明，原子从基态跃迁到第二、第三激发态，则需要获得  $eU_2$ 、 $eU_3$  的能量。

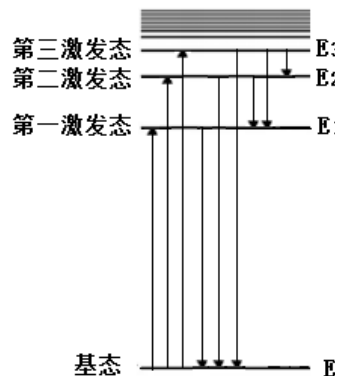


图1 原子能级示意图

## 二、电子与原子碰撞时的能量转移

为了使原子从低能级向高能级跃迁，可以通过让具有一定能量的电子与原子相碰撞进行能量交换的办法来实现。电子的能量可以从电场中加速而获得，初速度为零的电子通过电势差为  $U$  的加速电场，获得的动能为  $eU$ 。加速后的电子与稀薄气体的原子（如氩、氩或汞原子）发生碰撞时，可能会发生三种情况：

(1) 当  $U < U_1$  时， $eU < E_1 - E_0$ ，电子的动能小于原子第一激发态与基态能量之差。这种电子在与原子碰撞时，不能使原子从基态跃迁到激发态，原子内部的能量不发生变化。由于电子质量远小于原子质量，电子的动能损失极小，电子与原子的碰撞可以看作“弹性碰撞”。

(2) 当  $U = U_1$  时， $eU = E_1 - E_0$ ，电子的动能恰好等于原子第一激发态能量与基态能量之差。于是，电子在与原子碰撞时，它的动能可以完全转移到原子内部，使原子从基态跃迁到第一激发态。由于这种碰撞伴随着电子动能转变为原子激发能（内能）的过程，因而是“非弹性碰撞”。原子处于激发态的寿命非常短，会自发地跃迁回基态，同时辐射出光子，光子的频率由式（1）确定。

(3) 当  $U_1 < U < U_2$  时， $eU > E_1 - E_0$ ，此时电子和原子发生非弹性碰撞，但原子吸收的能量仍是  $eU_1$ ，碰撞后电子还具有部分动能  $eU - eU_1$ 。

电子在加速电场中运动，当动能增至  $eU_1$  时，电子也不一定碰到原子，则电子的动能继续增加。因此，必定有一些电子在能量超过  $eU_1$  而达到  $eU_2$ 、 $eU_3$ ... 时才和原子发生碰撞，从而使原子可能被激发到更高的激发态。这些处于更高激发态的原子当然也会自发跃迁到能量较低的激发态，直到返回基态，跃迁的过程中也会辐射出光子，光子的频率仍由式（1）确定。如果这些光子的波长在可见光范围 390~770nm 之间，人眼就可在电子和原子发生非弹性碰撞的区域观察到发光现象。

## 三、弗兰克-赫兹管（F-H 管）中的物理过程

实验采用的四极 F-H 碰撞管是一个充有氩气的玻璃管，如图 2 所示。管中四个电极依次为阴极 K、控制栅极 G、阳极 A 和收集电极 E。阴极 K 有一定的形状，尺寸较小，外有保护圆筒。控制栅极 G 和阳极 A 为圆形平面网筛状电极，收集电极 E 为圆形平板电极，G、A 和 E 三个电极共轴且互相平行。

阴极 K 由灯丝 F 加热而发射电子，控制栅极 G 的电位比阴极 K 略高以利于从阴极拉出电子。实验中控制电压在几伏以内，控制电压  $U_G$  越大，则拉出的电子越多。阳极 A 的电位最高，实验中阳极 A 和控制栅极 G 之间的电位差  $U_A - U_G$  能达到几十伏，产生的加速电场使电子获得动能。若不考虑电子和碰撞管中氩原子的碰撞，电子从阴极 K 出来时动能近似为零，电子动能在 KG 之间增加很小，在 GA 之间增加很快，靠近阳极 A 时增至最大值  $eU_A$ 。收集电极 E 的电位比阳极 A 低，AE 之间的反向电场使电子减速，到达收集电极时电子动能降为  $e(U_A - U_E)$ 。在  $U_A > U_E$  时，到达阳极的电子，能克服反向电压  $U_E$  到达收集电极，开始形成电流  $I_E$ 。继续增加  $U_A$ ，到达收集电极 E 的电子动能随之增大，电流  $I_E$  也逐渐增大。

然而碰撞管中，电子在向阳极运动的过程中，会不断地和氩原子进行碰撞。当电子动能在阳极 A 附近增至  $eU_1$  时（ $U_1$  为氩原子的第一激发电位），电子和氩原子发生非弹性碰撞，电子的动能几乎全部转移给氩原子。此时，失去动能的电子，将不能克服反向电压  $U_E$  到达收集电极 E，于是电流  $I_E$  迅速减小，形成  $I_E - U_A$  曲线的第一个峰。F-H 管设计的巧妙之处，正是用电流  $I_E$  极大极小的变化来反应电子与原子碰撞的情况。随着越来越多的电子不能到达收集电极，电流  $I_E$  将持续下降；到达收集电极的电子数量降到最少时， $I_E - U_A$  曲线则到达第一个谷底。

继续增加  $U_A$ ，管内电场增大，电子获得动能  $eU_1$  的位置往阴极方向移动，电子和氩原子发生非弹性碰撞损失动能后，依然处在加速电场之中并往阳极运动。当到达阳极 A 附近的电子能量再次增加到能克服反向电压  $U_E$  而到达收集电极 E 时，电流  $I_E$  从极小值开始增加。直到电子在阳极 A 处动能再次增加到  $eU_1$  时，电子和氩原子也再一次发生非弹性碰撞，电流  $I_E$  再次开始下降， $I_E - U_A$  曲线出现第二个峰。依此类推，随着  $U_A$  的增加，电子在加速电场中多次和氩原子发生非弹性碰撞，从而引起电流  $I_E$  多次出现极大极小的变化， $I_E - U_A$  曲线形成多个峰和谷。

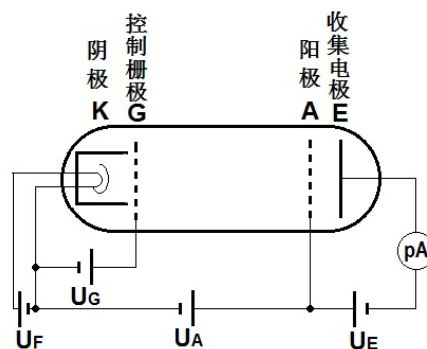


图 2 充氩 F-H 管实验线路图



## 实验前应回答的问题

(本实验报告不需要写实验原理, 只需回答下列问题, 计算要有过程)

1. 什么是基态? 什么是激发态? 什么是原子能量的量子化?
2. 画出实验线路图, 标出各电极的名称。
3. 通过预习, 你认为如何在实验上“观察”到原子能量的量子化? (提示: 1. 你预期应在哪两个电极间观察氖管发光, 若改变加速电压, 发光区会如何变化? 2. 加速电压与收集到的电流之间有什么关系? 可以反映出什么物理问题?)
4. 某原子从高能级跃迁到低能级时发射的光子波长为 600nm, 则这两个能级差  $\Delta E$  为多少电子伏特? 某原子的第一激发电位为 16.0V, 则该原子从第一激发态跃迁回基态时发射的光子波长是多少?

## 实验仪器

弗兰克-赫兹实验仪、氖碰撞管、示波器。

## 实验内容

按照图 2 所示线路, 连接 F-H 实验仪和氖管。

### 一、观察氖管发光现象

1. 先将控制电压  $U_G$  和加速电压  $U_A$  的旋钮左旋到底, 打开 F-H 实验仪背后电源开关, 液晶显示屏有数据显示。
2. 将灯丝电压  $U_F$  设为 8.5V, 实验中控制电压  $U_G$ : 0.5~3.5V, 反向电压  $U_E$ : 1~8V。为了仪器安全,  $U_G$  初始设为最小值 0.5V,  $U_E$  初始设为最大值 5V。
3. **观察氖管中的发光现象, 确定控制电压  $U_G$  的工作范围:** (如果你不太确信该如何记录实验现象, 请参阅实验桌告示牌上的提示)

将加速电压  $U_A$  的调节方式设为“手动扫描”, 将  $U_A$  从 0V 逐渐增加到 65V, 观察氖管是否有发光现象? (发光现象出现在哪两个电极之间? 什么形状? 什么颜色? 随  $U_A$  的增大, 发光现象如何变化?) 如果看不到发光, 可以将  $U_A$  固定在 65V, 缓慢增加  $U_G$ , 直至能清楚地看到发光现象 (发光区亮度适中、没有弯曲、间隔明显), 记录刚好能看到发光区时和发光区略有弯曲时  $U_G$  的值, 我们分别将其称为  $U_G$  的下限值和上限值。改变反向电压  $U_E$  的大小, 观察它对发光区 (形态、位置、亮度、数目) 有何影响? 注意记录实验过程中你观察到的实验现象和相应的实验条件。你观察到的发光现象是否符合你的预期? 你看到的发光是氖原子从第一激发态返回基态时所发出的光吗? (提示: 在观察发光现象时, 注意记录  $U_A$  的大小, 尝试大致估计一下氖原子的第一激发电位大小。)

#### 注意:

- ① 若发光区中心明显向阴极凸出, 甚至出现大片连续发光区, 这是气体被击穿的现象, 应立即调低  $U_A$  至击穿现象消失。将控制电压  $U_G$  设置到安全范围内, 再做实验。
- ② 当加速电压  $U_A$  太高时, 电子动能太大也可能使气体原子电离而发生击穿现象, 实验中  $U_A$  的最大值建议不要超过 65V。
- ③ 观察时注意眼睛要水平正视发光区。若用手机拍照, 手机镜头应正对发光区。

### 二、用示波器观察电流曲线

F-H 实验仪的信号输出说明:

F-H 实验仪有两个信号输出端口:  $U_X = U_A \cdot \frac{1}{10}$  和  $U_Y = I_E \cdot V$ 。

1)  $U_X$  是加速电压  $U_A$  的 1/10。

2)  $U_Y$  是由电流  $I_E$  转换成的电压信号,  $U_Y$  和电流  $I_E$  成正比。转换器 V 除了电流到电压的转换功能外, 还提供几十倍的电流增益功能。实验中将转换器右旋到底, 使电流增益最大。

采用同轴电缆将 F-H 实验仪的  $U_X$  输入示波器的“X”通道,  $U_Y$  输入示波器的“Y”通道。

#### 1. 示波器的电压信号观察:

- 1) 将加速电压  $U_A$  设为“自动扫描”, 扫描下限为 0V, 上限为 65V, 观察示波器屏幕上两通道的波形, “X”通道的  $U_X-t$  线是加速电压扫描线, “Y”通道的  $U_Y-t$  线是电流曲线。

2) 调节示波器的电压档位、时间档位、移位旋钮,使加速电压扫描线和电流曲线大小适中,并位于屏幕中央。

3) 加速电压是怎样扫描的?从扫描下限增加到扫描上限需要多少时间?(零输出时间不计)

## 2. 调整控制电压、反向电压以及加速电压(控制变量法),获得最佳的电流曲线,并测定氖原子的第一激发电位:

1) 反向电压  $U_E$  设为 5-8V 左右,选择合适的控制电压  $U_G$ (**注意避免将氖管击穿**),观察屏幕上的电流曲线(要求有三个峰、二到三个谷,且峰、谷明显)。得到最佳的曲线后,按下示波器“STOP”键锁定示波器屏幕,将  $U_A$  降至 0V 后,再进行测量与记录。(  $U_F$ 、 $U_E$ 、 $U_G$  各电压对电流曲线有何影响?具体记录方式可参照告示牌上的提示。)

2) 测量加速电压  $U_A$  随时间的变化率:

按下示波器的“光标”按钮,选择光标的手动模式。将两对互相垂直的光标线分别相交于加速电压扫描线上**尽量远离的两点**。读取两点之间的电压差  $\Delta V$  和时间差  $\Delta t$ ,计算加速电压  $U_A$  的扫描速率  $s$ 。(  $s=10\Delta V/\Delta t$  )

3) 测量电流曲线上各个峰处的加速电压值:

将一根竖直光标线固定于电流曲线的起点处,移动另一根竖直光标线,依次对准电流曲线的三个峰,并记录两根光标线之间的时间差  $\Delta T_1$ 、 $\Delta T_2$ 、和  $\Delta T_3$ 、即加速电压从零增至出现相应电流峰时所需要的扫描时间。计算三个电流曲线峰处对应的加速电压  $U_{A1}$ 、 $U_{A2}$ 、 $U_{A3}$ 。(  $U_A=s\cdot\Delta T$  )

4) 分析实验模型,计算氖原子的第一激发电位:

标出电流曲线第 1、2、3 峰处的加速电压值  $U_{A1}$ 、 $U_{A2}$ 、 $U_{A3}$ 。计算氖原子的第一激发电位  $U_1$ 。(应如何计算  $U_1$ ? )

## 参考文献

1. 沈元华,陆申龙.基础物理实验[M].北京:高等教育出版社,2003:326~332.
2. 杨福家.原子物理学(第二版)[M].北京:高等教育出版社,1990.
3. 戴乐山,戴道宣.近代物理实验[M].上海:复旦大学出版社,1995:45~68.
4. 苏卫锋,乐永康.充氖夫兰克-赫兹管的发射光谱研究[J].物理实验,2011,31(4).

# X 射线透视与 NaCl 晶体结构分析

1895 年德国科学家伦琴 (W. K. Rontgen) 发现 X 光, 是人类揭开研究微观世界序幕的“三大发现”之一 (另两大发现分别是 1896 年法国贝克勒尔发现放射性和 1897 年英国汤姆逊发现电子), X 光管的制成, 则被誉为人造光源史上的第二次大革命 (第一次是电灯的制成, 第三次是激光的出现)。X 光也叫 X 射线, 它在医学 (如 X 光诊断)、工业 (如 X 光探伤)、材料科学 (如 X 光分析)、天文学 (如 X 光望远镜)、生物学 (如 X 光显微镜) 等方面的应用十分广泛。本实验要求初步了解 X 光产生的原理、观察物体 X 光透射像、仪器零点的调校和测量 NaCl 晶体衍射曲线。

## 实验原理

波长在  $10^{-8}\text{m}$  到  $10^{-11}\text{m}$  范围的电磁波称为 X 光。当高速运动的电子和原子相碰撞时, 与原子中的内层电子相互作用, 使其跃迁到外层 (称为激发) 甚至脱离原子的束缚 (称为电离), 从而在原子的内层形成空位。这时, 外层电子就会向内层跃迁, 以填补空位, 并发出波长较短的光子, 通常为 X 光。例如, 钼原子的第一层 (K, 内层) 电子被激发后, 其第二层、第三层 (L、M, 都是外层) 电子就会向第一层跃迁, 如图 1a 所示。此时发出波长  $K_{\alpha}=7.11 \times 10^{-2}\text{nm}$  附近和  $K_{\beta}=6.32 \times 10^{-2}\text{nm}$  附近的两种 X 光。这两种 X 光在光谱图上表现为两条线 (如图 1b 中两尖峰所示), 故称为“线光谱”, 这种线光谱反映了该物质 (钼) 的特性, 称为“X 射线特征光谱”。此外, 高速电子接近原子核时, 原子核会使它偏转并产生电磁辐射, 这种辐射也在 X 光的范围, 称为“韧致辐射”, 它的能量分布是连续的, 在光谱图上表现为很宽的光谱带, 称为“连续谱” (如图 1b 中的宽带曲线所示)。总之, 只要让高速电子撞击金属, 就可以产生 X 光。

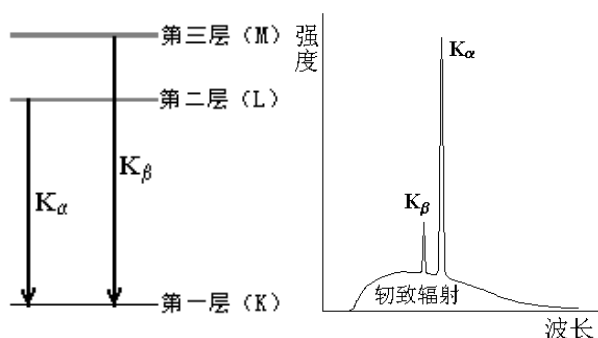


图 1a. 钼的能级图 图 1b. 钼的 X 光发射光谱图

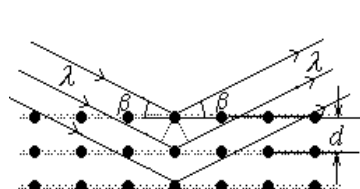


图 2 X 光在晶体上的反射

由于 X 光有很强的穿透能力, 因而可以用来透视密封在容器内的物体 (如机场安检处的行李检查设备); 也可以用来透视人体的骨骼或病变 (如医院里的 X 光诊断仪)。本实验用 X 光透视学生自带样品 (如观察计算器的内部结构或笔袋内藏物等)。

由于 X 光的波长与固体中原子的间距同数量级, 因此 X 光成为研究晶体微观结构的有力工具。在晶体中, 各原子按一定规律整齐的排列着, 形成一个个“晶面”, 如图 2 所示。各晶面间的距离, 称为“晶面间距”, 它是反映晶体结构特性的重要指标。1913 年, 英国科学家布拉格父子 (W. H. Bragg 和 W. L. Bragg) 证明: 当 X 光以  $\beta$  角射入晶体时, 仅当它的波长  $\lambda$  与晶面间距  $d$  满足如下关系时

$$2d\sin\beta=k\lambda, \quad k=1,2,3\dots \quad (1)$$

才能在反射角等于入射角的方向上获得很大的反射率。(1) 式就称为布拉格公式。他们父子因此同获 1915 年的诺贝尔物理学奖。(布拉格公式可以从光的干涉原理来理解: 如图 2 所示, 一束波长为  $\lambda$  的 X 光以掠射角  $\beta$  入射, 在反射角等于入射角的方向上, 各晶面反射光的光程差均为  $2d\sin\beta$ , 当满足布拉格公式时, 各反射光都同相位, 因而它们相干的结果, 合成光强达到极大。)

根据布拉格公式, 既可以利用已知的晶体 ( $d$  已知) 通过测量  $\beta$  角来研究未知 X 光的波长, 也可以利用已知 X 光 ( $\lambda$  已知) 来测量未知晶体的晶面间距。

## 实验仪器

本实验使用的 X 射线实验仪如图 3 所示。它的正面装有两扇铅玻璃门，既可看清楚 X 光管和实验装置的工作状况，又保证人身不受到 X 射线的危害。若打开铅玻璃门，X 光管上的高压会立即断开，保证了人身安全。

该装置分为三个工作区：中间是 X 光管，右边是实验区，左边是监控区。

X 光管的结构如图 4 所示。它是一个抽成高真空的石英管，其下面(1)是接地的电子发射极，通电加热后可发射电子；上面(2)是钨靶，工作时阴极和阳极之间加以几万伏的高压（管电压）。电子在该电场作用下高速奔向阳极，形成的电流称为管电流。钨靶呈斜面，以利于 X 光向水平方向射出。(3)是铜块，用以散热。(4)是管脚。

右边的实验区可安排各种实验。

A1 是 X 光的出口，为了使出射的 X 光成为一个近似平行的细光束，可在它上面加一个光阑（光缝）。

A2 是安放晶体样品的靶台，安装样品的方法如图 5 所示：1、把样品（晶体片）轻轻放在靶台上，向前推到底；2、将靶台轻轻向上抬起，使样品被支架上的凸楞压住；3、顺时针方向轻轻转动锁定杆，使靶台被锁定。

A3 是用来探测 X 光强度的传感器，它所测得的计数  $R$  与 X 光的强度成正比。根据统计规律，X 光的强度为  $R \pm \sqrt{R}$ ，其相对不确定度为  $\sqrt{R}/R = 1/\sqrt{R}$ ，故计数  $R$  越大相对不确定度越小。因此，延长每次测量的持续时间，从而增大总强度计数  $R$ ，有利于减少计数的相对不确定度。

A2 和 A3 都可以转动，并可通过测角器分别测出它们的转角。

A4 是荧光屏，它是一块表面涂有荧光物质的圆形铅玻璃平板，平时外面有一块盖板遮住，以免环境光太亮而损坏荧光物质；让 X 光打在荧光屏上，打开盖板，即可在屏的右侧外面直接看到 X 光的荧光，但因荧光较弱，此观察应在暗室中进行。

左边的监控区包括电源和各种控制装置，如图 6 所示。

B1 是液晶显示区，它分上下两行，通常情况下，上行显示传感器的计数  $R$ （正比于 X 光光强），下行显示工作参数。

B2 是个大转盘，各参数都由它来调节和设置。

B3 有五个设置按键，由它确定 B2 所调节和设置的对象。这五个按键是：U...设置 X 光管上所加的高压值（最大为 35KV）；I...设置 X 光管内的电流值（最大为 1mA）； $\Delta t$ ...设置每次测量的持续时间（通常取 3s~10s）； $\Delta\beta$ ...设置自动测量时测角器每次转动的角度，即角步幅（通常取  $0.1^\circ$ ）； $\beta$ -LIMIT...在选定扫描模式后，设置自动测量时测角器的扫描范围，即上限角与下限角：第一次按此键时，显示器上出现“↓”符号，此时可利用 B2 选择下限角（例如取  $3^\circ$ ）；第二次按此键时，显示器上出现“↑”符号，此时可利用 B2 选

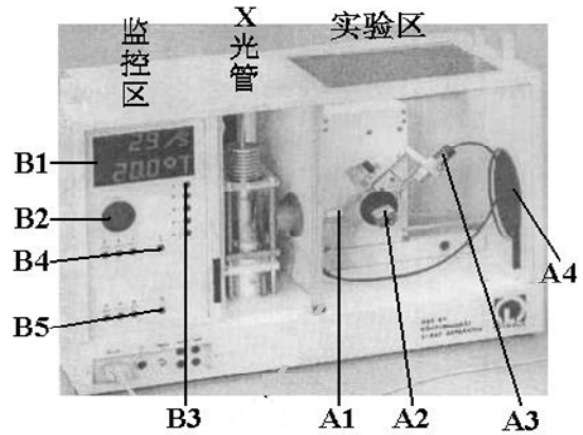


图 3 X 射线实验仪

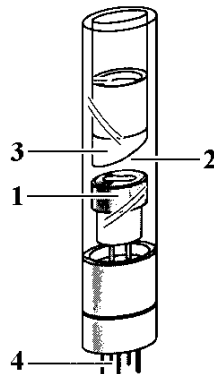


图 4 X 光管

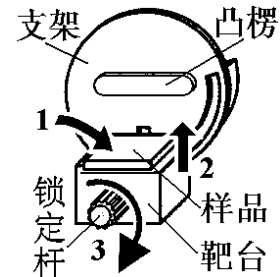


图 5 测角器的靶台

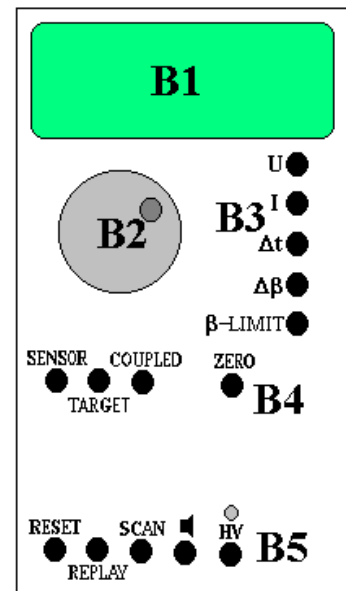


图 6 监控区面板

择上限角（例如取  $40^\circ$ ）。（此即设定自动扫描范围为  $3^\circ \sim 40^\circ$ ）。

B4 有三个扫描模式选择按键和一个归零按键。三个扫描模式按键是：SENSOR…传感器扫描模式，按下此键时，可利用 B2 手动旋转传感器的位置，也可用  $\beta$ -LIMIT 设置自动扫描时传感器的上限角与下限角，显示器的下行此时显示传感器的角位置；TARGET…靶台扫描模式，按下此键时，可利用 B2 手动旋转靶台的位置，也可用  $\beta$ -LIMIT 设置自动扫描时靶台的上限角与下限角，显示器的下行此时显示靶台的角位置；COUPLED…耦合扫描模式，按下此键时，可利用 B2 手动同时旋转靶台和传感器的位置——传感器的转角自动保持为靶台转角的 2 倍，而显示器的下行此时显示靶台的角位置，也可利用  $\beta$ -LIMIT 设置自动扫描时靶台的上限角与下限角。归零按键是 ZERO…按下此键后，靶台和传感器都回到 0 位。

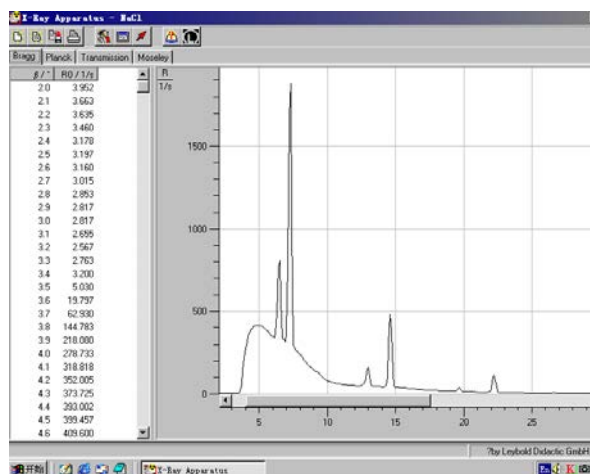


图 7 一个典型的测量结果画面

B5 有五个操作键，它们是：RESET…按下此键，靶台和传感器都回到测量系统的 0 位置，所有参数都回到缺省值，X 光管的高压断开；REPLAY…按下此键，仪器会把最后的测量数据再次输出至计算机，本实验中不必用它；SCAN (ON/OFF) …此键是整个测量系统的开关键，按下此键，在 X 光管上就加了高压，测角器开始自动扫描，所得数据会自动输出至计算机；◀…此键是声脉冲开关，本实验中不必用它；HV (ON/OFF) …此键开关 X 光管上的高压，它上面的指示灯闪烁时，表示已加了高压。

本实验仪器专用的软件“X-ray Apparatus”已安装在计算机内，只要双击该快捷图标，即可出现一个测量画面，如图 7 所示。它主要由上面的菜单栏、左边的数据栏和右边的图形栏三部分组成。在菜单栏上选择“Bragg”，即可进行按布拉格公式分析材料的实验。当在 X 射线实验仪中按下“SCAN”开关 (ON) 时，软件就开始自动采集和显示测量结果：屏幕的左边显示靶台的角位置  $\beta$  和传感器中接收到的 X 光光强 R 的数据；而右边则将此数据作图，其纵坐标为 X 光光强（单位是 1/s），横坐标为靶台的转角（单位是  $^\circ$ ）。点击“Save Measurement”，可以存储实验数据；点击“Print Diagram”，可以打印该曲线。为详细了解该软件的功能，可点击菜单中的“Help”，以获得有关信息。

### 实验前应回答的问题

1. 请以金属钨靶为例，说明 X 光的特征光谱和连续光谱是怎样产生的？画出钨的 X 光发射光谱图。管电压和管电流在 X 光的产生中分别起了什么作用？如果分别改变管电压和管电流，钨的 X 光发射光谱图会有怎样的变化？
2. 为什么能利用 X 光看到密封容器内的物体？是否任何容器中的任何物体都可看到？
3. 请写出布拉格公式，并画出示意图。
4. 什么是 COUPLED（耦合）扫描模式？为什么在测量晶体衍射曲线时要采用 COUPLED 扫描模式？

## 实验内容

### (一) 必做部分 1: 观察 X 光透射象。

1. 打开在仪器左侧下方的电源开关。
2. 按下 SENSOR 键, 旋转 B2 旋钮, 把传感器调到  $50^\circ$  左右, 以不遮挡 X 光射向荧光屏。
3. 打开铅玻璃门, 将待观察的样品放在荧光屏前 (样品可以是一般的计算器, 或装有钥匙、钢笔等金属物件的笔袋等, 同学可以自备样品, 也可以用实验室提供的样品)。
4. 关好铅玻璃门, 取下荧光屏后的防护罩。
5. 按下 U, 旋转 B2, 把高压设置为 35KV; 按下 I, 把电流设置在 1mA。
6. 按下 HV 键, 以打开高压 (管电压) (此时应看到它上面的指示灯闪烁), 在荧光屏后观察样品的 X 光透射象 (如图 8 所示)。
7. 分别改变高压 (管电压) 和管电流的大小, 半定量地记录 X 光透射象与高压和管流的关系 (例如高压或管流分别降低到原来的 0.9、0.8、0.7、0.6……时透射象的强度和清晰程度如何改变?), 并分析讨论这种关系。
8. 再次按下 HV 键, 以关闭高压 (此时应看到它上面的指示灯熄灭)。

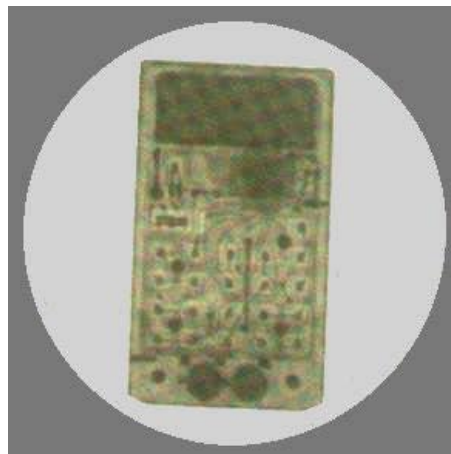


图 8 一个计算器的 X 光透射象

### (二) 必做部分 2: 调校测角器的零点。

由于各种原因, 测角器的零点可能会不准, 即靶台位置显示值为零时, 实际位置并不与入射 X 光平行; 而传感器位置显示值为零时, 实际位置也并不正对 X 光入射缝。此时, 应用已知晶面间距的晶体来调校测角器的零点。我们通常用 NaCl 晶体 (已知其晶面间距为 0.283nm) 来调校测角器的零点, 其方法如下:

1. 打开铅玻璃门, 取出观察透射象的样品, 在 A1 处装上光缝。
2. 在靶台上装 NaCl 晶体。(注意: 戴手套, 不可用手直接接触其表面。)
3. 关好铅玻璃门, 设置高压为 35kV, 管电流为 1mA。
4. 按 ZERO 键, 使测角器归零。
5. 在 B3 中按下  $\Delta t$  键, 旋转 B2, 把每次测量的持续时间设置为 1 秒; 按下  $\Delta\beta$  键, 把角步幅设置为  $0.1^\circ$ 。
6. 在 B3 中按下  $\beta$ -LIMIT 键, 当显示器显示  $\downarrow$  符号时, 用 B2 把下限角设置为  $\beta=3^\circ$ ; 再次按下  $\beta$ -LIMIT 键, 当显示器显示  $\uparrow$  符号时, 用 B2 把上限角设置为  $\beta=10^\circ$ 。
7. 打开计算机, 双击 “X-ray Apparatus” 图标, 在菜单栏上选择 “Bragg”, 即可出现测量画面。
8. 在 B4 中选择 COUPLED 扫描模式, 在 B5 中按下 SCAN 键, 仪器会自动打开高压, 计算机就开始自动采集和记录角度  $\beta$  和强度  $R$ , 并同时显示 NaCl 晶体的 X 光衍射曲线。
9. 采集程序结束, 仪器会自动关闭高压。注意观察衍射曲线上出现的最高峰的峰位和相应的计数率。若出现最高峰的位置不在  $7.2^\circ$  或者其计数率小于 1500, 则仪器需要进行调零。
10. 可在本次测量的基础上, 打开高压, 在 COUPLED 模式下, 手动调节将靶台旋转到衍射曲线出现最高峰时对应的角度。然后, 分别用 SENSOR 和 TARGET 模式, 手动调节靶台和传感器的位置, 注意 B1 的上行, 仔细寻找计数率最大时传感器和靶台位置。
11. 找到此位置后, 用 COUPLED 模式令靶台反向 (顺时针) 旋转  $7.2^\circ$  (为什么?)。此时应为真正的零点位置 (实际显示值可能是正或负)。
12. 同时按下 TARGET、COUPLED 和  $\beta$ -LIMIT 三个键, 从而确认该位置为新的零点位置。

**【注意: “三键同时按”, 会把原来设置的 0 位取消, 并以当前位置为新的 0 位。这个操作如有错误, 将导致仪器严重失调。因此, 必须十分谨慎! 应先请老师检查确认无误后, 再进行此操作。】**

### (三) 必做部分 3: 测定 NaCl 晶体的衍射曲线

1. 仪器调零结束后, 按下 $\Delta t$ 键, 设置为 3 秒~5 秒; 按下 $\Delta\beta$ 键, 把角步幅设置为 $0.1^\circ$ 。
2. 按下 COUPLED 键, 然后按下 $\beta$ -LIMIT 键, 设置扫描上、下限。(扫描范围:  $3-25^\circ$ )。
3. 按下 SCAN 键, 计算机自动采集绘制 NaCl 晶体的 X 光衍射曲线, 如图 7 所示。其中 $\beta$ 最小的一对尖峰对应于两条特征光谱的  $k=1$  的布拉格反射; 随着角度增加, 依次出现  $k=2$ 、 $k=3$ .....的各对衍射峰。(为何衍射峰成对出现?)
4. 记下各峰值附近 4-5 个数据, 作图求出对应于  $R$  最大的各 $\beta$ ; 或者用软件中自带的寻峰功能找出衍射曲线的三对峰所对应的 $\beta$ 值。(为什么不能直接从各数据中选择  $R$  最大的各 $\beta$ 值?)
5. 从各  $R$  最大的 $\beta$ 值得出 NaCl 的晶面间距  $d$ , 比较各  $d$  值是否相同? 并由此验证布拉格公式。
6. 若保持高压不变, 改变管流, 衍射曲线会有何变化? 保持管流不变, 改变管压呢? 预测一下曲线的变化。(提示: 为方便比较, 可分别将高压/管流保持在其最大值, 将管流/高压减小到最大值的 80%, 然后把 $\Delta t$ 设为 1 秒, 快速测量一下衍射曲线。)比较你得到的衍射曲线与预期的是否相同(为方便比较, 记得将不同条件下获取的衍射曲线放在同一坐标系中观察)? 解释一下衍射曲线为何随高压和管流的改变而改变。
7. 打开铅玻璃门, 取下 NaCl 晶体, 放回干燥缸(十分小心!)
8. 关闭 X 光实验仪和计算机的电源。

### (四) 选做部分: 测量 X 光的吸收与材料厚度的关系。

本 X 射线实验仪有如图 9 所示的“吸收板附件”。它由同样材料(铝), 厚度分别为 0.5mm、1.0mm、1.5mm、2.0mm、2.5mm 和 3.0mm 的 6 块吸板组成。把该附件按图 10 所示的方法, 将底板端部插入原来装靶台的支架。置传感器于 0 位, 转动靶台支架, 分别让不同的吸收板位于 X 光的光路中, 即可进行测量。(思考一下: 应采用哪种扫描模式? 如何设置扫描参数? 注意: 做该实验时, 应将管流减小, 最高计数率数值不要超过 3000。)

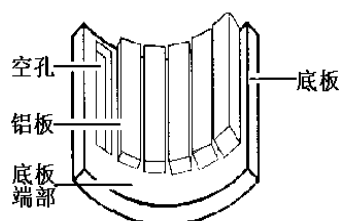


图 9 吸收板附件

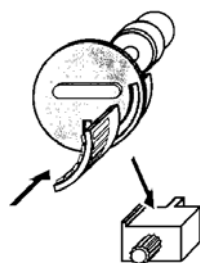


图 10 安装吸收板

### 参考文献

1. 倪光炯、王炎森等. 改变世界的物理学(第二版). 上海: 复旦大学出版社. 1999. 142-144, 164-169
  2. 章志鸣、沈元华、陈惠芬. 光学(第二版). 北京: 高等教育出版社. 2000. 156-159
  3. 杨于兴、漆王睿. X 射线衍射分析. 上海: 上海交通大学出版社. 1994. 1-17
- 莱宝教具公司的《X 光实验仪说明书》

# 透镜焦距的测量

日常生活中我们离不开透镜。比如，用照相机或手机拍照时，都用到了透镜。此外，用放大镜观察微小字体（或地图）；用望远镜观察远处景物（比如观看足球比赛或演唱会）；通过门镜上透镜观察门外情况……，这些都离不开透镜。实际上配戴眼镜同学天天与眼镜片（凹透镜）接触。人眼也可简化地看作一个凸透镜。透镜中最常用的是凸透镜与凹透镜；透镜最主要的参数就是焦距，通常用字母  $f$  表示。

用几块不同的透镜组合成的透镜组成像有很好的成像效果，可以消除像差等因素对成像的影响。所以大多数光学仪器都是用很多透镜组成光学系统。高级照相机变焦镜头就是用很多透镜等光学元件组成；世界上第一台天文望远镜伽利略望远镜就是用凹透镜与凸透镜组成；而开普勒望远镜用几块凸透镜组成。

透镜焦距测量实验是几何光学实验，它是以光线为基础来研究光的传播和成像规律的实验。通过实验学会基本的光路调节方法；了解透镜焦距的各种测量方法；了解测量时所需用的基本仪器和可能达到的准确度；比较各种测量方法优缺点；学会计算测量结果的不确定度。

拍照时，为了不影响拍摄效果，特别注意照相机镜头不受污染。同样，在做实验时也应保持透镜清洁，手不要直接接触透镜表面。

## 实验目的

- 1.用多种方法测量凸透镜的焦距；
- 2.用组合透镜方法测量凹透镜焦距；
- 3.学会光路的调节方法，特别是光学系统共轴调节方法；
- 4.学会如何对测量结果进行不确定度评定的方法。

## 实验原理

为什么能看到物体，就是因为物体发出的光线到达眼睛，观察者才可以确定物体的存在。在光学中，把自发光或能散射光的物体称为实物。而光线汇聚成的“物”称为虚物，也就是说前面透镜成的像作为后面透镜成像时的物。物体发出光线经光学系统反射或折射后会聚成与原物相似的像，称为实像。而如果光线为发散光线，则光线的反向延长线（虚光线）相交后的像称为虚像。如图 1。在光学中，实像也可以看作虚物，比如，在很多透镜组成的光学系统中，前面透镜成的实像可以作为后面透镜成像时的虚物。判断方法见图 9（供参考）

光心是指透镜光轴上的一个特殊点  $O$ 。对于厚透镜来说：当光线通过此点时，入射光与出射光相互平行，但有平行位移。对于薄透镜来说：入射光与出射光可近似看作无平行位移。

如图 2 所示，在近轴条件下，薄透镜的成像公式为

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f} \quad (1)$$

式 (1) 中  $u$  为物距（物到透镜光心的距离），实物  $u$  为正；虚物  $u$  为负。 $v$  为像距（像到透镜光心的距离），实像  $v$  为正；虚像  $v$  为负。 $f$  为透镜的焦距，凸透镜的焦距为正；凹透镜的焦距为负。如果已知物距  $u$  与像距  $v$ ，则由式 (1) 可知透镜的焦距。

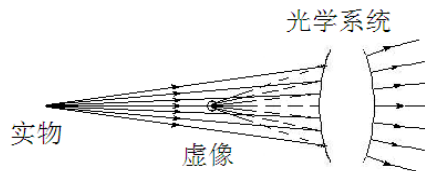
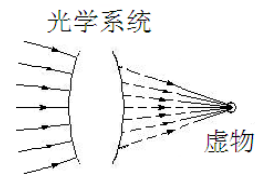
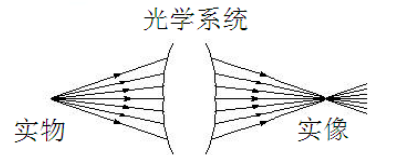


图 1 实（虚）物与实（虚）像

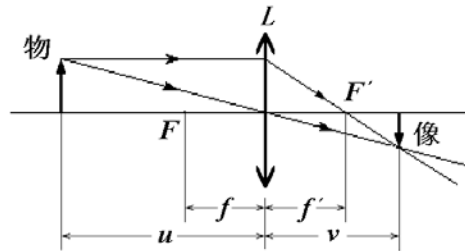


图 2 薄透镜的成像示意图



$$f = \frac{vu}{v+u} \quad (2)$$

当凸透镜成实像时，物的放大倍数 $K$ 为

$$K = \frac{v}{u} \quad (3)$$

### 1. 粗测法

当物体放在无穷远的位置时， $u=\infty$ ，根据式(1)得  $v=f$ ，无穷远的物体成像在焦平面上。但是通常物体离凸透镜都有一定的距离，所以测得焦距为近似值。最后一位读到毫米，毫米以下不估读。粗测法虽然不够精确，但方法简单，测量时间短，常用作挑选凸透镜时的判断依据。

### 2. 二次成像法（贝塞耳法）

如图3，保持物屏与像屏之间的距离  $D$  不变，且  $D > 4f$ 。沿光轴方向移动凸透镜，可以在像屏上观察到两次成像：一次成倒立缩小实像，一次成倒立放大实像。设两次成像时，凸透镜移动的距离（凸透镜位置  $d_1$  与位置  $d_2$  之间距离）为  $d$ ，则凸透镜的焦距为

$$f_1 = \frac{D^2 - d^2}{4D} \quad (4)$$

### 3. 自准直法

如图4，当物体放在透镜的焦平面上，从物上  $A$  处发出的任意方向上的光线（比如光线1与光线2）经过凸透镜后必成平行光。平行光以入射角  $\theta$  照射在反射镜上，经反射镜反射后，所有反射角  $\theta$  的平行光线再经过凸透镜后一定聚集在焦平面上（像的  $A'$  处）。实际上  $A'$  处发出的光也会聚集在  $A$  处（光可逆）。 $\theta$  不相同，会聚点不相同。所以会聚点与入射角  $\theta$  有关，入射角  $\theta$  与物上某一点的位置有关。同理可得，物上其他点  $B$  处发出光对应聚集在像的  $B'$  处（此时入射角  $\theta$  为零）。自准直法中成的像是与原物大小相等的倒立实像。

### 4. 凹透镜的焦距测量（组合透镜法）

测量凹透镜的焦距时不能用以上三种方法，所以需要用一个凸透镜先成一个缩小的实像，如图5。凹透镜以这个实像为虚物再通过凹透镜成实像，如图6。设凹透镜到虚物的距离为  $S_1$ ，凹透镜到凹透镜成的实像的距离为  $S_2$ 。则根据薄透镜的成像焦距测量公式(2)得凹透镜的焦距为

$$f_2 = \frac{S_1 S_2}{S_1 + S_2} \quad (5)$$

**注意：**公式中的  $S_1$  与  $S_2$  代入的数字的正负号。正负号与什么有关？

日常生活中常用眼镜的度数数值表示该眼镜镜片的焦距。眼镜的度数等于眼镜镜片的焦距（以米为单位）的倒数乘以 100。例如焦距为  $-0.5\text{m}$  的凹透镜所对应的度数为  $-200$  度。

**实验前应回答的问题**（本实验报告不需要写实验原理，只需回答下列问题）

1. 薄透镜的成像公式是什么？
2. 放大倍数  $K$  公式是什么？

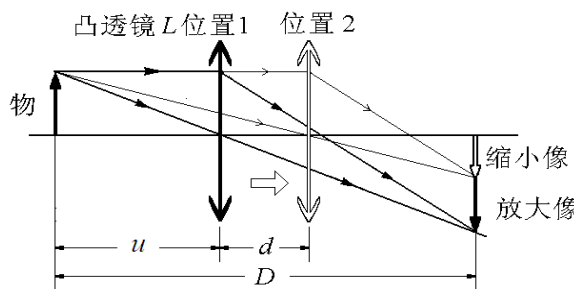


图3 二次成像法测焦距示意图

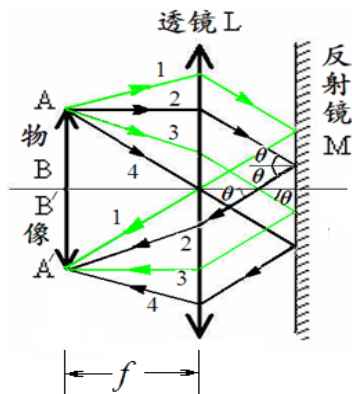


图4 自准直法测焦距示意图

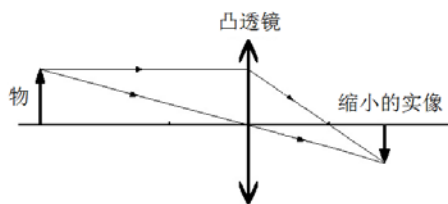


图5 凸透镜成一个缩小的实像

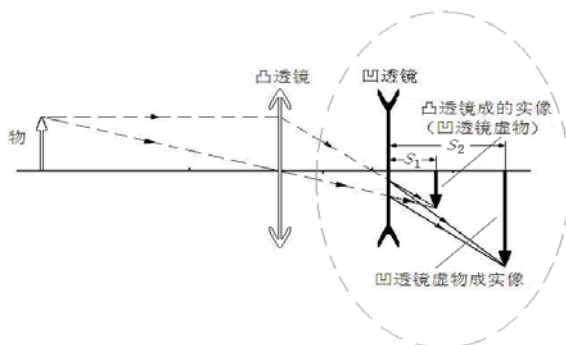


图6 凹透镜虚物成实像

- 3.凸透镜的成像的光路图?
- 4.二次成像法中, 测量透镜焦距公式是什么?
- 5.凹透镜的焦距测量公式? 使用公式计算时要注意什么?

### 实验仪器 (预习报告中不用细述)

实验仪器如图 7 所示

光具座上有金属导轨, 导轨上贴有刻度尺。基座放在导轨上, 基座可在导轨上来回移动。基座底部一侧有一个箭头对准导轨上的刻度尺, 用来确定基座位置。基座上的夹具用来夹住透镜(架)、像屏(架)、带有三叶孔的物屏(架)、光源(架)。透镜(架)上有透镜固定螺丝。

光具座上带有激光测距辅助测量装置或游标尺辅助测量装置。

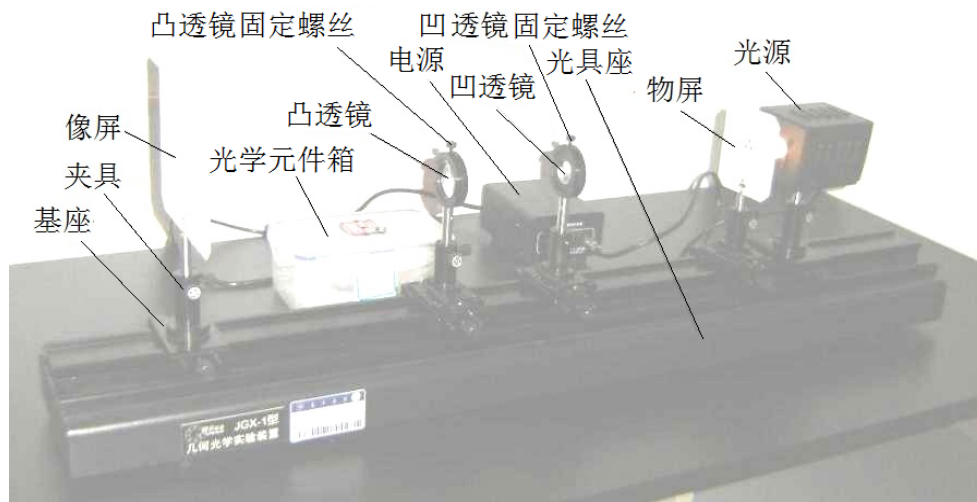


图 7 透镜焦距测量的实验装置

### 实验内容

#### 1.粗测凸透镜的焦距

把凸透镜架对准远处的“无穷远”的实物。比如窗外建筑物。也可以把 5 米之外台灯或窗户近似作为“无穷远”的实物, 使凸透镜在像屏上成清晰的像。此时像屏也可以用墙壁或书本取代。用钢尺测量出凸透镜与像屏之间的距离, 这个距离就是凸透镜的焦距。焦距数值最后一位读到毫米, 即毫米以下不估读, **不要求计算不确定度。**

#### 2. 用二次成像法测量凸透镜的焦距

物屏靠近光源放置。

粗调 (光学系统共轴调节): 物屏架, 像屏架, 凸透镜架放在光具座上的夹具中, 并靠近放置。调节凸透镜高低, 使物屏 (三叶孔中心), 像屏中心, 凸透镜中心 (光心) 位置等高。

细调 (光学系统共轴调节): 物屏不动, 像屏向后移动到光具座一端。移动凸透镜, 使物在屏上分别成一个放大像与缩小像。反复上下调节凸透镜的高低, 使放大像与缩小像中心在屏上位置相同。

物屏与像屏距离  $D$  略大于凸透镜的焦距  $f_1$  的 4 倍, 且放大像与缩小像大小之比为 3: 1 左右。通过激光测距装置分别记录物经过凸透镜成的放大像与缩小像时凸透镜在光具座上的位置 (测 5 次), 物屏的位置与像屏的位置 (测 1 次)。注意在整个测量过程中物屏位置与高低始终不变, **不要求计算不确定度。**

**光学系统共轴如何调节? 如何判断光学系统共轴? 二次成像法测量凸透镜的焦距实验中对物屏与像屏距离  $D$  有什么要求?**

#### 3. 用自准直法测量凸透镜的焦距

保持凸透镜原来高度不变, 在反射镜与物 (像) 屏之间放上凸透镜。凸透镜与物屏距离约 1 倍焦距, 反射镜尽量靠近凸透镜放置。调节反射镜高低使透过凸透镜光大致照在反射镜中间位置。慢慢前后移动凸透镜使物屏上三叶孔清晰地成像在物屏上。调节反射镜架上的调节螺丝, 使物屏上三叶孔与三叶孔的倒立实像“拼接”成一个“圆”如图 8。

记录此时凸透镜的位置 (测 5 次)。凸透镜架旋转 180 度 (凸透镜架高低如何调节?), 重复以上实验 (测 5 次)。注意整个实验过程中物屏位置与凸透镜高度始终不变。最后记录物屏的位置 (测 1 次)。要求计算不确定度。

自准直法测量凸透镜的焦距中，物（像）屏与凸透镜距离取多少最佳？为什么反射镜尽量靠近凸透镜放置？凸透镜架旋转 180 度后，为什么凸透镜的高度要保持不变？

#### 4.用组合透镜法测量凹透镜的焦距

在基座上放上凸透镜，在像屏上先成一个缩小像。注意缩小像不能太小（判断方法：移动凸透镜，放大像与缩小像大小之比 3:1 左右为最佳）。记下此时像屏位置。把像屏移到光具座顶端，记下此时像屏位置。在凸透镜与像屏之间放上凹透镜。前后移动凹透镜，当像屏上出现清晰像时，记下凹透镜的位置。测 1 次，有时间可多次测量，不要求计算不确定度。

测量凹透镜的焦距时，固定像屏，移动凹透镜；还是固定凹透镜，移动像屏？

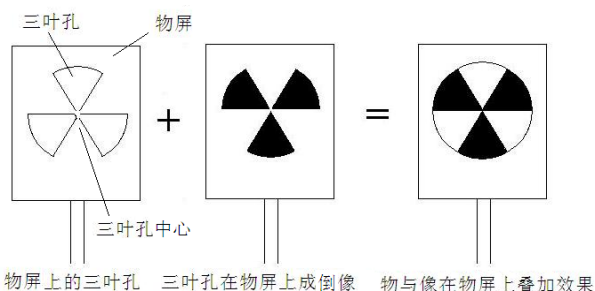


图 8 自准直法中物在物屏上成的实像

用 CMOS 光 (图像)传感器代替像屏做二次成像法测量透镜的焦距的实验。（选做实验，供做过牛顿环实验或光的衍射实验的学生选做）

#### 参考文献

- [1] 贾玉润, 王公治, 凌佩玲. 大学物理实验. 上海: 复旦大学出版社. 1987.
- [2] 沈元华, 陆申龙. 基础物理实验. 北京: 高等教育出版社. 2003.
- [3] 赵凯华, 钟锡华. 光学 (下册). 北京: 北京大学出版社. 1984.

附:

1. 实物，虚物，实像与虚像判断方法见图9（供参考）
2. 凸透镜成像规律： $u < f$ ，成正立虚像（放大镜成像）；不成像； $f < u < 2f$ ，成倒立放大实像（投影仪成像）； $u = 2f$ ，成倒立等大的实像； $u > 2f$ ，成倒立缩小实像（照相机成像），10。

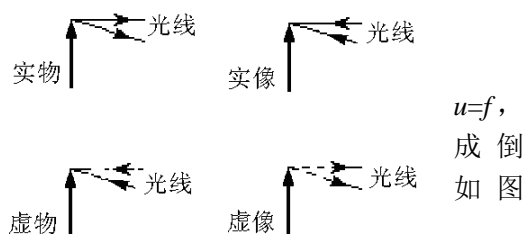


图 9 判断方法示意图

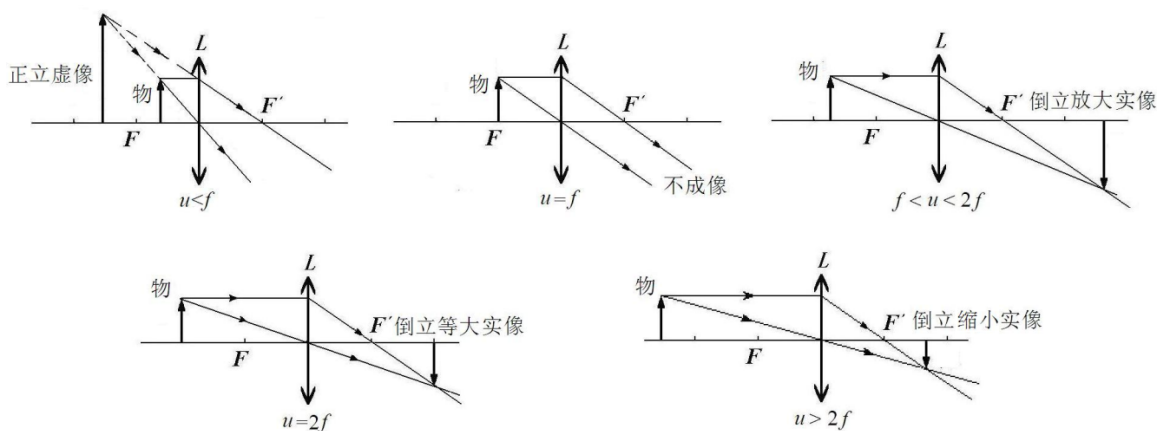


图 10 凸透镜成像规律示意图

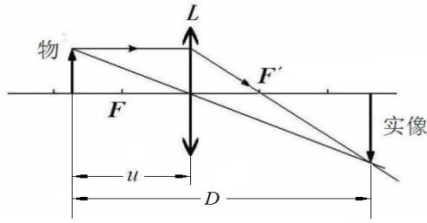


图 11 两次成像测透镜的示意图

3. 如图11, 关于二次成像法 $u$ 与 $D$ 的关系式如下

$$D = u + v = u + \frac{uf}{u - f} = \frac{u^2}{u - f}$$

放大倍数

$$K = \frac{v}{u}$$

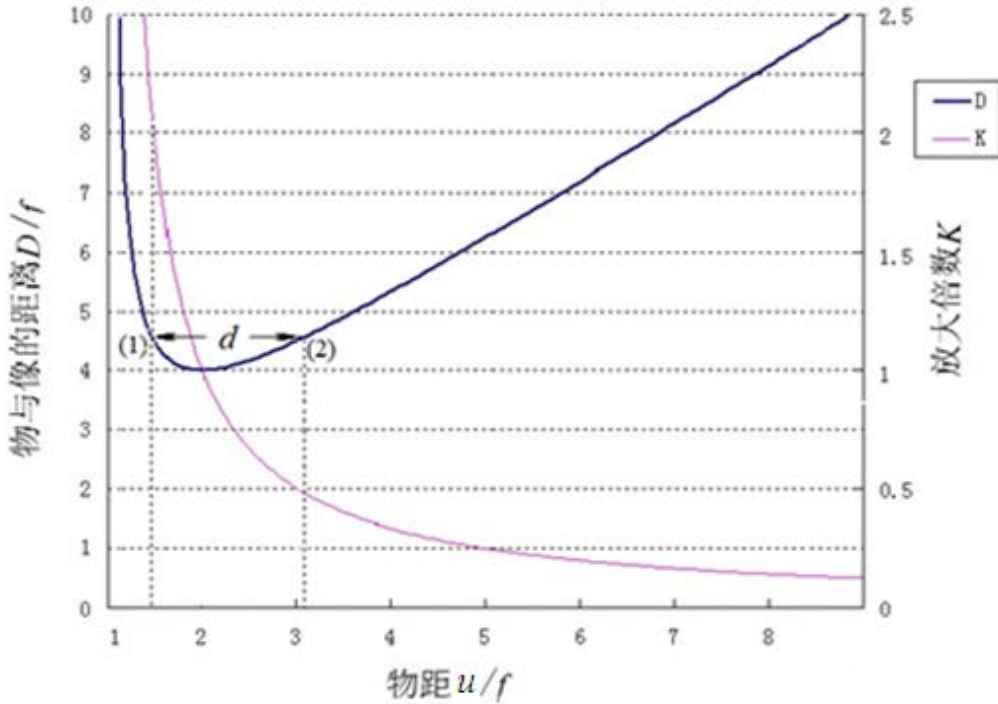


图 12 二次成像法中  $u$  与  $D$  关系

图12是 $D$ 与 $u$ 的关系图(可结合图11或图3分析)。图12中 $d$ 是透镜从位置1(成放大像, 放大倍数 $K_1$ )到位置2(成缩小像, 放大倍数 $K_2$ )移动的距离。从图中可以看出: 当 $d$ 很大时,  $K_1$ 与 $K_2$ 之比增大, 造成二次成像法中成的缩小像很小, 看不清; 但是如果 $K_1$ 与 $K_2$ 接近时, 会造成 $d$ 很小。所以实验时, 要根据两次成的放大像与缩小像的大小之比选择合适大小的 $d$ 。

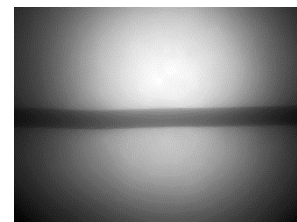


图 13 细长条物成的像

#### 4. 图像清晰度的光(图像)传感器的判断:

透镜焦距测量的误差有很多种情况下产生的, 其中图像清晰度的判断不准是一个会引起较大误差的原因。用肉眼来判断, 通常通过看成像的边缘层次(亮暗)分明程度来判断。但由于用肉眼来判断, 各人判断有明显的差异, 判断结果各不相同。所以最好判断方法是借助电子仪器来判断。图 13 是细长条的实物成的实像的图像。由 CMOS 光(图像)传感器获得成像的图像。用传感器做二次成像法测透镜的焦距实验装置示意图如图 14。

图像清晰度, 是指影像上各细部影纹及其边界的清晰程度。图像清晰度评价方面很多。最常用方法是梯度函数。梯度函数是最简单的梯度评价函数, 就是计算相邻两个像素灰度差的平方。即边界(缘)梯度值(对比度)的大小, 陡峭(变化)程度。这些都与图像的清晰度有关。

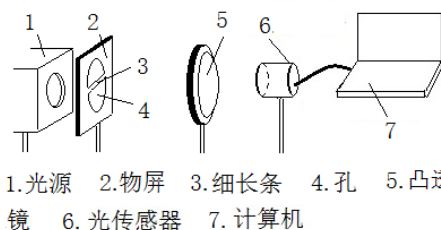
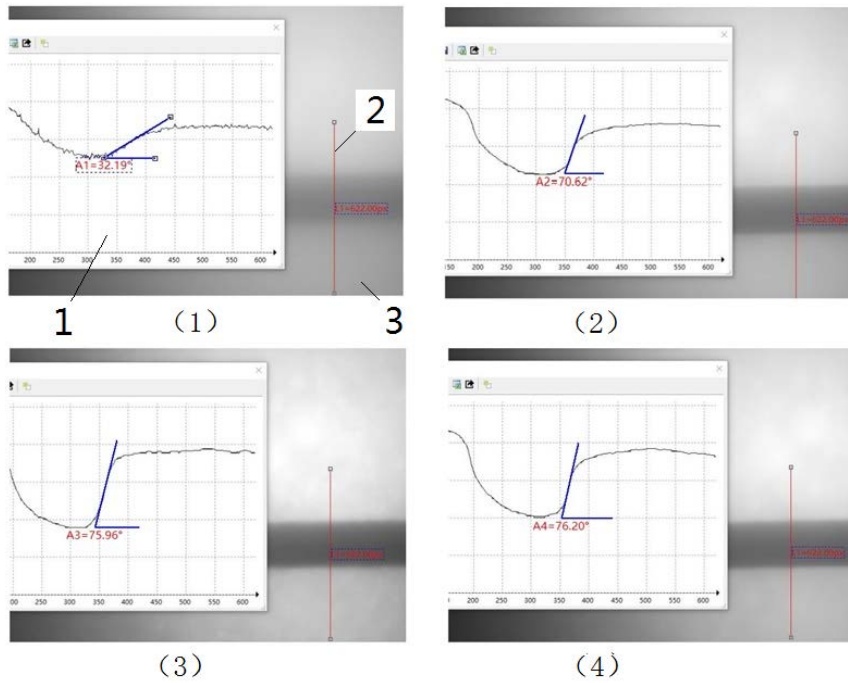


图 14 利用光(图像)传感器测量透镜焦距

图 15 是凸透镜在移动过程，实物分别成的不同的像。图 15 中的每个分图中右面是成像图，左面是光强分布图。其中图 15 (2)，图 15 (3)，图 15 (4) 中图像边界（缘）陡峭程度大。但图 3 梯度值（黑白对比度）大。所以图 3 图像清晰度更好。



1. 光强分布图    2. 成像图    3. 剖面线

图 15 改变物距时实物分别成的不同的像的光强变化图

# 牛顿环

牛顿环（一种光的干涉图样，如图 1）是牛顿（Isaac Newton,1642~1727）在 1675 年首先观察到的。当时牛顿是用“光的微粒说”解释这一现象的。认为是一束高速运动的粒子流经过多次反射与折射形成的，前后两次反射的距离称为“阵发的间隔”。至于为什么会产生这种现象，牛顿无法深入解释。

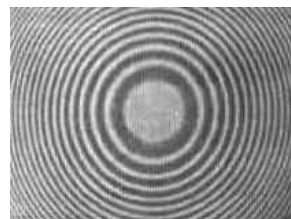


图 1 牛顿环

直到后来 19 世纪初,英国医生兼物理学家托马斯·杨 (Thomax Young, 1773~1829) 才用光的波动说圆满地解释了牛顿环图样。牛顿环是属于光的干涉现象,它是光的波动说的有力证据之一。所以牛顿环实验是基础物理实验必备的经典实验。利用牛顿环可以检测光学表面质量、透镜曲率半径、光的波长、液体折射率等。

干涉环(牛顿环)以前都是通过读数显微镜用肉眼直接观察判断。由于用肉眼观察容易产生误判。且长时间观察,眼睛也会疲劳。所以现在都是采用通过电子目镜在计算机显示屏上观察干涉环的方法。与肉眼观察相比,牛顿环观察变得非常方便与清楚;同时通过计算机软件处理后,能够直接显示出干涉环光强变化图,使实验者能够正确判断出干涉环的各环位置。如图 2。通过牛顿环实验,观察光的干涉现象、了解光的干涉原理。学会使用读数显微镜与电子目镜测量透镜曲率半径的方法。

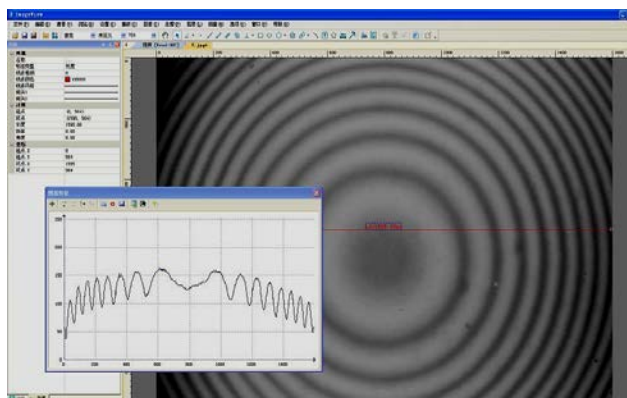


图 2 计算机的显示屏上显示的牛顿环

## 实验目的

1. 掌握读数显微镜的使用方法;学会长度测量定标方法;
2. 观察光的干涉现象,了解牛顿环(等厚干涉)的原理;
3. 学会用干涉法测量光学透镜的曲率半径的方法;
4. 学会用计算机软件观察牛顿环并测量与数据处理。

## 实验原理

水波源发出的水波,经过间隔一定距离的两个小孔  $S_1$  与  $S_2$  后,在两个新波源(频率与振幅等都相同)发出的水波相互之间就会产生干涉,如图 3。有的地方(图 3 中粗线),两个波的上下振动方向(同步)都相同,振动叠加后,振幅最大,如图 4(a);有的地方(图 3 中细线),两个波的上下振动方向始终相反(相位差  $180^\circ$ ),所以振动叠加后,振幅为零,如图 4(b)。其他地方,合成波振幅介于最大振幅与零之间。

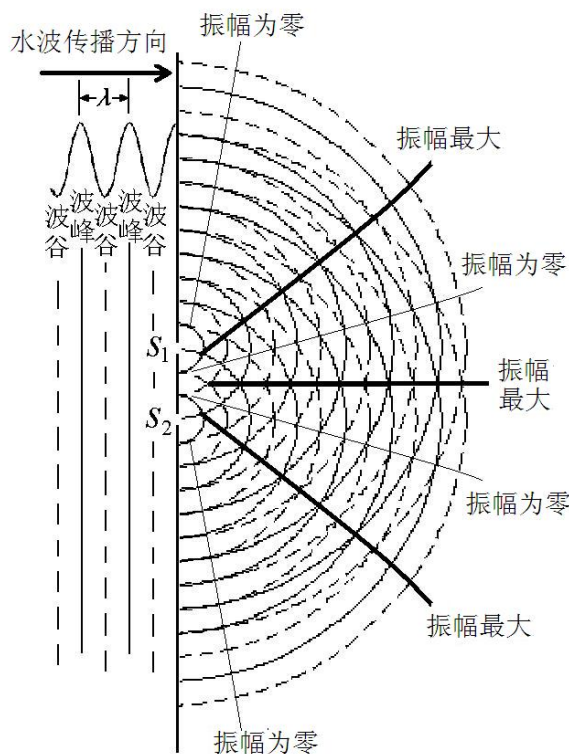


图 3 水波干涉示意图

两列波在空间交叠,振动叠加后在不同地点产生周期性振动加强与减弱的现象称为波

的干涉。

光也是一种波，所以像水波一样也会产生干涉。光波的振幅的大小是通过光强大小表现出来。光波的振幅  $A$  与光强  $I$  关系为

$$I = kA^2 \quad (1)$$

式 (1) 中  $k$  为比例常数

如图 5，两块玻璃  $A, B$  之间有一很薄的空气层。当波长  $\lambda$  的光波垂直入射时。有一部分光在玻璃  $A$  下表面上反射；另一部分光经过空气薄层后，在玻璃  $B$  的上表面上反射。反射波  $S_1$  与反射波  $S_2$  光程差  $\delta$  为

$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} \quad (2)$$

$2nd$  是由于反射波  $S_2$  比反射波  $S_1$  多来回经过了空气薄层的路程。又由于光从空气（光疏媒质）到玻璃（光密媒质）反射时光振动会产生  $\pi$  相位突变，相当于增加（减少）半个波长。 $n$  为折射率，空气折射率近似为 1。所以光程差  $\delta$  有

$$\delta = 2d + \frac{\lambda}{2} \quad (3)$$

当  $\delta = k\lambda$  时,  $k=0, 1, 2, 3, \dots$  时，两反射波叠加后加强，相当于图 4 (a) 中水波干涉，振幅最大。所以叠加后的光强最强，出现亮条纹。此时

$$2d = \delta - \frac{\lambda}{2} = k\lambda - \frac{\lambda}{2} \quad (4)$$

当  $\delta = k\lambda + \lambda/2$ ,  $k=0, 1, 2, 3, \dots$  时，因两反射波振幅相同（或相近），所以叠加后，振幅为零（或接近零），相当于图 4 (b) 中水波干涉，叠加后振幅最零。合成光强为零，出现暗条纹。此时

$$2d = \delta - \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad (5)$$

由于这种光的干涉条纹与空气隙（薄层）厚度相对应，所以称为等厚干涉。如果空气薄层厚度太厚，会造成两个反射波振幅相差太大，产生干涉现象不明显。当然对光源发出的光的相干长度也有很高要求。总之当两列频率相同、相位差恒定、振动方向一致，强度相差不大的波相遇时，就会产生干涉。这两束光称为相干光，这就是光的干涉定义。

当两块玻璃之间夹有一圆柱体时，如图 6 所示。用单色光照射时，就会产生干涉条纹，则圆柱体直径  $D$  为

$$D = \frac{L\lambda}{2l} \quad (6)$$

式中  $\lambda$  为单色光的波长， $l$  为两干涉条纹间距， $L$  为测量物（圆柱体）到两透镜接触端之间的距离。公式 6 证明见附录。

如图 7，当曲率半径  $R$  的凸（凹）透镜放在一块平板圆玻璃上时，用单色光照射时，就会产生牛顿环。则透镜的曲率半径  $R$  为

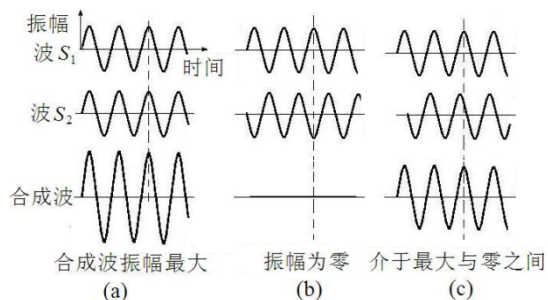


图 4 干涉水波的振幅示意图

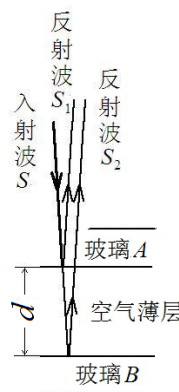


图 5 等厚干涉示意图

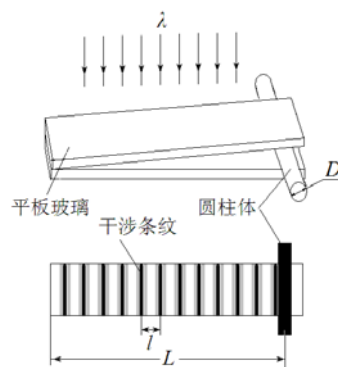


图 6 干涉条纹测量示意图

$$R = \frac{\Delta D^2}{4k\lambda} \quad (7)$$

式中  $\lambda$  为单色光的波长， $D$  为牛顿环直径。由于干涉环的中心级次  $k$  很难确定，所以实验中测量弦长  $x$ ，而不是测量直径  $D$ 。如果分别测得环序  $S_n$  的弦长  $x_n$ ，环序  $S_m$  的弦长  $x_m$ ，则

$$R = \frac{x_m^2 - x_n^2}{4(S_m - S_n)\lambda} = \frac{\Delta x^2}{4\Delta S\lambda} \quad (8)$$

取不同环序  $S$  对应测得弦长  $x$ ，就可以通过作图 ( $S-x^2$ ) 得斜率  $K$ ，用公式 (22) 计算出牛顿环曲率半径  $R$ 。

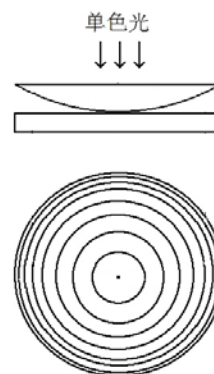


图 7 牛顿环示意图

**实验前应回答的问题（本实验报告不需要写实验原理，只需回答下列问题）**

1. 什么情况下，光反射时光振动会产生  $\pi$  相位突变？
2. 两块平板玻璃之间之间夹角  $\theta$  与相邻两干涉条纹的间距有何关系？
3. 夹在两块平板玻璃之间的圆柱体直径  $D$  的测量公式？
4. 透镜的曲率半径  $R$  测量计算公式？

### 实验仪器

实验装置如图 8 所示。牛顿环通过电子目镜在计算机显示屏上显示。

1. 钠灯 (GB20W)：光学实验中的光源，通过气体（通电后产生钠蒸气）放电发光。发出光的波长为 589.0nm 与 589.6nm 的两条黄色谱线。作为单色光，实验中波长取中间值 589.3nm。

2. 读数显微镜 (JXD-8)：读数显微镜主要有物镜与目镜组成，转动鼓轮，可以来回移动主尺。主尺量程是 50mm，最小分度是 1 mm。鼓轮上有 100 个分度，一个分度对应 0.01 mm，其不确定限值为 0.02mm。

3. 牛顿环仪：牛顿环仪是由一块平面圆玻璃与一块平凸透镜（或平凹透镜）组成，如图 7。

4. 计算机：用于牛顿环观察，测量与数据处理。

5. 测微尺：量程是 10.00 mm，最小分度是 0.1 mm。供电子目镜定标用。如图 9

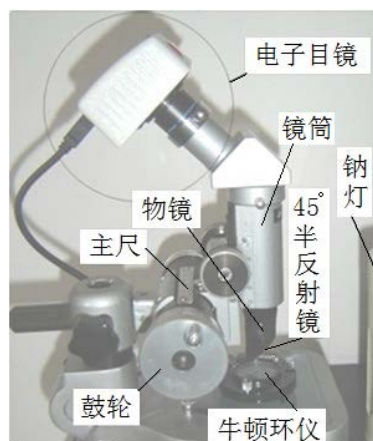


图 8 牛顿环实验仪

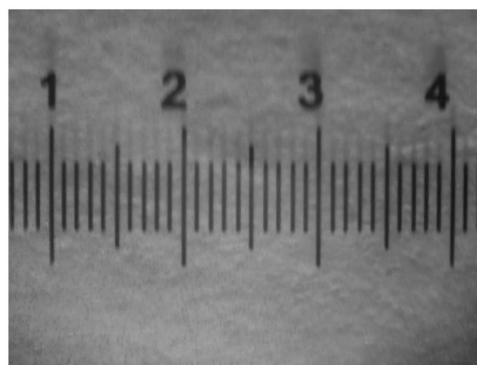
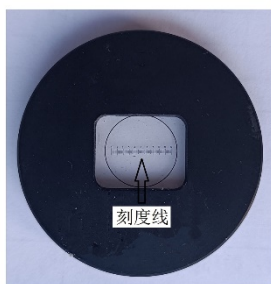


图 9 测微尺（左）与软件窗口中显示的测微尺刻度线（右）

### 实验内容

1. 打开钠光灯，预热 5 分钟左右，使钠光灯发出明亮的黄光。
2. 转动读数显微镜上的鼓轮，使镜筒处在中间（主尺 25cm 左右）位置上。在读数显微镜平台上放上测微尺。测微尺尽量放在镜筒正下方。打开计算机，点击 ImageView 图标，显示软件测量界面。在“相机列表”下点击电子目镜（数字或文字表示）。在屏上软件窗口中显示测微尺上刻度线（色



彩模式选“灰色”)。上下调节镜筒,直到在显示屏上能看到清晰的测微尺上刻度线。调节测微尺位置,使测微尺刻度线标尺处在水平位置,如图9。在菜单栏“选项”中选择“定标”,打开定标界面。注意:在定标前先在菜单栏“选项”中选择“放大率”,清空所有以前同学设置的定标值。在“定标”界面中拉动左右2根定标线,2根定标线的间距越大越好。把长度(2根定标线的间距)值输入到弹出的“定标”界面中的定标框实际长度空格中,单位:毫米。这时,有效数字应取几位?最后把实际长度值与对应的像素数值填入实验报告表1中。

3. 取下测微尺,放上牛顿环仪。牛顿环仪尽量放在镜筒正下方。上下调节镜筒(调焦),直到在显示屏上看到清晰的牛顿环的条纹。在调节物镜镜筒时,注意镜筒由下往上调节。由上往下调节动作尽量要慢,以免损坏牛顿环仪内的平凸透镜。转动鼓轮,使牛顿环中心位于中间位置(左右两边显示的牛顿环暗条纹数相同)。轻轻左右移动钠灯,使钠光均匀照在牛顿环上。且左右环数相同。

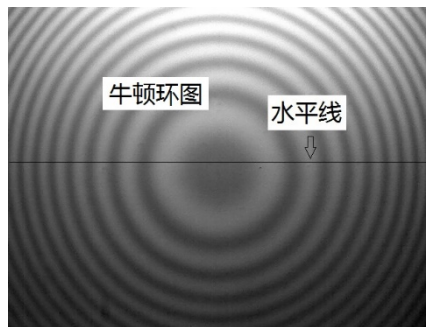


图10 牛顿环图上画水平线

4. 在显示软件测量界面中菜单栏“测量”(下拉式列表)中选取“线段”,在“线段”中选取“水平线段”并点击。在屏上显示的牛顿环图上画出一水平线,交点不一定要在牛顿环中心上,如图10。

5. 在牛顿环图像上作剖面线特征图(在“处理”下拉式菜单中点击“剖面线”)。再根据剖面线图调节转动读数显微镜

的鼓轮,轻轻左右移动钠灯,使钠光均匀照在牛顿环上。且左右环数相同。如图11。在菜单栏“捕获”中点击捕获图像。这是软件窗口中显示的是静止图像(照

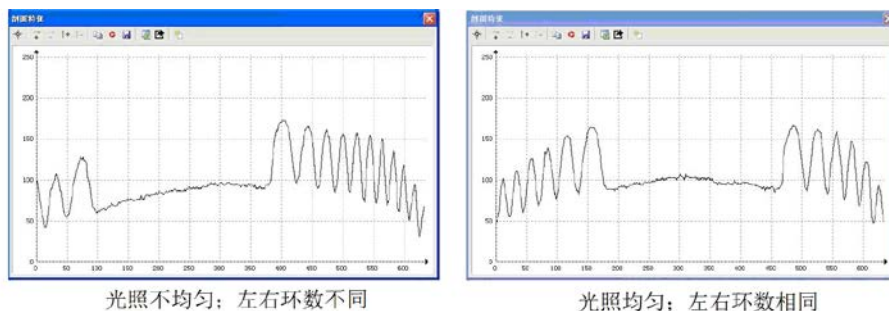


图11 通过剖面线图判断

片)。再作剖面线图,并进行双边滤波去噪处理。点击剖面线特征图左上角“excel”图标输出到 excel。在 excel 上进行数据处理。各环亮度的极小值对应位置记录在数据记录表中。并进一步得出各环弦长数值。根据测量所得到的定标值(转换系数) $D$ 把相应数值转换成实际长度。

6. 在 excel 软件上用得到几组环序  $S$  对应弦长  $x^2$  作图。通过直线拟合后的斜率  $K$  计算得透镜的曲率半径  $R$ 。并与实验室给出的透镜的曲率半径值比较。方法如下:用得到几组各环序  $S$  对应弦长  $x$  后导入到 origin 软件中作图  $(S-x^2)$ 。通过直线拟合后的斜率  $K$  根据公式 22 计算得透镜的曲率半径  $R$ 。用 origin 软件得到的斜率  $K$  的标准偏差通过不确定度的传递公式得到曲率半径  $R$  的不确定度。(以上软件详细操作过程或记录表格可参考网上或实验室提供的牛顿环实验的告示牌)

- 1) 使用读数显微镜主尺与鼓轮的刻度线通过软件界面测小圆点或小孔的直径(选做实验)
- 2) 用干涉法测量头发直径或纸片厚度(选做实验)

### 参考文献

[1] 沈元华, 陆申龙. 基础物理实验. 北京: 高等教育出版社. 2003.  
 [2] 贾玉润, 王公治, 凌佩玲. 大学物理实验. 上海: 复旦大学出版社. 1987.  
 [3] 戴坚舟等. 大学物理(第二版下册)[M]. 上海: 华东理工大学出版社, 2007.  
 [4] 陈曙光等. 大学物理(上册)[M]. 湖南长沙: 湖南大学出版社, 2010.

附：

如图 12，两块玻璃板构成一劈形空气薄层，夹角  $\theta$ 。在两块玻璃板接触点，空气薄层为零，但有半波损失。所以出现暗条纹。位置 1 空气薄层厚度  $d_1 = \lambda/2$ ，所以  $2d_1 = \lambda$ ，这里  $k=1$ ，满足式 (5) 条件。又因为两反射波频率相同（同一入射波），振幅相近（空气层薄，损耗较小），反射方向相同（ $\theta$  很小）。叠加后振幅（或光强）几乎为零，得到暗条纹。位置 2 的空气薄层厚度  $d_2 = 3\lambda/4$ ，所以  $2d_2 = 3\lambda/2$ 。这里  $k=2$ ，满足式 (4) 条件。所以两反射波叠加后振幅（或光强）加强，得明条纹。同理，位置 3 又得暗条纹。

干涉条纹间距  $l$ ，波长  $\lambda$ ， $\theta$  之间关系图如图 13 所示，在两块玻璃板之间，空气薄层每增加半个波长（相当于光来回多经过了一个波长），又会重复出现暗（亮）条纹。设相邻两暗条纹间距为  $l$ ，则

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{\lambda}{2l} \quad (9)$$

通常由于  $l \gg \lambda$ ，所以  $\theta$  很小很小。

$$\theta = \frac{\lambda}{2l} \quad (10)$$

从上式可以看出当  $\lambda$  一定， $\theta$  与条纹间距  $l$  成反比。如果已知  $\lambda$  与  $l$ ，则可测出两块玻璃板之间空气薄层劈尖角  $\theta$ 。如果夹在两玻璃之间的物体直径（高度） $D$  恰好等于（或接近）整数个半波长，则

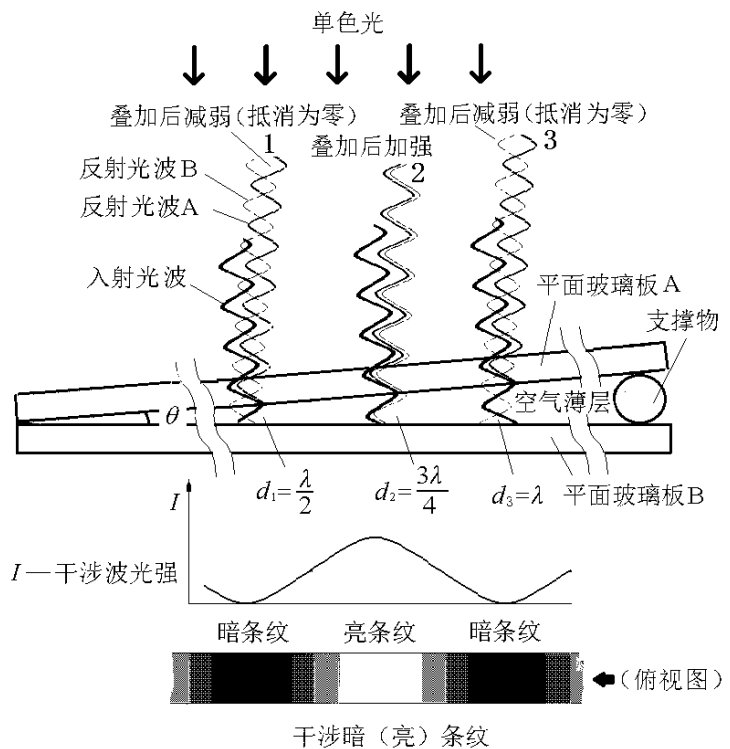


图 12 劈形空气薄层干涉示意图

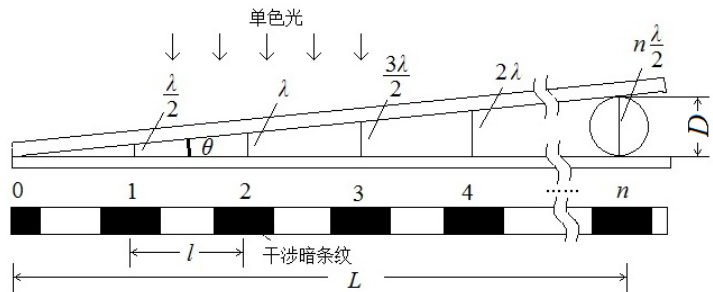


图 13  $\lambda, l, \theta$  关系图

$$D = n \frac{\lambda}{2} \quad (11)$$

已知  $\lambda$ ，只要数出暗条纹数  $n$ ，则可测出物体直径（高度） $D$ 。由于  $n$  不一定为整数，所以暗条纹数  $n$  可通过测出  $L$  与  $l$  后间接得到。即  $n=L/l$ 。如果物体为头发丝，则可测得头发丝的直径为：

$$D = \frac{L\lambda}{2l} \quad (12)$$

这就是干涉法得头发丝的直径的原理。图 13 中，由于 2 块玻璃夹角较小，头发与上面一块玻璃的接触点到下面一块玻璃的垂直距离可以认为与头发的直径长度相同，且不考虑头发受压变形。

如图 14 (a) 所示，当一块曲率半径  $R$  很大的凸透镜放在一块平面玻璃上面，这时也会看到光的干涉现象。假设在透镜与平面玻璃上取很薄一个截面，上下玻璃之间是空气层。所以会产生干涉条纹，但在这里与前面（图 12）不同之处是上面一块玻璃有一定弧度，所以两玻璃之间的夹角  $\theta$  随位置不同在变化， $\theta$  自左向右增大。当入射波的波长  $\lambda$  一定时，由式 10 关系式很容易得到相邻条纹间距  $l$  自左向右减小，而不是等间隔不变。如果薄截面以  $AB$  轴旋转 360 度，

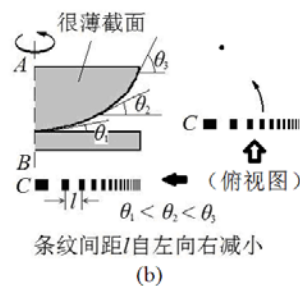
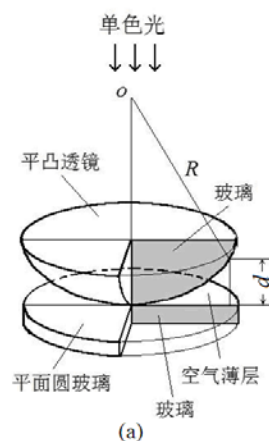


图 14 弧形空气薄层产生的干涉条纹

则薄截面的干涉条纹中每个条纹绕圆心  $C$  旋转后轨迹就变成大小不同的圆环，即牛顿环。

牛顿环的半径  $r_k$ 、凸透镜的曲率半径  $R$  与空气薄层厚度  $d$  之间关系可通过几何关系图得到。如图 15 所示。

$$(R - d)^2 + r^2 = R^2 \quad (13)$$

展开后得：

$$R^2 - 2dR + d^2 + r^2 = R^2 \quad (14)$$

整理后得：

$$2dR = d^2 + r^2 \quad (15)$$

由于  $r \gg d$ ，所以  $d$  可忽略

$$2dR = r^2 \quad (16)$$

出现暗条纹，则式(5)代入式(16) 得

$$k\lambda R = r_k^2 \quad (17)$$

如果牛顿环的直径为  $D_k$ ，则

$$4kR\lambda = D_k^2 \quad (18)$$

又由于平凸透镜与平面玻璃的接触点受力会引起玻璃形变，且接触点中心有灰尘或缺陷。所以实际情况中心点不一定是 0 级暗斑。因而干涉环的中心级次  $k$  很难确定。通常用环序  $S$  代替级次  $k$ ，同时测量相邻或间隔几个暗环的直径，比如  $m$  环的直径  $D_m$  与  $n$  环的直径  $D_n$ 。则  $S=m$  或  $S=n$  时， $4mR\lambda = D_m^2$  与  $4nR\lambda = D_n^2$ 。则牛顿环直径的平方差：

$$D_m^2 - D_n^2 = 4(m - n) \lambda R \quad (19)$$

又由于牛顿环的中心也很难确定。无法正确测量出牛顿环直径  $D$ 。所以通常是用弦长  $x$  的测量

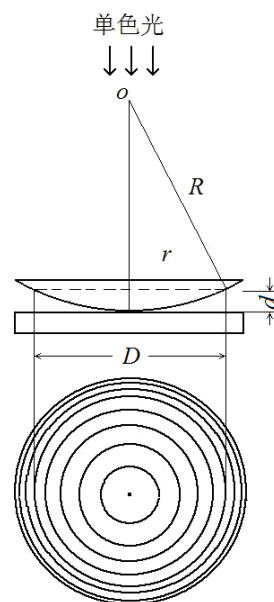


图 15 牛顿环示意图

代替直径  $D$  的测量。如图 16, 弦长  $x$  与直径  $D$  关系。

$$\left(\frac{D_m}{2}\right)^2 - \left(\frac{x_m}{2}\right)^2 = CD^2 - AD^2 = AC^2 = CB^2 - AB^2 = \left(\frac{D_n}{2}\right)^2 - \left(\frac{x_n}{2}\right)^2$$

整理后得:

$$D_m^2 - D_n^2 = x_m^2 - x_n^2 \quad (20)$$

由公式 (19) 与公式 (20) 得到透镜曲率半径  $R$  为:

$$R = \frac{D_m^2 - D_n^2}{4(m-n)\lambda} = \frac{x_m^2 - x_n^2}{4(S_m - S_n)\lambda} = \frac{\Delta x^2}{4S\lambda} \quad (21)$$

作弦长  $x^2$  与环序  $S$  图, 如图 17。则

$$R = \frac{K}{4\lambda} \quad (22)$$

式 (22) 中  $K$  为拟合直线的斜率。

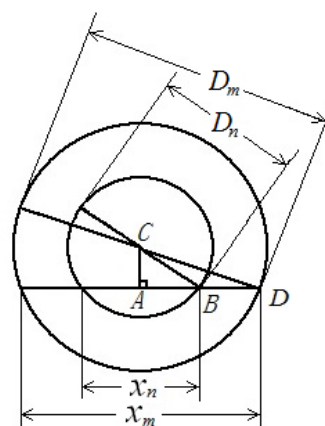


图 16 弦长与直径关系

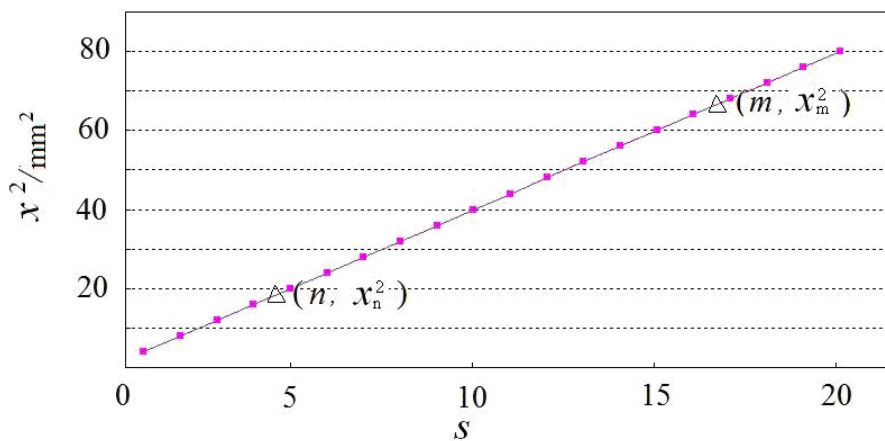


图 17 牛顿环的环序  $S$  与弦长  $x^2$  的关系图

# 光的衍射

当波传播时遇到障碍物受到限制时，发生偏离直线传播（并非指反射和折射）的现象，称为衍射现象。平时衍射现象不易为人们所觉察，是因为可见光的波长很短，以及普通光源是非相干的面光源（白光）。衍射现象分为两类：一类是菲涅耳衍射（又称近场衍射），光源和观察屏与衍射缝（孔）的距离为有限远；另一类是夫琅禾费衍射（又称远场衍射），光源和观察屏与衍射缝（孔）的距离为无限远。

衍射现象在生活中用肉眼也能观察到。比如，由于光盘的表面均匀地刻有一系列的光轨，所以可以看到光盘表面呈现出的彩色图样；透过两指并拢后成的一条细缝观察日光灯，可以看到细缝间的明暗条纹。在合适的条件下，在障碍物产生的阴暗边界附近可观察到明暗相间的条纹。

单缝衍射现象观察与测量最简单的方法是使用单色光源（比如激光）照射单缝后在屏上观察衍射图。但由于用肉眼观察测量误差大。所以现在利用图像识别技术识别衍射图，即改用 CMOS 图像（光）传感器代替光屏观察与测量，如图 1 所示。

图像识别技术是一门新型技术，它也是人工智能的一个重要领域。二维码，人脸，机器人的视觉等图形识别都离不开图像识别技术。现代最新图像识别技术是神经网络图像识别技术。是一种人类模仿动物神经网络后的图像识别技术。由于篇幅有限，有兴趣的同学可以查阅有关这方面的资料。图 2 是光的衍射图经过光传感器后在计算屏上显示的衍射图，并通过软件分析后，显示光的衍射光强分布图。图中由于主极大光强过强而未显示光强变化。如要观察分析主极大光强变化，可以减小光强强度。

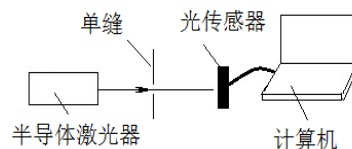


图 1 光的衍射实验

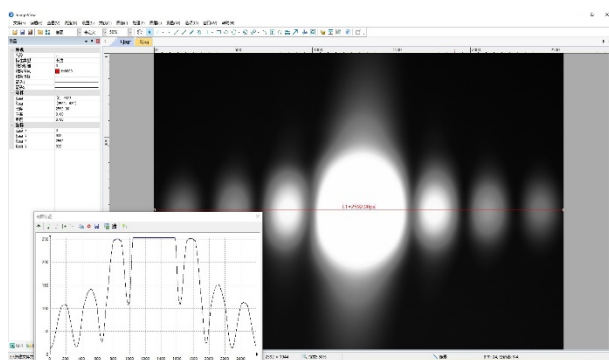


图 2 单缝衍射与光强分布

## 实验目的

1. 观察光的衍射现象，了解光的衍射的原理；
2. 学会光路调节方法；
3. 观察不同大小的单缝衍射的光强分布；
4. 通过光的衍射测量激光波长；
5. 学会用计算机软件观察与测量。

## 实验原理

当水面上的波通过小孔（或障碍物）时，如果小孔的直径比水波的波长小或相差不大时，穿过小孔的波的形状与原来的波的形状无关，小孔可以看作产生新波的波源，如图 3。

光是电磁波，所以具有波的特性。惠更斯提出，当光波在传播过程中，波阵面上的各点都起着发射次波的波源的作用，这些子波的包迹就形成了新的波阵面，如图 4。这就是惠更斯原理。

但是惠更斯原理不能给出衍射波的强度分布。法国物理学家菲涅耳在接受惠更斯原理中的子波概念上提出了同一波阵面上各点发出的子波在空间某点都是相干的理论，从而以波动理论解释光的衍射现象，建立了惠更斯-菲涅耳原理。它可以表述为：波所到达的任意点都可以看作是新的振动中心，当他们发出的球面次波时，空间任意点  $P$  的振动是包围波

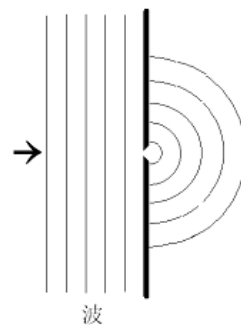


图 3 水面上的波通过一个小孔

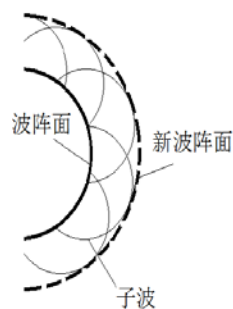


图 4 波传播示意图

源的任意闭合曲面上所有这些次波在该点的相干叠加。

如图 5 所示,  $P$  点合振动就等于波面  $S$  上各点面元  $dS$  发出的子波在  $P$  点上振动的叠加。 $P$  点光振动可表示为

$$E_P = \int_S CK(\theta) \frac{\cos(\omega t - \frac{2\pi r}{\lambda})}{r} dS \quad (1)$$

式中,  $C$  是比例系数;  $K(\theta)$  是倾斜因子 (倾角  $\theta$  的函数)。这就是惠更斯-菲涅耳的数学表达式。

利用公式 (1) 可以定量地描述光的衍射现象, 但要用到积分运算, 较复杂。所以通常分析光的衍射用到方法是半波带法与振幅矢量法。

### 1. 单缝衍射

a) 半波带法描述光的衍射现象:

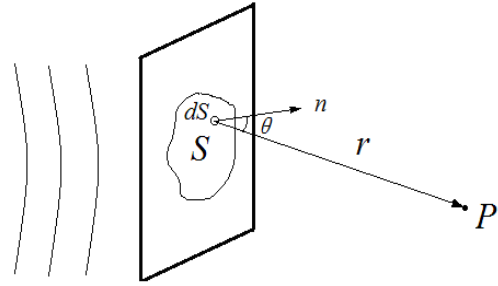


图 5 波面  $S$  上各点面元  $dS$  发出的子波

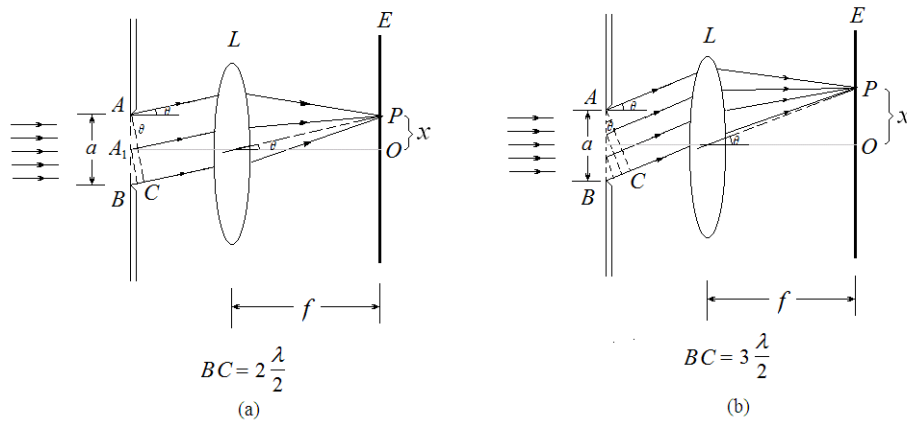


图 6 用半波带法分析单缝衍射

如图 6, 波长为  $\lambda$  的单色光垂直入射到宽度为  $a$  的单缝  $AB$  上, 衍射后沿各个方向传播, 衍射角为  $\theta$ 。当  $\theta=0$  时, 衍射光沿原入射方向传播, 经过透镜  $L$  会聚后到达屏幕  $O$  点上。由于透镜  $L$  只起会聚的作用, 不产生附加的光程差。于是在  $O$  点上呈现出中央明纹。

当  $\theta$  为某一值时,  $BC$  恰好等于偶数  $n$  个半波长, 这时单缝  $AB$  可分成偶数个半波带。例如  $n=2$ , 如图 6 (a),  $AA_1$  与  $A_1B$  带上对应点发出的子波的光程差为半波长, 相位差为  $\pi$ 。经过透镜  $L$  会聚到达  $P$  点后相互抵消, 在  $P$  点处出现暗纹...

当  $\theta$  为某一值时,  $BC$  恰好等于奇数  $n$  个半波长时, 单缝  $AB$  处可分成奇数个半波带。例如  $n=3$ , 如图 6 (b), 相邻两个半波带相互抵消后留下一个半波带作用。在  $P$  点处出现明纹。由于光程差  $BC = a \sin \theta$ 。所以屏上单缝衍射出现明暗条纹的条件是

$$\text{中央明纹 } BC = a \sin \theta = 0 \quad (2)$$

$$\text{暗纹 } BC = a \sin \theta = \pm 2k \frac{\lambda}{2} \quad k=1, 2, 3 \dots \quad (3)$$

$$\text{明纹 } BC = a \sin \theta = \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} \quad k=1, 2, 3 \dots \quad (4)$$

对于中央明条纹, 其角宽度是两个第一级暗纹所夹的角宽度。设第 1 级暗纹对应的衍射角为  $\theta$  (中央明条纹半角宽)。由于衍射角  $\theta$  很小, 所以有:

$$\theta \approx \sin \theta = \frac{\lambda}{a} \quad (5)$$

中央明条纹角宽度

$$\Delta\theta = 2\theta = \frac{2\lambda}{a} \quad (6)$$

中央明条纹宽度

$$\Delta x = f \frac{2\lambda}{a} \quad (7)$$

如果在屏上测得中央明条纹宽度  $\Delta x$ ，单缝缝宽  $a$ ，则有

$$\lambda = \frac{\Delta x a}{2f} \quad (8)$$

b) 单缝衍射的光强分布:

单缝衍射强度分布公式为

$$I = I_0 \frac{\sin^2 u}{u^2} \quad (9)$$

式中  $u = \frac{\pi}{\lambda} a \sin \theta$ ， $\theta$  为衍射角， $I_0$  为中央明条纹中心处的强度。单缝衍射的强度  $I$  分布曲线如图 7 所示。从图 7 中可以看出，大部分光强集中在中央极大区域内。当缝的宽度  $a$  与光的波长  $\lambda$  相比很大时，第一衍射极小的衍射角  $\theta$  ( $\approx \lambda/a$ ) 很小，中央衍射极大 (中央明条纹) 的宽度很小。看到的是一条很细很细的明亮线。

当  $\sin \theta = 0$ ， $\theta = 0$ ，衍射的主极大强度  $I = I_0$ 。

当  $\sin \theta = k\lambda/a$ ，( $k = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$ ) 衍射极小 (暗纹)，即  $I = 0$ 。

当  $\sin \theta = (2k+1)\lambda/(2a)$ ，( $k = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$ ) 出现一系列衍射次极大 (明条纹)。

对于衍射极小 (暗纹)。设  $x$  为级次  $k$  在衍射屏上衍射中心到衍射极小位置的位移。如果  $x$  的绝对值与单缝到衍射屏距离  $S$  相比很小很小， $\sin \theta \approx x/S$ 。则  $k\lambda/a = x/S$ 。即

$$\lambda = \frac{xa}{kS}$$

作  $x$  与  $k$  关系图，则

$$\lambda = K \frac{a}{S} \quad (11)$$

式中  $K$  为直线斜率。

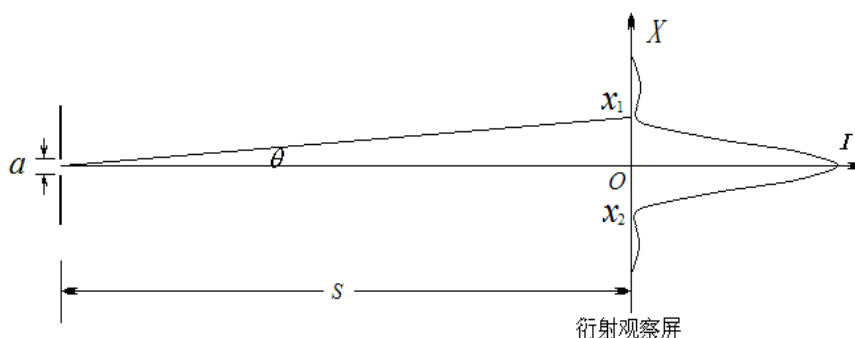


图 8 单缝衍射示意图

$2x = |x_1 - x_2|$ ， $x_1$  与  $x_2$  为  $k$  级暗纹的位置， $S$  为单缝到屏距离。当  $S \gg x$ ，也可以通过以下公式估算出激光波长

$$\lambda = \frac{xa}{kS} \quad (12)$$

由于光传感器（或单缝）实际位置与光传感器（或单缝）底座位置刻度不一致引起误差。所以改变光传感器与单缝间距再测量一次。则

$$\lambda = \frac{\Delta x a}{\Delta S k} = \frac{(x_1 - x_2)a}{2(S_1 - S_2)} \quad (13)$$

$\Delta x$  是前一次测量  $k$  级暗纹间距  $x_1$  与后一次测量同级次暗纹间距  $x_2$  差的一半， $\Delta S$  为测量前后二次单缝到屏距离  $S_1$  与  $S_2$  差。

**实验前应回答的问题（本实验报告不需要写实验原理，只需回答下列问题）**

1. 水波通过小孔（直径比波长小或相差不大）后会出现什么情况？（请画示意图）
2. 单缝衍射出现明暗条纹的条件是什么？
3. 单缝衍射的强度  $I$  与  $\sin\theta$  关系？简单画出光强分布曲线示意图。
4. 光源的波长测量的计算公式？

### 实验仪器

实验仪器如图 9 所示，实验仪器型号见实验仪器标牌。



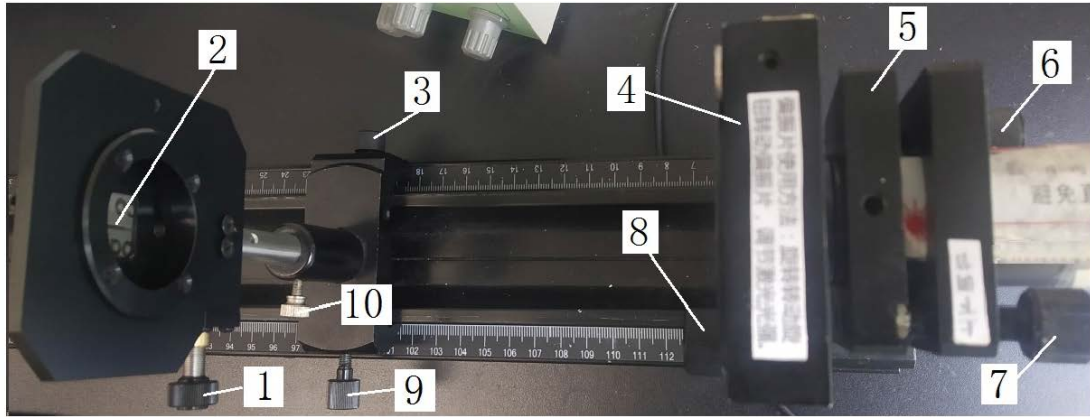
图 9 夫琅禾费衍射实验装置示意图

1. 光（图像）传感器与调节架
2. 实验内容告示牌
3. 照明灯，供读数与数据记录用
4. 计算机
5. 半导体激光器电源
6. 单缝与调节架
7. 偏振片与调节架：为了调节激光的光强，在激光器前放上偏振片调节架。通过转动偏振片的方法调节照射在单缝上激光光强强弱。
8. 半导体激光器
9. 光具座（导轨）
10. 光路调节时高度位置指示用的刻度白屏（图中没显示）



## 激光安全!

激光是一种方向性和单色性都很好的强光，使用时要格外小心。本实验所用的激光功率虽然不大，但也绝不能让激光直接射入眼睛，它会对视网膜产生永久的伤害。同时任何光滑的表面均可造成光线的反射，所以也要避免反射的激光射入眼睛。做实验时，要留意其他同学，勿让他们受到激光的照射。不用激光时，最好用不透明的东西挡掉或关掉激光器电源。



1—单缝垂直度调节旋钮 2—单缝 3—单缝调节架底座固定旋钮 4—偏振片调节架 5—半导体激光器调节架 6—半导体激光器左右(回转)调节旋钮 7—半导体激光器上下(俯仰)调节旋钮 8—偏振片旋转调节旋钮 9—单缝左右移动调节旋钮 10—单缝调节架固定旋钮

图 10 单缝与偏振片及半导体激光器附视图

## 实验内容

### 光路调节:

a) 拧松单缝调节架固定旋钮，取下单缝调节架。激光器通过偏振片直接照射在光传感器中心（如果光太弱，可旋转偏振片调节架上的调节旋钮）。然后在单缝调节架的底座上放上刻度白屏。前后移动白屏，要求激光照射在白屏上高度不变。如果白屏移动过程中，激光照射在白屏上的光点上下移动，则要调节半导体激光器调节架上的上下（俯仰）调节旋钮。

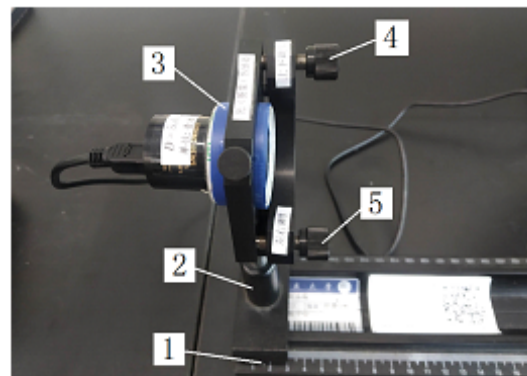
b) 取下刻度白屏，如果发现激光照射在光传感器中心位置上有偏离，则通过以下方法调节：

1) 上下偏离：可拧松光传感器调节架固定旋钮，上下移动调节架。调节完毕，拧紧固定调节。

2) 左右偏离：可调节激光器左右（回转）调节旋钮，直到激光照射到光传感器中心位置。

### 激光波长的测量:

a) 打开计算机，双击屏上 ImageView 图标，显示软件测量界面。点击“相机列表”下电子目镜（数字或文字表示）。这时，应在软件界面窗口中看到激光光斑。如果太亮可通过调节偏振片的方法调节光强。在单缝调节架底座上放上单缝调节架。单缝与光传感器相距 0.9 米左右。激光照射在单缝上。如果有偏离，可调节单缝左右移动调节旋钮，使激光的光斑中心照射在单缝中心位置上，如图 12 所示。



1-光传感器调节架位置刻度线 2-底座 3-光传感器 4-上下(俯仰)调节旋钮 5-左右(回转)调节旋钮

图 11 光(图像)传感器调节架与底座

b)在计算机上显示如图 2 的衍射画面。显示的衍射画面左右级次至少有 3 个。如果级次不足,可适当减小  $S$ 。如果显示的衍射点不“水平”,有倾斜,可调节单缝垂直度调节旋钮。如果左右有偏移,可略微调节半导体激光器左右(回转)调节旋钮。注意:调节完毕再查看一下激光照射在单缝上位置是否有偏离。

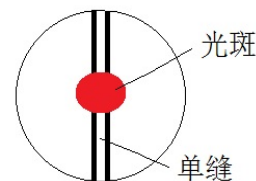


图 12 激光照射在单缝上

c)在软件菜单栏“测量”的“线段”中选取“水平线段”。在衍射图上画出最长水平线段(约 2592 点)。也可以在测量框坐标中修改  $X$ (直线)起点与终点值。在软件菜单栏“处理”中点击剖面线作剖面特征图。如果剖面图不满意,可改变激光光强再观察剖面图变化。注意:光强太弱时剖面图上光强变化(曲线变化)会不明显。水平线段也可以上下移动(鼠标点在线段上移动),水平线段不一定过衍射点中心位置。可上下移动水平线段以显示剖面线的剖面特征图最佳为准。水平线段也可以删除后重新画(按“Delete”键)。

d)选择最好的剖面图,在软件菜单栏“捕获”中点击“捕获图像”,保存衍射图,注意不是保存剖面图(不要点击剖面图上保存键)。此时计算机屏幕上显示的是“静止”的衍射图(照片),而不是实时“动图”(视频)。鼠标移到水平线段上点击,这时界面窗口中出现衍射图水平线段剖面图。在软件菜单栏“处理”中选择“去噪”,选中“双边滤波”后点击进行双边滤波去噪处理(可多次进行去噪处理)。注意:在衍射图上应选取合适位置的直线作剖面图;去噪处理中值域与空域取最大。点击剖面特征图菜单栏中“输出到 Excel”键后计算机会自动生成 Excel 文件。

e)在生成 Excel 文件中选取第一列(灰度)数值作散点图。为了能在图上读取数据。散点图可以拉开放大。如果数据标记太大也可更改,方法是点击数据标记,再按右键选择数据系列格式,选取“内置”更改类型(圆点)与大小(最小数)。在图上读取各级  $k$  暗纹的光强最小值的位置,并记录在表中。根据实验室给出的定标值把相应数值(像素点)转换成以毫米为单位的实际值。

f)测量单缝与光传感器(接收面)之间的距离,

#### 数据处理:

a)用公式 12 估算出激光波长,  $k$  取 3。

b)用得到几组级次  $k$  对应  $x$  在实验室用 excel 软件作图。(为什么可用衍射点位置测量代替衍射点位移的测量?)

c)在实验室用得到几组级次  $k$  对应  $x$  导入到 origin 软件中作图。通过直线拟合后得到斜率  $K$ ,并在实验报告上写出**拟合直线方程式与相关系数**。再用斜率  $K$  通过式 11 计算得到**激光波长**,并与实验室给出的激光波长比较。用 origin 软件得到的斜率  $K$  的**标准偏差  $u(K)$** ,通过传递公式计算**激光波长不确定度**。(表达式如何写?)

改变单缝与光传感器(接收面)之间的距离,再测一次。建议  $S=0.7$  米,  $k=3$ 。利用式 13 计算出激光波长。(选做实验)

#### 参考文献

- [1] 贾玉润,王公治,凌佩玲. 大学物理实验. 上海: 复旦大学出版社. 1987.
- [2] 张铁强, 大学物理学(第二版下册). 北京: 高等教育出版社. 2012,
- [3] 赵凯华, 钟锡华. 光学(下册). 北京: 北京大学出版社. 1984.
- [4] 陈曙光等. 大学物理(上册) [[M]. 湖南长沙: 湖南大学出版社, 2010.

# 计算机实测物理实验

随着 IT 技术的发展,科学实验的面貌正在发生巨大的改变。在物理实验中,利用计算机来对各种物理量进行监视、测量、记录和分析,可准确地获取实验的动态信息,因而有利于提高实验精度,有利于研究瞬变过程,更可以大大节省实验工作人员的劳动强度和工作量,这是现代物理实验的发展方向。

## 实验目的

本实验采用数据采集设备将不同信号输入计算机进行记录、分析和处理,从而了解如何利用现代的计算机技术来进行传统的物理实验,为今后在各种物理实验和科学研究工作中采用计算机技术打下基础。

## 实验原理

### 1. 计算机实测物理实验概述

计算机实测物理实验通过传感器等实验设备测得物理量并转换成电量,经数据采集设备把电量转换成数字量输入计算机,用专用的软件在计算机显示器上直观地显示物理量随时间的变化规律,从而可以分析各物理量之间的函数关系,这对深入分析物理问题和验证物理规律是十分有利的。

### 2. 传感器

在计算机实测物理实验中,首先必须由传感器把待测物理量转换成数据采集设备可接受的物理量(一般为电量)。根据传感器类型的不同,其输出的可以是电压、电流、电阻,或是随着时间变化的其他电量。一些传感器可能需要额外的组件和电路来正确生成可以由数据采集设备准确和安全读取的信号,传感器的精度、灵敏度和可靠性将决定实验结果的优劣。

传感器一般由敏感元件和转换元件组成。敏感元件指传感器中能直接感受或响应被测物理量的部分,转换元件是指传感器中能将敏感元件感受或响应的被测物理量转换成适于传输和(或)测量的电信号的部分。

传感器分类方法有两种,按被测物理量来分:有温度传感器、压力传感器、位移传感器、速度传感器、加速度传感器、湿度传感器等;按传感器工作原理分:有应变式,电容式,电阻式、电感式、压电式、热电式,光敏、光电等传感器。

传感器检测的物理量可分为动态量和静态量两类,静态量指稳定状态的信号或变化极其缓慢的信号;动态量通常指周期信号、瞬变信号或随机信号。无论对动态量或静态量,都要求传感器能不失真地完成信号转换,所以一个优良的传感器必须有良好的静态特性和动态特性。由于传感器的输出信号一般都比较微弱,因此常在传感器后连接一个放大器,将弱信号放大。

### 3. 数据采集设备

数据采集(DAQ, Data Acquisition 的缩写)是使用数据采集设备对电压、电流、温度或声音等物理量进行采样的过程。数据采集设备是计算机和外部信号之间的桥梁,它的主要功能是将输入的模拟信号数字化,使计算机可以进行解析。数据采集设备用于测量信号的三个主要组成部分为信号调理电路、模数转换器(ADC)与计算机总线。

#### (1) 信号调理电路

直接测量传感器信号或外部信号可能过于嘈杂或危险,信号调理电路将信号处理成可以输入模数转换器的一种形式。电路包括放大、衰减、滤波和隔离。一些数据采集设备含有内置信号调理,用于特定的传感器类型。

#### (2) 模数转换器(ADC)

模数转换器(ADC)是提供瞬时模拟信号的数字显示的一种芯片。在经计算机等数字设备处理之前,传感器的模拟信号必须转换为数字信号,这个过程叫做**采样**。实际操作中,模拟信号随着时间不断发生改变,ADC以预定的速率对信号进行采样,通过计算机总线传输到计算机上,在软件中重构原始信号。在采样中需要设置合理的采样时间(又称采样长度)和采样速度(又称采样频率或者采样率)这两项实验参数,根据被测信号类型及变化快慢来选择合适的采样时间及采样速度是十分重要的。例如,在“冷却规律研究”实验中,其信号为缓变信号,故采样时间可选择较长,采样速度则可慢些;而在“声波和拍的观测”实验中,声波信号为周期信号,且频率较快(500Hz左右),故采样

速度应增加到一定大小，才能真实地反映客观信号，而采样时间则可相应缩短。实验参数的设定，往往需进行多次预试验，不断改变设置，才能最终摸索出合适的选项，这是保证实验成功的客观性、科学性、准确性的关键步骤之一。

### (3) 计算机总线

数据采集设备通过插槽或端口连接至计算机，作为数据采集设备和计算机之间的通信接口，计算机总线用于传输指令和已测量数据。最常用的计算机总线包括 USB、PCI、PCI Express、以太网和无线网络。对于不同类型的应用，各类总线能提供各自不同的优势。

## 4. 计算机

安装了专用软件的计算机控制着数据采集设备的运作，并处理、可视化和存储测量数据。不同类型的应用使用不同类型的计算机，在实验室中可以利用台式机的处理能力，在实地现场可以利用笔记本电脑的便携性，在制造厂中，可以利用工业计算机的耐用性。

计算机中的软件：

### (1) 驱动软件

应用软件凭借驱动软件，与数据采集设备进行交互。它通过提炼底层硬件指令和寄存器级编程，简化了与数据采集设备的通信。通常情况下，数据采集驱动软件引出应用程序接口(API)，用于在编程环境下创建应用软件。

### (2) 应用软件

应用软件促进了计算机和用户之间的交互，进行测量数据的获取、分析和显示。它既可以是带有预定义功能的预设应用，也可以是创建带有自定义功能应用的编程环境。自定义应用程序通常用于实现数据采集设备的多项功能的自动化，执行信号处理算法，并显示自定义用户界面。

## 实验前应回答的问题

1. 简单叙述采样的定义。
2. 在采样中如何针对不同类型和频率的信号设置采样时间和采样速度？
3. 根据实验内容中的  $RC$  串联电路，若信号源为  $f=50\text{Hz}$  的正弦波， $C=3.30\mu\text{F}$ ，请分别计算  $R=1.00\text{k}\Omega$  和  $R=2.00\text{k}\Omega$  时的相位差  $\varphi$ （相位差单位用度  $^\circ$ ）。

## 实验仪器

计算机实测实验仪、计算机、电阻( $1.00\text{k}\Omega$ 、 $2.00\text{k}\Omega$ )、电容( $3.30\mu\text{F}$ )、九孔板。

## 实验内容

1. 观察并记录已知信号在不同采样时间、采样频率组合下波形与 FFT(Fast Fourier Transformation) 结果的变化，分析采样时间和采样频率对波形与 FFT 结果的影响。

### 2. 测 $RC$ 串联电路的相位差

当正弦交流电压输入电阻  $R$  和电容  $C$  串联电路时，电容两端的输出电压的振幅及相位将随输入电压的频率  $f$  而变化。如图 1 所示，电容两端电压  $U_C$  和输入电压  $U_i$  之间的相位差  $\varphi$  满足公式  $\tan\varphi=2\pi fCR$ 。

#### 1) 双正弦波图形测 $RC$ 串联电路的相位差

图 2 为示波器上同时显示  $RC$  串联电路中  $U_C$  和  $U_i$  的波形， $U_C$  和  $U_i$  之间的相位差  $\varphi=(t_2-t_1)/(t_3-t_1)\times 360^\circ$ 。

#### 2) 李萨如图形测 $RC$ 串联电路的相位差

若将  $U_C$  和  $U_i$  分别输入示波器的  $x$  和  $y$  轴，得李萨如图形如图 3 所示，则  $U_C$  和  $U_i$  之间的相位差  $\varphi$  满足公式： $\sin\varphi=B/A$ 。

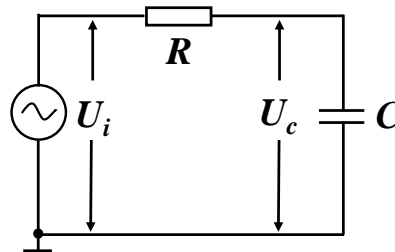


图 1  $RC$  串联电路

使用数据采集设备分别采集  $RC$  串联电路中电容两端电压  $U_C$  和输入电压  $U_i$ ，在软件编译的虚拟示波器程序中，可以采用以上两种方法测  $RC$  串联电路中  $U_C$  和  $U_i$  的相位差  $\varphi$ 。

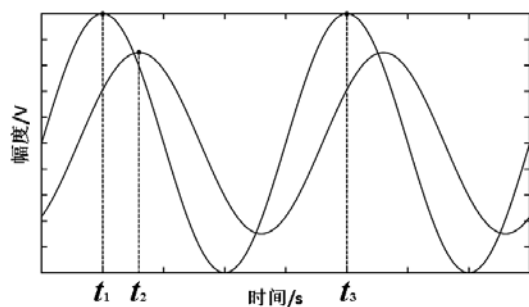


图 2 双正弦波图形测相位差

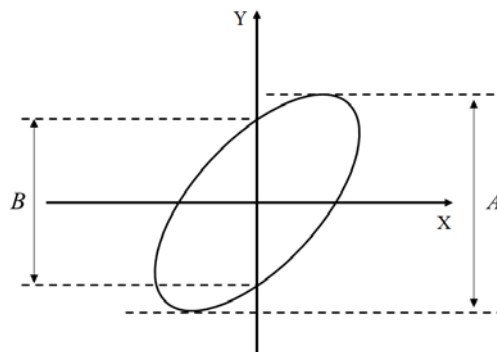


图 3 李萨如图形测相位差

### 3. 固定电话拨号音的测量。(选做内容)

若使用音频采集设备录制拨打固定电话的音频信息，则可以在软件上使用 FFT 分析得到音频文件的频谱图，则可以根据固定电话的电话按键对应频率表，获得拨打的固定电话号码。

#### 参考资料

1. 沈元华，陆申龙，基础物理实验，复旦大学出版社，2003，186—188、306—312

# 用计算机实测技术研究冷却规律

在热学实验中经常用到的对流冷却规律是量热学的基本规律。用最小二乘法作直线拟合来求得对流冷却的经验公式，是实验数据处理的基本方法之一。传统的冷却规律实验由实验者人工完成冷却过程中的数据记录，而本实验利用现代的温度传感器及计算机技术实时地对整个冷却过程进行监测和记录，可以更准确地获取实验的动态信息，实验数据的处理和分析也更为方便，提高了实验精度。

## 实验目的

1. 初步掌握如何利用温度传感器及计算机技术进行冷却规律物理实验研究。
2. 掌握对非线性实验数据进行线性变换的基本方法之一（对数转换）。

## 实验原理

发热体传递热量通常有三种方式：辐射、传导和对流。当发热体处于流体中时，才能以对流的方式传递热量，此时在发热体表面邻近的流体层首先受热，而通过流体的流动将热量带走。

通常，对流可分为两种类型：自然对流和强迫对流。前者是由于发热体周围的流体因温度升高而密度变化，从而形成的流动；后者是由外界的强迫作用来维持发热体周围流体的流动。

在稳态时，发热体因对流而散失的热量可由下式表示：

$$\frac{\Delta Q}{\Delta t} = E(\theta - \theta_0)^m \quad (1)$$

式中  $\Delta Q/\Delta t$  表示在单位时间内发热体因对流而散失的热量； $\theta$  为该热体表面的温度； $\theta_0$  为周围流体的温度（一般即为室温）；式中  $E$  与流体的比热容、密度、粘度、导热系数以及流体速度的大小和方向等有关。当流体是气体时， $m$  与对流条件有关：在自然对流条件下， $m=5/4$ ；在强迫对流时，若流体的流动速度足够快而使发热体周围流体的温度始终保持为  $\theta_0$  不变，则  $m=1$ 。

由量热学可知，对一定的物体，单位时间损失的热量与单位时间温度的下降值成正比，即

$$\frac{\Delta Q}{\Delta t} = Mc \frac{\Delta \theta}{\Delta t} \quad (2)$$

式中  $M$  为物体的质量，而  $c$  为物体材料的比热容。以（2）式代入（1）式，可得：

$$\frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{E}{Mc} (\theta - \theta_0)^m$$

令  $k=E/Mc$ ，则上式可写成：

$$\frac{\Delta \theta}{\Delta t} = k(\theta - \theta_0)^m$$

如以微分形式表示，则有

$$\frac{d\theta}{dt} = k(\theta - \theta_0)^m \quad (3)$$

公式(3)两边取对数，即可变换为直线方程的形式：

$$\log\left(-\frac{d\theta}{dt}\right) = m \log(\theta - \theta_0) + \log(-k) \quad (4)$$

## 实验前应回答的问题

1. 简述自然对流与强迫对流的定义。
2. 在本实验中为何要对温度传感器定标？
3. 在自然冷却和强迫冷却时，公式（3）中的  $k$  值是否相同？为什么？

## 实验仪器

实验装置包括电阻加热器、调压变压器、风扇、AD590 温度传感器、I/V 转换电路（九孔板，10kΩ 电阻）、数据采集设备（计算机实测实验仪）、计算机。

AD590 是一个电流型的集成温度传感器，在  $-50^\circ\text{C} \sim +150^\circ\text{C}$  温度范围内，其输出电流与温度成线性关系，其灵敏度为  $1\mu\text{A}/^\circ\text{C}$ 。

## 实验内容

### 1. 组建一个简单的数字温度计:

在九孔板上连接电路(图1),计算机实测实验仪“+5V”电源输出连接到温度传感器正极(红),地线“GND”连接到电阻另一侧。利用数据采集设备测量10千欧电阻两端电压 $U_R$ 并以此换算为温度。

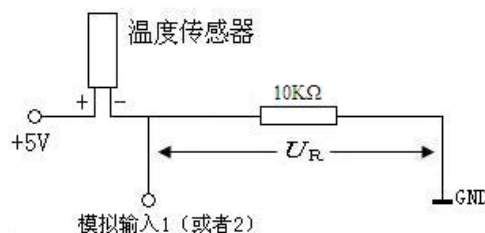


图1 数字温度计电路图

### 2. 数字温度计的定标和测量室温:

打开冷却规律程序,根据实际连接情况选择对应的采样通道(模拟输入1或者2),设置采样率(一般保持缺省值2点/s)。将温度传感器平稳放置于空气中,点击“打开采集卡”即可实时测量当前温度数据。

点击“重新记录与绘图”,记录50秒后点击“停止记录与绘图”,点击“利用当前曲线计算室温平均值”,将平均值与实验室提供的温度计读数进行比较,点击“关闭采集卡”后改变 $a$ 值使室温平均值接近数字温度计示数,完成定标,后续实验以完成定标的数字温度计进行温度监测。

重新测量室温的平均值并记录,室温的测量建议设置采样长度约50秒。

### 3. 自然冷却:

将温度传感器置于加热器内(传感器探头位于加热器中部位置),调节变压器到约40V。**加热到 $\geq 100^\circ\text{C}$ 时将变压器调节到0V(这一步特别重要!)**,然后利用余温加热到约 $110^\circ\text{C}$ (注意:在加热过程中,建议温度 $\leq 120^\circ\text{C}$ ,以免损坏器材!)后把温度传感器取出置于空气中冷却,同时点击“重新记录与绘图”进行采集,当温度不再明显下降时“停止记录与绘图”,得到自然冷却曲线。数据分析方法有多种,其中之一就是对公式(3)两边取对数,将曲线方程转换成直线方程 $Y=mx+b$ 的形式。程序右侧窗口显示图形即为取对数后数据分布(近似为直线)。

观察右侧窗口中数据分布并合理选择拟合区间,点击“曲线拟合计算散热系数”得到冷却规律的指数 $m$ 以及 $b$ 。

#### 注意事项:

- 1) 拟合区间的选取可以使用“去除最初 $n$ 个点”以及拖动温度-时间曲线图上的黄色光标线完成。
- 2) 每一次加热传感器之前可用风扇将温度传感器吹至室温或以下,再次测量室温并记录。

### 4. 强迫冷却:

对于强迫冷却,基本过程和自然冷却相同。区别在于加热后将温度传感器取出置于风扇前方,通过风扇(风力选择二档)对其进行冷却。

## 参考资料

1. 贾玉润,王公治,凌佩玲,大学物理实验,复旦大学出版社,1987
2. 沈元华,陆申龙,基础物理实验,复旦大学出版社,2003,313-315

## 用计算机实测技术研究声波和拍

根据波的叠加原理，两列频率相近的声波在空气中传播发生重叠时产生合成波，当被人耳感受到时听到“嗡嗡”的声音，这表明声强出现了周期性的变化，这一现象被称为拍。本实验利用现代的传感器技术及计算机技术实时地对声波和拍进行观测和记录，可以准确地得到声波的频率和拍频，有助于了解波的叠加，理解拍的基本原理。

### 实验目的

1. 初步掌握如何利用计算机实测技术观测声波和拍，研究拍的物理规律。
2. 了解波的叠加，理解拍的基本原理。

### 实验原理

声波是机械纵波。当弹性介质（如空气）的某一部分离开它的平衡位置时就可以引起这部分介质在平衡位置附近振动。该振动在空气中激发出声波，波动方程为：

$$y = y_m \cos \frac{2\pi}{\lambda}(x - Vt) \quad (1)$$

$y_m$  为振动幅度， $\lambda$  为声波波长， $V$  为声波波速。

如果有两列波向同一方向传播，频率分别为  $f_1$  和  $f_2$ ，根据波的叠加原理可以知道，当两列波通过空间某一点时，这两列波在该点产生的合振动是各自振动之和。

如在某一给定点，在时刻  $t$  时，一列波所产生的振动位移  $y_1$  为：

$$y_1 = y_m \cos 2\pi f_1 t \quad (2)$$

在同一点处，另一列波所产生的振动位移  $y_2$  为：

$$y_2 = y_m \cos 2\pi f_2 t \quad (3)$$

按照迭加原理，这两列波在该点合成的合振动位移  $y$  为：

$$y = y_1 + y_2 = \left[ 2y_m \cos 2\pi \left( \frac{f_1 - f_2}{2} \right) t \right] \cos 2\pi \left( \frac{f_1 + f_2}{2} \right) t \quad (4)$$

由上式可知，这两列波在该点产生的合振动是各自振动之和，合振动的振幅是时间的函数，这一现象称为拍。由于振幅所涉及的是绝对值，故其变化周期即  $\left| \cos 2\pi \left( \frac{f_1 - f_2}{2} \right) t \right|$  的周期，它由  $2\pi \left( \frac{f_1 - f_2}{2} \right) t = \pi$  决定，故振幅变化频率  $f = f_1 - f_2$  即两列波的频率之差， $f$  称为拍频。

拍现象，可以用图 1、图 2 来说明：图中音叉频率为 440Hz，喇叭振动声音频率为 450Hz，它们的合振动近似地看成是简谐波，其振幅随时间周期性变化。

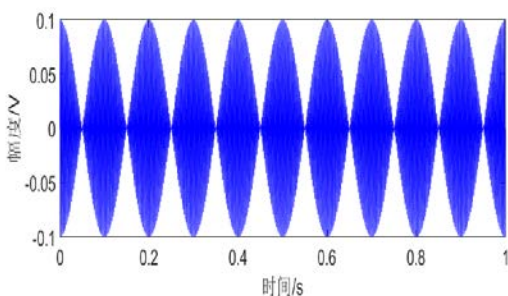


图 1 拍的波形图

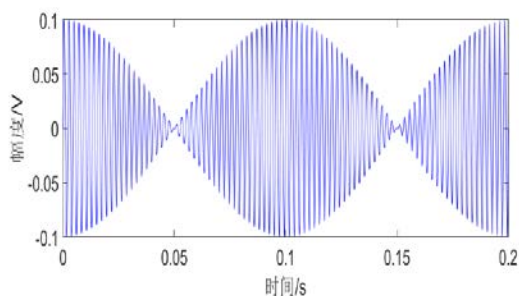


图 2 拍波形伸展图

### 实验前应回答的问题

1. 简述拍的现象。
2. 如何根据已知音叉的频率来选择合适的采样速度？
3. 如果两个分振动的振幅不等但频率相近，还能形成拍吗？若能，形成的拍和图 1、2 中的图形有何区别？



## 实验仪器

音叉、共鸣箱（一端开口）、小橡皮锤、音箱、话筒、计算机。

## 实验内容

### 1. 音叉固有频率 $f_1$ 的测量：

打开“声波和拍”程序，设置合适的采样时间和采样频率。将话筒置于共鸣箱的开口处，打开话筒开关（ON），用小橡皮锤敲击音叉，音叉发生振动，振动在空气中激发声波。程序中点击“开始”，“波形图”界面显示出声波波形（调节“X 零点”、“X 范围”以及“Y 放大”可以对波形进行 X、Y 方向缩放，“FFT 分析”界面调节“频域上限”改变频率域显示范围以便观察频谱图），点击“进行 FFT 分析”得到音叉的固有频率。请多次测量并计算平均值，得到音叉的固有频率  $f_1$ 。

### 2. 拍频的观测：

打开信号源程序，选择信号类型为正弦波（Sine Wave）。将信号源频率  $f_2$  设置为音叉固有频率  $f_1$  的  $\pm 5$ 、 $\pm 10$ 、 $\pm 15\text{Hz}$ 、 $\pm 20\text{Hz}$ 、……，播放固定频率的音频信号。

**注意事项：**计算机系统音量需保持最大，音频信号的音量调节音箱后方旋钮，完成测量后立即操作信号源程序停止输出音频信号，避免互相干扰，相邻实验组建议错开测量时间。实验完毕后记得关闭麦克风开关（OFF）。

合理摆放音箱、音叉、话筒三者的位置，敲击音叉，在音箱、音叉同时发声状态下，用话筒检测两个振动的合振动，即拍的波形曲线（如图 1 所示），点击“复位”，使黄色游标线显现在波形图中，根据实际情况合理选择拍周期数  $n$ ，移动光标线获得  $n$  个拍的时间，通过程序计算得到拍频  $f$ 。

## 参考文献

1. 沈元华、陆申龙，基础物理实验，复旦大学出版社，2003，315—319
2. 钟锡华、陈熙谋主编：钟锡华，周岳明编著，大学物理通用教程·力学，北京大学出版社，2000.12